

ارائه‌ی یک سیستم هشدار برای فرایندهای با متغیر هشدار با توزیع احتمال آمیخته

ایوب ولی‌پوری^۱، غلامرضا لطیف شباگهی^۲

^۱ دانشجوی دکتری مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه شهید بهشتی، A_valipoori@sbu.ac.ir

^۲ استادیار دانشکده مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه شهید بهشتی، Gh_latif@sbu.ac.ir

پذیرش: ۱۳۹۹/۱۰/۱۲

ویرایش دوم: ۱۳۹۹/۰۹/۰۵

ویرایش اول: ۱۳۹۹/۰۷/۱۰

دریافت: ۱۳۹۹/۰۱/۱۰

چکیده: سیستم‌های هشدار نقش مهمی در حفظ ایمنی و جلوگیری از وقوع حوادث در سیستم‌های صنعتی بر عهده دارند. یکی از مراحل مهم در طراحی سیستم‌های هشدار، تخمین مناسب تابع چگالی احتمال، برای متغیر هشدار، قبل و بعد از وقوع عیب می‌باشد. زمانی که توزیع یک متغیر هشدار، آمیخته باشد روش‌های متداول طراحی سیستم هشدار مانند تایمرهای تأخیری و باند مرده با چالش روبرو خواهند بود. در این مقاله سیستم هشدار ا ارائه می‌شود که قابلیت بکارگیری برای متغیرهای هشدار با توزیع آمیخته را دارد. در این روش، هشدار، بر اساس مقادیر چگالی احتمال متناظر با مقادیر لحظه‌ای متغیر هشدار، در توابع چگالی احتمال نرمال و غیرنرمال (مدل‌های مرجع نرمال و غیرنرمال)، تولید می‌شود. روش پیشنهادی به صورت سیستماتیک معرفی شده و برای سناریوهای مختلف عیب شبیه‌سازی و از طریق مقایسه با یکی از روش‌های معمول، ارزیابی و اعتبارسنجی می‌شود. در یکی از موارد مطالعاتی عملکرد روش پیشنهادی بر روی یکی از عملگرهای بنچمارک DAMADICS مورد بررسی قرار گرفته است.

کلمات کلیدی: تابع چگالی احتمال آمیخته، مدیریت هشدار، هشدار از دست رفته، هشدار نادرست

Representing an alarm system for processes with variables with mixture probability distribution

A. Valipoori, G. Latif Shabgahi

Abstract: Alarm systems play an important role in ensuring safety, and preventing event occurrence in industrial plants. One of the most important steps in alarm system designing is estimation of the proper probability density function (pdf). Conventional methods in alarm system designing like, dead-band and delay timers cannot be more effective in case of alarm variable with mixture pdf. This paper presents a new method to design an univariate alarm system with mixture pdf in alarm variables. In this paper three alarm performance indices are derived for variables with gaussian pdf. In proposed method, raising and clearing alarms are based on the probability values corresponding to the instantaneous alarm variable values in the normal and abnormal pdfs (normal and abnormal reference models). The effectiveness of the proposed method is shown during some simulation and industrial case studies and its performance compared with Reset scenario in delay timers. In one of the case studies, the performance of the proposed method in the DAMADICS benchmark actuators has been investigated.

Keywords: Mixture probability density function, Alarm management, False alarm, Missed alarm.

۱- مقدمه

امروزه سیستم‌های تشخیص عیب و مدیریت هشدار از اجزای لاینفک سیستم‌های صنعتی مدرن هستند. آمارها نشان می‌دهد که اتفاقات و خطاهای ناخواسته، وقوع عیب در تجهیزات و خاموشی‌های ناگهانی و برنامه‌ریزی نشده، سالانه میلیاردها دلار به واحدهای صنعتی ضرر وارد می‌کند. این اتفاقات از عوامل گوناگونی نظیر آسیب‌های جزئی در تجهیزات، تنظیم نامناسب کنترل‌کننده‌ها، انتخاب نامناسب نقاط تنظیم، خروج از کالیبراسیون تجهیزات و ... ناشی می‌شوند. برای جلوگیری از این مشکلات و بهبود کیفیت محصولات، عملکرد بخش‌های مختلف یک واحد صنعتی پایش و کنترل می‌شود. یک سیستم هشدار به‌عنوان قسمتی از یک سیستم پایش و نظارت، مجموعه‌ای از سخت‌افزارها و نرم‌افزارها را شامل می‌شود که بر اساس یک سری استانداردها ([۱] و [۲]) در تولید و مدیریت هشدار، به تشخیص به‌موقع خطاهای رخ داده در قسمت‌های مختلف یک واحد صنعتی، کمک می‌کند. در ارتباط با سیستم‌های هشدار چندین استاندارد از جمله [1] EEMUA 191 و [2] ISA S18.02 وجود دارد.

۱-۱- مرور کارهای گذشته

در دو دهه‌ی اخیر، سه روش اصلی برای طراحی سیستم‌های هشدار برای کاربردهای صنعتی مقیاس بزرگ به کار رفته است این روش‌ها عبارتند از: تایمرهای تأخیری، باندهای مرده و فیلترها.

تایمر تأخیری به‌عنوان یکی از روش‌های مؤثر و کاربردی در کاهش هشدارهای نادرست در سال‌های اخیر مورد توجه پژوهشگران این حوزه قرار گرفته است. در [۳] یک سیستم تولید هشدار مبتنی بر سناریوی تایمر تأخیری پیشنهاد شده است که در آن علاوه بر آستانه اصلی، دو آستانه‌ی دیگر در نظر گرفته شده است. این سیستم هشدار با توجه به مقدار متغیر هشدار و موقعیت آن نسبت به این آستانه‌ها، سیگنال هشدار را تولید می‌کند. در [۴] تعمیمی از روش تایمرهای تأخیری با n نمونه تأخیر به نام سناریوی پنالتی ارائه شده است. در این روش نحوه‌ی ریست شدن شمارنده با استفاده از پارامتری به نام پنالتی تغییر داده شده است. مرجع [۵] یک روش تحلیلی، برای محاسبه‌ی شاخص‌های ارزیابی برای سناریوی تایمر تأخیری تعمیم‌یافته (m out of n) با استفاده از مدل مارکوف ارائه کرده است. یکی از راه‌های کاهش اثر نویز در سیستم‌های هشدار استفاده از آستانه‌های متغیر است. در [۶] روشی برای ارزیابی عملکرد سیستم‌های هشدار مبتنی بر تایمر تأخیری و باندهای مرده با استفاده از این نوع آستانه ارائه شده است. این روش با استفاده از گیت Priority- And و فرایند شبه‌مارکوف مدل‌سازی شده است. در [۷] به بررسی تأثیر

خطای اندازه‌گیری، در تخمین مدل‌های مرجع در سیستم هشدار و بهینه کردن آستانه برای کاهش اثر آن، در سناریوی تایمر تأخیری پرداخته شده است. در [۸ و ۹] هرکدام از نواحی بالا و پایین آستانه، با اضافه شدن دو آستانه‌ی دیگر، به سه ناحیه تقسیم و برای هر یک از آن‌ها تعداد مشخصی تأخیر در نظر گرفته شد. نتایج ذکر شده در این مراجع نشان می‌دهد این کار موجب بهبود کارایی سیستم هشدار می‌شود.

یکی دیگر از روش‌های ساده و متداول در طراحی سیستم‌های هشدار، طراحی بر اساس باندهای مرده است. در [۱۰] شاخصی برای تعیین کارایی باندهای مرده برای یک سیستم و روشی برای طراحی عرض باندهای مرده ارائه شده است. در [۱۱] نحوه‌ی طراحی سیستم هشدار بر اساس روش باندهای مرده و تحلیل و ارزیابی آن برای سیستم تک متغیره بیان شده است. همچنین برای دو گروه باندهای مرده مبتنی بر اندازه‌گیری و باندهای مرده مبتنی بر زمان، شاخص‌های ارزیابی FAR، MAR و AAD استخراج شده‌اند. مرجع [۱۲] یک روش طراحی سیستم هشدار مبتنی بر باندهای مرده برای فرایندهای مدل‌شده با سری‌های زمانی غیرخطی تصادفی، ارائه کرده است.

علاوه بر تایمر تأخیری و باندهای مرده، فیلترها نیز در طراحی سیستم‌های هشدار بسیار کاربرد دارند. در [۱۳] به بررسی نحوه طراحی سیستم هشدار با استفاده از فیلترهای میانگین متحرک و واریانس متحرک پرداخته شده است. در [۱۴] چهارچوبی برای طراحی بهینه فیلتر، جهت تولید هشدار ارائه شده است. در [۱۵] به طراحی فیلتر بهینه برای تولید هشدار پرداخته شده است. در [۱۶] به چگونگی طراحی یک فیلتر با کارایی بهینه برای حداقل کردن شاخص‌های FAR و MAR پرداخته شده است. همچنین در این مرجع مواردی را که فیلتر واریانس متحرک کارایی مناسبی دارد، مشخص شده است.

۱-۲- مرور تحقیقات مرتبط با تشخیص عیب با توزیع

آمیخته

در [۱۷] یک روش مبتنی بر مدل برای تشخیص عیب، با استفاده از مدل آمیخته و استراتژی استنتاج بیزی ارائه شده است. در این روش با استفاده از داده‌های تاریخچه سیستم و با استفاده از الگوریتم F-J تعداد المان‌های مدل آمیخته و مشخصات آماری هر یک، تعیین می‌شود؛ سپس با استفاده از مدل (توزیع آمیخته گوسی محدود یا FGMM) و با استفاده از استراتژی استنتاج بیزی احتمال تعلق نمونه‌های مانیتور شده به هر یک از المان‌های مدل آمیخته محاسبه و برای تشخیص عیب استفاده می‌شود. در [۱۸] نیز از مدل GMM برای تشخیص ناهنجاری‌ها استفاده شده است که در آن از الگوریتم EM برای تخمین پارامترهای مدل آمیخته استفاده

می‌شود. در این روش، بعد از تعیین مدل با استفاده از تست نرخ شباهت تعمیم‌یافته (GLRT)، ناهنجاری‌های سیستم تشخیص داده می‌شود. در [۱۹] یک مدل GMM بر اساس داده‌های مربوط به شرایط نرمال در تاریخچه سیستم و با المان‌های اساسی، توسط الگوریتم EM و شاخص F-I تعمیم داده شده است (که به آن PCGMM نیز می‌گویند). سپس با استفاده از این مدل و یک شاخص (به نام NLLP یا MD) میزان شباهت، به صورت آنلاین برای داده‌ها تعیین می‌شود و با قراردادن یک آستانه روی آن، عیب در سیستم تشخیص داده می‌شود. در [۲۰] نیز یک روش تشخیص عیب مبتنی بر مدل آمیخته پیشنهاد شده است که در آن، مدل پیشنهادی شامل k مدل محلی است که k و تعداد المان‌های اساسی موجود در هر مدل محلی با بکارگیری الگوریتم‌های PCA، EM، و یک الگوریتم یادگیری، تعیین می‌شوند. ایده‌ی اصلی این مرجع این است که الگوی داده‌های پیچیده را می‌توان توسط چند مدل محلی نشان داد. نتایج این مرجع نشان می‌دهد که عملکرد این روش برای سیستم‌های دینامیکی، غیرخطی و سیستم‌های با چند حالت ماندگار متفاوت، مناسب می‌باشد. در [۲۱] از دو مدل GMM و مدل مارکوف مخفی (HMM) برای تشخیص عیب استفاده شده است. در این مرجع نیز قبل از بکارگیری مدل GMM از PCA برای کاهش حجم محاسباتی و حذف اطلاعات اضافی استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد هرچند حجم محاسباتی مدل HMM بیشتر بوده اما کارایی بهتری نسبت به مدل GMM داشته است. مراجع دیگری [۲۲]-

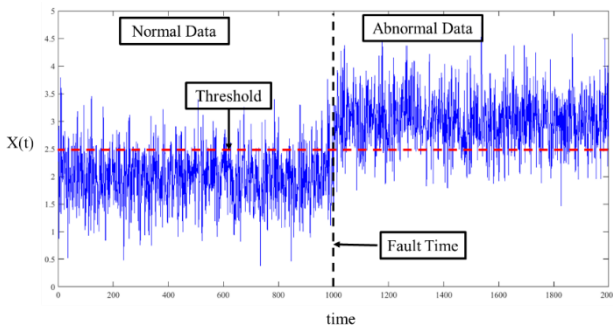
(۲۵) نیز در این زمینه کارهایی مشابه انجام داده‌اند.

تاکنون تحقیقاتی مرتبط با توزیع آمیخته در روش‌های معمول طراحی سیستم‌های هشدار مانند تایمرهای تأخیری، باندمرده و فیلترها ارائه نشده است اما مراجعی وجود دارد که در آن‌ها به کلاس‌بندی، مکان‌یابی و یا تشخیص عیوبی می‌پردازند که رفتار متغیرهای آن‌ها با استفاده از مدل‌های آمیخته توصیف می‌شود. در این مراجع توسط معیارهای شباهت، عیوب آشکارسازی می‌شوند. در این مقاله، روشی ارائه می‌گردد که قادر است مستقل از نوع تابع چگالی احتمال متغیر هشدار، حالات هشدار را با دقت و سرعت مناسب تشخیص دهد. این روش براساس مقادیر چگالی احتمال متغیر هشدار، به تولید هشدار می‌پردازد و برخلاف غالب روش‌های موجود به آستانه وابسته نیست. همین ویژگی موجب می‌شود برای گروه‌های عیب بیشتری قابلیت بکارگیری داشته باشد. تمرکز این مقاله، روی متغیرهای هشدار با توزیع آمیخته می‌باشد.

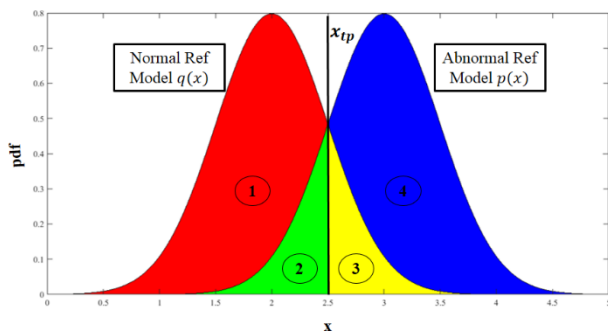
مطالب ارائه شده در این مقاله به صورت زیر سازمان‌دهی می‌شود. در بخش ۲ به معرفی سیستم هشدار پایه و شاخص‌های ارزیابی آن پرداخته

۲- سیستم هشدار پایه

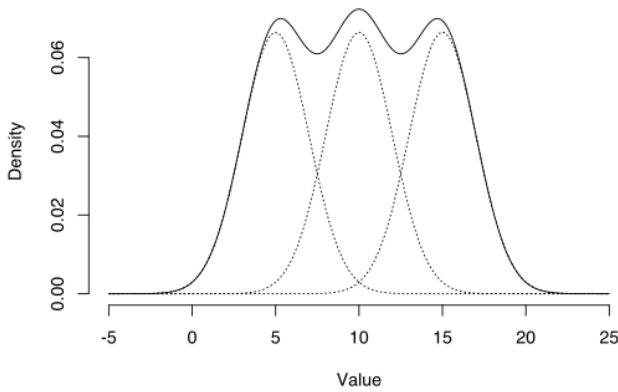
سیستم‌های هشدار از روی رفتار متغیرهای هشدار، وضعیت سیستم را پایش می‌کنند. شکل ۱ فضای نمونه مربوط به یک سیگنال تصادفی $x(t)$ با دوره نمونه‌برداری h را نشان می‌دهد. در شکل ۱ در لحظه $t = 1000$ عیبی به سیستم اعمال شده است. سیستم هشدار را در نظر بگیرید که با تعریف یک آستانه (X_{tp}) به این صورت عمل می‌کند که اگر n نمونه‌ی پیاپی از آستانه‌ی تعریف شده بالاتر باشند، هشدار صادر و در صورتی که n نمونه پیاپی از آن کوچک‌تر باشند هشدار قطع می‌شود (روش تایمر تأخیری با n نمونه تأخیر). اگر در این سیستم $n = 1$ باشد آن را، سیستم هشدار پایه می‌نامند. در این صورت با عبور هر نمونه از آستانه، هشدار صادر و با برگشت آن به زیر آستانه، هشدار قطع می‌شود. در شکل ۱ داده‌های $x(1,1000)$ را به عنوان داده‌های نرمال و داده‌های $x(1001,2000)$ به عنوان داده‌های غیرنرمال در نظر گرفته شده‌اند. توابع چگالی احتمال این داده‌ها به صورت گوسی و مطابق شکل ۲ فرض شده‌اند. در این شکل تابع چگالی احتمال مربوط به حالت نرمال و غیرنرمال به ترتیب با $q(x)$ و $p(x)$ نشان داده شده‌اند.



شکل ۱: فضای نمونه یک سیگنال تصادفی



شکل ۲: توابع چگالی احتمال مرجع نرمال و غیرنرمال



شکل ۳: توزیع آمیخته‌ی ترکیب شده از سه توزیع نرمال با میانگین‌های ۵،

۱۰ و ۱۵

در حالت کلی یک تابع چگالی احتمال آمیخته به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$f(x) = \sum_{k=1}^K \lambda_k f_k, \quad 0 \leq \lambda_k \leq 1, \quad \sum_{k=1}^K \lambda_k = 1 \quad (4)$$

که در آن f_k تابع چگالی احتمال مربوط به مجموعه داده‌ی k -ام و λ_k احتمال قرار گرفتن داده‌ها در مجموعه k -ام می‌باشد. در شکل ۳، $k = 3$ و $\lambda_{1,2,3} = \frac{1}{3}$ است. در مورد‌های مطالعاتی ذکر شده در این مقاله توابع چگالی احتمال تشکیل دهنده‌ی توزیع آمیخته، گوسی فرض شده‌اند.

۳-۲- معرفی روش تولید هشدار

روش پیشنهادی، یک روش مبتنی بر مدل است که در آن با استفاده از داده‌های تاریخی دو تابع چگالی احتمال برای شرایط نرمال و غیرنرمال سیستم، استخراج می‌شود که آن‌ها را به ترتیب مدل‌های مرجع نرمال و غیرنرمال می‌نامیم. با استفاده از این مدل‌ها، برای هر نمونه از متغیر هشدار (x_i) ، چگالی احتمال نرمال بودن (q_i) و غیرنرمال بودن (p_i) محاسبه می‌شود و با توجه به آن‌ها، سیستم هشدار در یکی از حالت‌های عملکردی زیر قرار می‌گیرد.

۱. حالت عملکردی "بدون هشدار" (NA^1)

در این حالت، سیستم هشدار، هشدار صادر نمی‌کند. اگر سیستم هشدار در این حالت قرار داشته و برای نمونه‌های دریافتی شرط $p_i \leq k_1 q_i$ برقرار باشد، سیستم در این حالت باقی می‌ماند اما اگر شرط $p_i \geq k_2 q_i$ برقرار باشد، سیستم وارد حالت "هشدار" می‌شود. همچنین در صورتی که هیچ کدام از شروط فوق برقرار نشود (یعنی $k_1 q_i < p_i < k_2 q_i$) سیستم وارد حالت "آماده برای صدور هشدار" می‌شود. لازم به ذکر است که k_1 و k_2 پارامترهای طراحی می‌باشند ($0 < k_1 < k_2$).

۲. حالت عملکردی "هشدار" (A^2)

برای ارزیابی کارایی هر سیستم، شاخص‌هایی تعریف می‌شود. در این قسمت، سه تا از مهم‌ترین شاخص‌های ارزیابی سیستم‌های هشدار یعنی FAR، MAR و AAD معرفی و برای سیستم هشدار پایه محاسبه می‌شوند ([۲۶]). شاخص FAR نرخ هشدارهای صادر شده در حالت عملکردی نرمال را نشان می‌دهد. برای سیستم هشدار پایه، این شاخص به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$FAR = \int_{x_{tp}}^{\infty} q(x) dx = q_1 \quad (1)$$

در رابطه‌ی فوق x_{tp} آستانه و q_1 ناحیه‌ی ۳ در شکل ۲ می‌باشد که بارنگ زرد نشان داده شده است. شاخص MAR، نرخ هشدارهای گم شده در حالت عملکردی غیرنرمال سیستم را نشان می‌دهد و برای سیستم هشدار پایه، به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$MAR = \int_{-\infty}^{x_{tp}} p(x) dx = p_2 \quad (2)$$

که در رابطه‌ی فوق p_2 ناحیه‌ی ۲ در شکل ۲ می‌باشد. شاخص AAD، میانگین تأخیر سیستم در تشخیص عیب را نشان می‌دهد. این شاخص نیز برای سیستم هشدار پایه به صورت زیر تعریف می‌شود [۲۶]:

$$AAD = h \frac{p_2}{p_1} \quad (3)$$

که p_1 سطح زیر نمودار نواحی ۳ و ۴ در شکل ۲ (که بارنگ آبی و زرد مشخص شده‌اند) می‌باشد.

۳- معرفی سیستم هشدار پیشنهادی

قبل از معرفی روش پیشنهادی، توزیع آمیخته به صورت اجمالی بیان می‌شود.

۳-۱- توزیع آمیخته

توزیع آمیخته، ترکیبی از دو یا چند توزیع احتمال است. در واقع متغیرهای تصادفی تشکیل دهنده‌ی این توزیع از چند مجموعه داده، تشکیل می‌شوند که هر مجموعه، توزیع مختص به خود را دارد. هر یک از این توزیع‌های تشکیل دهنده، می‌توانند تک‌متغیره یا چندمتغیره باشند. علاوه بر این توزیع‌های تشکیل دهنده توزیع آمیخته همگی باید دارای توزیع پیوسته یا گسسته باشند. هر یک از این توزیع‌ها می‌تواند دارای یک نوع دلخواه باشد. شکل ۳ یک توزیع آمیخته را نشان می‌دهد که از سه توزیع گوسی تشکیل شده است.

² Alarm

¹ No Alarm

• نمونه‌های دریافتی از متغیر هشدار، مستقل و دارای

توزیع یکسان می‌باشند (iid)

تأثیر عیب در رفتار متغیر هشدار مستقل از زمان می‌باشد.

۴- محاسبه‌ی شاخص‌های عملکردی

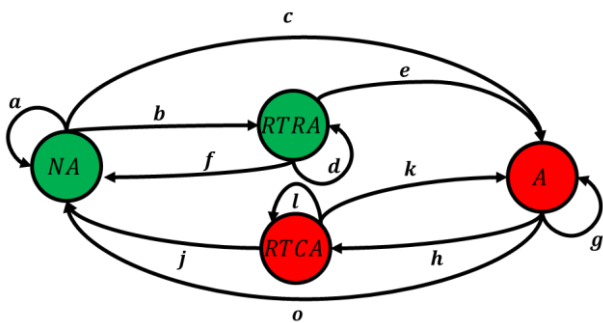
در این بخش سیستم هشدار پیشنهادی، با استفاده از روش مارکوف مدل‌سازی و تحلیل می‌شود. برای سادگی فرض کنید مدل‌های مرجع، گوسی و به صورت زیر انتخاب شوند ($\delta_2 = \delta_1 = \delta, \mu_2 > \mu_1$).

$$q(x) = \frac{1}{\delta\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\delta^2}}$$

$$p(x) = \frac{1}{\delta\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_2)^2}{2\delta^2}} \quad (5)$$

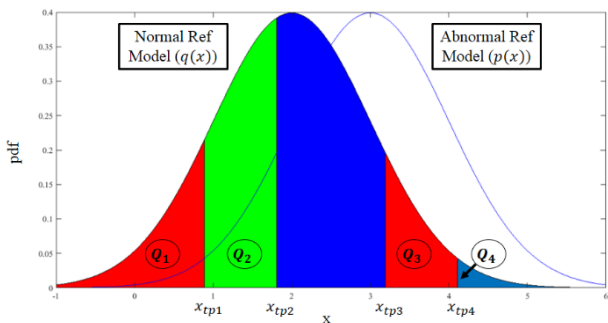
۴-۱- محاسبه‌ی شاخص FAR

شاخص FAR در شرایط نرمال محاسبه می‌شود لذا از مدل مرجع نرمال ($q(x)$) استفاده می‌شود. با توجه به توضیحات ارائه‌شده در بخش قبل مدل مارکوف سیستم پیشنهادی به صورت زیر می‌باشد.



شکل ۴: مدل مارکوف روش پیشنهادی

حالات نشان داده شده با رنگ سبز (NA و RTRA) حالاتی هستند که هشدار، قطع است و حالات دیگر (A و RTCA) هشدار هستند. مدل مرجع نرمال مورد استفاده برای محاسبه‌ی احتمالات گذارها برای محاسبه‌ی FAR در شکل ۵ نشان داده شده‌اند.



در این حالت، سیستم در وضعیت صدور هشدار قرار دارد. در این وضعیت، اگر برای نمونه‌های دریافتی از متغیر هشدار شرط $k_4 p_i \leq q_i$ برقرار باشد، سیستم در حالت هشدار باقی خواهد ماند و اگر شرط $k_5 p_i \geq q_i$ برقرار شود، سیستم به حالت "بدون هشدار" خواهد رفت. در صورتی که هیچ کدام از شروط فوق برقرار نشود (یعنی $k_4 p_i < q_i$) سیستم وارد حالت "آماده برای قطع هشدار" می‌شود. لازم به ذکر است که k_4 و k_5 پارامترهای طراحی می‌باشند ($0 < k_4 < k_5$).

۳. مد عملکردی "آماده برای صدور هشدار" (RTRA³)

فرض کنید که سیستم در حالت بدون هشدار قرار داشته و برای نمونه‌ی دریافتی شرط $k_1 q_i < p_i < k_2 q_i$ برقرار شود در این وضعیت سیستم هشدار برای کسب اطمینان از اینکه آیا وضعیت سیستم واقعی، غیرنرمال شده است یا خیر، به حالتی به نام "آماده برای صدور هشدار" می‌رود. مادامی که سیستم در این حالت قرار دارد برای نمونه‌ای که باعث ورود به این حالت شده و نمونه‌های دریافتی بعدی شروط $\prod_{i=1}^n p_i \geq k_2 \prod_{i=1}^n q_i$ و $\prod_{i=1}^n p_i \leq k_3 \prod_{i=1}^n q_i$ را چک می‌کند. اگر شرط اول برقرار بود سیستم به حالت A و اگر شرط دوم برقرار بود سیستم به حالت NA می‌رود. در غیر این صورت نمونه‌ی جدیدی می‌گیرد و مجدداً شروط را چک می‌کند. لازم به ذکر است مقادیر $\prod_{i=1}^n p_i$ و $\prod_{i=1}^n q_i$ حاصل ضرب چگالی احتمالات هستند که اگر نسبت به هم مقایسه شوند همان نسبت احتمالات را نشان می‌دهند. همچنین با توجه به فرض iid⁴ بودن نمونه‌ها، حاصل ضرب احتمالات نرمال/غیرنرمال بودن اعضای یک مجموعه، احتمال نرمال/غیرنرمال بودن کل مجموعه را نشان می‌دهد.

۴. حالت عملکردی "آماده برای قطع هشدار" (RTCA⁵)

این حالت شبیه به حالت RTRA می‌باشد با این تفاوت که در مسیر قطع هشدار قرار دارد. بدین معنی که اگر در حالت A شرط $k_4 p_i < q_i$ هشدار برقرار گردد سیستم هشدار وارد حالت RTCA می‌شود. در این حالت بر اساس $m - 1$ نمونه‌ی دریافتی بعدی، اگر شرط $\prod_{i=1}^m q_i \geq k_5 \prod_{i=1}^m p_i$ برقرار باشد به حالت "NA" رفته و اگر شرط $\prod_{i=1}^m q_i \leq k_6 \prod_{i=1}^m p_i$ باشد به حالت A بروا می‌گشت. در صورتی که هیچ کدام از شروط بالا محقق نشود همچنان در حالت RTCA باقی خواهیم ماند.

فرضیات

• داده‌های تاریخی نرمال و غیرنرمال سیستم مشخص است.

⁵ Ready To Clear Alarm

³ Ready To Raise Alarm

⁴ Independent and Identically Distributed

$$e = P\left(\bar{x}_1 \geq \frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_2)}{2n(\mu_1 - \mu_2)}\right)$$

مطابق قضیه Central Limit، می‌توان توزیع \bar{x}_1 را با یک توزیع نرمال با میانگین μ_1 و واریانس $\frac{\delta^2}{n}$ تقریب زد. با استفاده از این تقریب و تبدیل z score داریم:

$$e = P\left(z \geq \frac{\frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_2)}{2n(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_1}{\frac{\delta}{\sqrt{n}}}\right) =$$

$$P\left(z \geq \frac{\sqrt{n}}{\delta} \left(\frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_2)}{2n(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_1\right)\right)$$

گذار f نیز مشابه گذار e بدست می‌آید.

$$f = P\left(\prod_{i=1}^n p_i \leq k_3 * \prod_{i=1}^n q_i \mid \text{Normal condition}\right)$$

$$= P\left(z \leq \frac{\sqrt{n}}{\delta} \left(\frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_3)}{2n(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_1\right)\right)$$

با محاسبه‌ی گذارهای e و f گذار d به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$d = 1 - e - f$$

همانطور که مشاهده می‌شود مقادیر گذارهای e ، f و d وابسته به مقدار n می‌باشند. این گذارها مربوط به حالت $RTRA$ می‌باشند در این حالت سیستم، آفندر نمونه‌ی جدید می‌گیرد که یکی از شروط خروج از آن، برقرار می‌شود؛ بنابراین می‌توان گفت n حداقل تعداد نمونه‌ای است که به ازای آن، احتمال خروج از حالت $RTRA$ بزرگ‌تر از احتمال ماندن در آن باشد. به عبارت دیگر،

$$\min n: e(n) + f(n) \geq d(n)$$

با توجه به اینکه این سه ترم هیچ گونه اشتراکی ندارند و مجموع آن‌ها برابر یک می‌باشد لذا داریم،

$$\min n: e(n) + f(n) \geq 0.5$$

لذا n حداقل مقداری است که رابطه فوق را برقرار می‌کند. سایر گذارهای موجود در مدل مارکوف در شکل ۴ به صورت زیر محاسبه می‌شوند.

$$j = P\left(\prod_{i=1}^m q_i \geq k_5 * \prod_{i=1}^m p_i \mid \text{Normal condition}\right)$$

$$= P\left(z \leq \frac{\sqrt{m}}{\delta} \left(\frac{m(\mu_1^2 - \mu_2^2) + 2\delta^2 \text{Ln}(k_5)}{2m(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_1\right)\right)$$

$$k = P\left(\prod_{i=1}^m q_i \leq k_6 * \prod_{i=1}^m p_i \mid \text{Normal condition}\right)$$

$$= P\left(z \geq \frac{\sqrt{m}}{\delta} \left(\frac{m(\mu_1^2 - \mu_2^2) + 2\delta^2 \text{Ln}(k_6)}{2m(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_1\right)\right)$$

$$l = 1 - j - k$$

مقادیر j ، k و l به m وابسته می‌باشند. m نیز مشابه n به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$\min m: j(m) + k(m) \geq l(m)$$

$$\min m: e(m) + f(m) \geq 0.5$$

شکل ۵: مدل مرجع مورد استفاده برای محاسبه FAR (مدل مرجع نرمال

Normal(2,1) و مدل غیر نرمال Normal(3,1)، پارامترهای

طراحی $k_1 = k_4 = 2, k_2 = k_5 = 5, k_3 = k_6 = 1$ می‌باشند.

جهت محاسبه FAR ابتدا باید احتمالات گذارها را بدست آوریم.

گذارهای a, b, c, g, h و o نشان داده شده در شکل ۴ با استفاده از روابط زیر بدست می‌آیند.

$$c = Q_4 = \int_{x_{tp4}}^{\infty} q(x) dx,$$

$$b = Q_3 = \int_{x_{tp3}}^{x_{tp4}} q(x) dx,$$

$$a = 1 - c - b = \int_{-\infty}^{x_{tp3}} q(x) dx,$$

$$o = Q_1 = \int_{-\infty}^{x_{tp1}} q(x) dx,$$

$$h = Q_2 = \int_{x_{tp1}}^{x_{tp2}} q(x) dx,$$

$$g = 1 - o - h = \int_{x_{tp2}}^{\infty} q(x) dx \quad (6)$$

در روابط بالا x_{tp1} ، x_{tp2} ، x_{tp3} و x_{tp4} آستانه‌هایی هستند که با توجه به روابط زیر محاسبه شده‌اند.

$$q(x) = k_5 \cdot p(x) \rightarrow x = x_{tp1}$$

$$q(x) = k_4 \cdot p(x) \rightarrow x = x_{tp2}$$

$$p(x) = k_1 \cdot q(x) \rightarrow x = x_{tp3}$$

$$p(x) = k_2 \cdot q(x) \rightarrow x = x_{tp4} \quad (7)$$

مقادیر احتمالات مربوط به سایر گذارها (گذارهای خروجی از حالت $RTRA$ و $RTCA$) به صورت تقریبی محاسبه می‌شوند. گذار e احتمال انتقال سیستم از حالت "RTRA" به حالت "A" را نشان می‌دهد و به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$e = P\left(\prod_{i=1}^n p_i \geq k_2 * \prod_{i=1}^n q_i \mid \text{Normal condition}\right)$$

$$= P\left(\frac{1}{(\delta\sqrt{2\pi})^n} e^{-\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu_2)^2}{2\delta^2}} \geq k_2 * \right.$$

$$\left. \frac{1}{(\delta\sqrt{2\pi})^n} e^{-\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu_1)^2}{2\delta^2}}\right) =$$

$$P\left(e^{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu_2)^2 - \sum_{i=1}^n (x_i - \mu_1)^2}{2\delta^2}} \leq 1/k_2\right) =$$

$$P\left(e^{\frac{2n\bar{x}_1(\mu_1 - \mu_2) + n(\mu_2^2 - \mu_1^2)}{2\delta^2}} \leq 1/k_2\right)$$

که در آن \bar{x}_1 میانگین n نمونه‌ی تولیدشده توسط مدل مرجع نرمال $q(x)$ می‌باشد. حال اگر از عبارت داخل پرانتز Ln بگیریم، عبارت به صورت زیر ساده می‌شود (فرض $n > 1$).

$$e = P\left(2n\bar{x}_1(\mu_1 - \mu_2) + n(\mu_2^2 - \mu_1^2) \leq 2\delta^2 \text{Ln}(1/k_2)\right)$$

حال با توجه به اینکه $\mu_1 - \mu_2 < 0$ ترم $\mu_1 - \mu_2$ می‌باشد لذا داریم

$$a = 1 - c - b = \int_{-\infty}^{x_{tp3}} p(x)dx,$$

$$o = Q_1 = \int_{-\infty}^{x_{tp1}} p(x)dx,$$

$$h = Q_2 = \int_{x_{tp1}}^{x_{tp2}} p(x)dx,$$

$$g = 1 - o - h = \int_{x_{tp2}}^{\infty} p(x)dx$$

$$e = P(\prod_{i=1}^n p_i \geq k_2 * \prod_{i=1}^n q_i | \text{Abnormal condition}) \\ = P\left(z \geq \frac{\sqrt{n}}{\delta} \left(\frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_2)}{2n(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_2 \right)\right)$$

$$f = P(\prod_{i=1}^n p_i \leq k_3 * \prod_{i=1}^n q_i | \text{Abnormal condition}) = \\ P\left(z \leq \frac{\sqrt{n}}{\delta} \left(\frac{n(\mu_1^2 - \mu_2^2) - 2\delta^2 \text{Ln}(k_3)}{2n(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_2 \right)\right)$$

$$d = 1 - e - f \\ j = P(\prod_{i=1}^m q_i \geq k_5 * \prod_{i=1}^m p_i | \text{Abnormal condition}) = \\ P\left(z \leq \frac{\sqrt{m}}{\delta} \left(\frac{m(\mu_1^2 - \mu_2^2) + 2\delta^2 \text{Ln}(k_5)}{2m(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_2 \right)\right)$$

$$k = P(\prod_{i=1}^m q_i \leq k_6 * \prod_{i=1}^m p_i | \text{Abnormal condition}) = \\ P\left(z \geq \frac{\sqrt{m}}{\delta} \left(\frac{m(\mu_1^2 - \mu_2^2) + 2\delta^2 \text{Ln}(k_6)}{2m(\mu_1 - \mu_2)} - \mu_2 \right)\right) \\ l = 1 - j - k$$

لازم به ذکر است مقادیر n و m مشابه آنچه در محاسبه‌ی FAR بیان شد، محاسبه می‌شوند. ماتریس گذار حالت برای شاخص MAR نیز توسط رابطه‌ی ۸ محاسبه می‌شود. MAR، احتمال قطع شدن هشدار در شرایط غیرنرمال یا به عبارت دیگر احتمال قرار گرفتن سیستم در حالت‌های "A" و "RTCA" را در حالت ماندگار نشان می‌دهد. لذا MAR به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$MAR = S_1(t = \infty) + S_2(t = \infty) \quad (14)$$

۵- نتایج شبیه‌سازی

در این بخش کارایی روش پیشنهادی با ارائه‌ی چند مورد مطالعاتی بررسی می‌شود. در مورد اول، عملکرد سیستم هشدار پیشنهادی با نتایج تحلیلی مقایسه شده و صحت نتایج بدست آمده با استفاده از روش مونت کارلو نشان داده می‌شود. در مورد دوم، از داده‌های با مدل‌های مرجع آمیخته برای شبیه‌سازی حالات نرمال و غیرنرمال استفاده شده است. هر کدام از این مدل‌های آمیخته از دو توزیع گوسی تشکیل شده‌اند در این بخش تأثیر افزایش تعداد زیرمدل‌ها در مرحله‌ی تخمین مدل‌های مرجع، روی کارایی سیستم هشدار نیز نشان داده شده است. در مورد سوم

لذا m حداقل مقداری است که رابطه فوق را برقرار می‌کند. با محاسبه‌ی مقادیر گذارها، می‌توان ماتریس گذار را تشکیل داد که با توجه به شکل ۴، برابر است با:

$$Q = \begin{bmatrix} a & b & c & 0 \\ f & d & e & 0 \\ o & 0 & h & g \\ j & 0 & k & l \end{bmatrix} \quad (8)$$

مقدار شاخص FAR، برابر است با مجموع احتمال ماندن سیستم هشدار در حالت‌های "A" و "RTCA" در حالت ماندگار. فرض کنید احتمال قرارگیری سیستم در حالت i -ام در لحظه‌ی t را نشان دهد در این صورت داریم:

$$\pi(t) = \{\pi_1(t), \dots, \pi_4(t)\} \quad (9) \\ \pi(t) = Q^T \pi(t-1)$$

لذا حالت سیستم در حالت ماندگار برابر است با:

$$\pi(\infty) = Q^T \pi(\infty) \quad (10)$$

از طرفی می‌دانیم

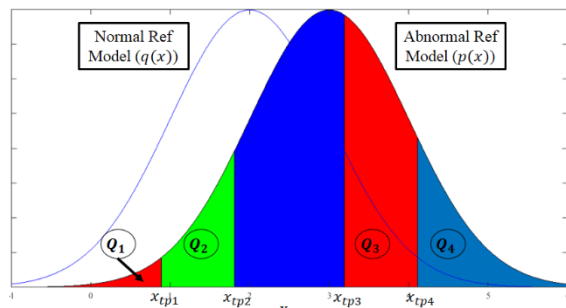
$$\pi_1(\infty) + \pi_2(\infty) + \pi_3(\infty) + \pi_4(\infty) = 1 \quad (11)$$

با استفاده از روابط ۱۰ و ۱۱ بردار π در حالت ماندگار محاسبه می‌شود سپس با استفاده از رابطه‌ی زیر FAR محاسبه می‌شود.

$$FAR = \pi_3(t = \infty) + \pi_4(t = \infty) \quad (12)$$

۲-۴- محاسبه‌ی شاخص MAR

MAR در شرایط غیرنرمال محاسبه می‌شود لذا از مدل مرجع غیرنرمال $p(x)$ نشان داده شده در شکل ۶ استفاده می‌شود.



شکل ۶: مدل مرجع مورد استفاده برای محاسبه MAR (مدل مرجع نرمال $Normal(2,1)$ و مدل غیرنرمال $Normal(3,1)$ ، پارامترهای طراحی $k_1 = k_4 = 2, k_2 = k_5 = 5, k_3 = k_6 = 1$ می‌باشند). جهت محاسبه‌ی MAR نیز ابتدا باید احتمالات گذارهای مدل مارکوف محاسبه شود که به روشی مشابه محاسبه‌ی گذارها در شاخص FAR به صورت زیر محاسبه می‌گردند.

$$c = Q_4 = \int_{x_{tp4}}^{\infty} p(x)dx, \\ b = Q_3 = \int_{x_{tp3}}^{x_{tp4}} p(x)dx, \quad (13)$$

فرض کنید سیگنال متغیر هشدار فرایند به صورت زیر باشد.

$$x(t) = \begin{cases} \text{gmdistribution}([2,4], [0.2 \ 0; 0 \ 0.2]), & 0 \leq t \leq 1000h \\ \text{gmdistribution}([3,5], [0.2 \ 0; 0 \ 0.2]), & 1000h < t \leq 2000h \end{cases}$$

که در آن $\text{gmdistribution}(\mu, \sigma)$ بیانگر یک تابع چگالی احتمال آمیخته‌ی گوسی است از ترکیب چند تابع (در اینجا دو تابع) توزیع گوسی با میانگین μ و ماتریس کواریانس σ با ضرایب (λ_k) برابر، ساخته شده است. شبیه‌سازی با استفاده از مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰۰ انجام شده و نتایج آن در

جدول ۲ نشان داده شده است. پارامترهای طراحی سیستم هشدار پیشنهادی به صورت زیر انتخاب شده‌اند.

$$k_1 = k_4 = 2, k_2 = k_5 = 1000, k_3 = k_6 = 1$$

جدول ۲: شاخص‌های ارزیابی سیستم هشدار پیشنهادی، با استفاده از

مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰۰۰، برای مورد مطالعاتی دوم

	FAR	MAR	MTTA
Monte Carlo	0.0011	0.0011	5.1443

همانطور که در

جدول ۲ مشاهده می‌شود با وجود اینکه مقادیر پارامترهای طراحی

به صورت دلخواه انتخاب شدند اما سیستم هشدار برای متغیرهای هشدار آمیخته هم عملکرد قابل قبولی داشته است. در بازه‌ی عملکردی نرمال شامل ۱۰۰۰ داده، به طور میانگین ۱.۱ هشدار غلط داشته است ($FAR = 0.0011$). همچنین بعد از صدور اولین هشدار در بازه‌ی عملکردی غیرنرمال، نیز به طور میانگین ۱.۱ هشدار گم شده است ($MAR = 0.0011$). به علاوه سیستم با سرعت مناسبی (تقریباً با ۵ نمونه تأخیر) حالت غیرنرمال را تشخیص و هشدار صادر کرده است. علاوه بر این مقادیر m و n به ترتیب 3.2043 و 3.0144 می‌باشند.

در اینجا ممکن است این سؤال مطرح شود که هر نوع داده‌ای را می‌توان توسط تابع آمیخته مدل کرد یا خیر؟ جواب این سؤال این است که از لحاظ تنوری، اگر تعداد زیرمدل‌ها به اندازه‌ی کافی بزرگ باشد، تابع توزیع آمیخته می‌تواند هر نوع تابع توزیعی را تخمین بزند؛ اما افزایش تعداد المان‌ها منجر به افزایش تعداد پارامترهایی می‌گردد که باید تخمین زده شوند که این کار حجم محاسبات و تعداد داده‌ی مورد نیاز برای تخمین را افزایش می‌دهد [۲۷]. جهت نشان دادن اثر افزایش تعداد زیرمدل‌ها (در مرحله‌ی تخمین مدل‌های مرجع)، روی کارایی سیستم هشدار، نمونه سیگنال نشان داده شده در رابطه‌ی ۱۵ (که دارای توزیع آمیخته‌ای با ۵ زیرمدل می‌باشد) توسط مدل‌هایی با تعداد زیرمدل‌های

یک نمونه‌ی واقعی از یک سیستم با توزیع آمیخته ارائه شده است. در این مثال سیگنال خروجی کنترلر در یکی از عملگرهای پنج‌مارک DAMADICS مورد بررسی قرار گرفته است. در مورد مطالعاتی چهارم عملکرد مؤثر روش پیشنهادی در مقایسه با یکی از سناریوهای تایمرهای تأخیری (ریست) نشان داده شده است.

۵-۱- مورد مطالعاتی اول

فرض کنید سیگنال متغیر هشدار فرایند به صورت زیر باشد.

$$x(t) = \begin{cases} \text{Normal}(2, 0.2^2), & 0 \leq t \leq 1000h \\ \text{Normal}(3, 0.2^2), & 1000h < t \leq 2000h \end{cases}$$

که در آن $\text{Normal}(\mu_1, \sigma_1^2)$ بیانگر یک تابع چگالی احتمال گوسی با میانگین μ_1 و واریانس σ_1 است. برای حذف اثر تصادفی بودن، شبیه‌سازی با استفاده از مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰۰۰ انجام شده و نتایج آن در جدول ۱ نشان داده شده است. پارامترهای طراحی سیستم هشدار پیشنهادی به صورت زیر انتخاب شده‌اند.

$$k_1 = k_4 = 2, k_2 = k_5 = 5, k_3 = k_6 = 1$$

جدول ۱: شاخص‌های ارزیابی سیستم هشدار پیشنهادی، با استفاده از

مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰۰۰، برای مورد مطالعاتی اول

	FAR	MAR	MTTA
Monte Carlo	0.00239	0.002401	1.0149
Mathematical Analysis	0.0024	0.0024	*

همانطور که در جدول ۱ مشاهده می‌شود سیستم هشدار در بازه‌ی عملکردی نرمال شامل ۱۰۰۰ داده، به طور میانگین ۲.۴ هشدار غلط داشته است ($FAR = 0.00239$). همچنین بعد از صدور اولین هشدار در بازه‌ی عملکردی غیرنرمال، نیز به طور میانگین ۲.۴ هشدار گم شده است ($MAR = 0.0024$). به علاوه سیستم با سرعت کافی (تقریباً یک نمونه تأخیر) حالت غیرنرمال را تشخیص داده و هشدار صادر کرده است. همچنین مقادیر بدست آمده از تحلیل ریاضی با نتایج بدست آمده از مونت کارلو دارای اختلاف ناچیزی هستند. علاوه بر این مقادیر m و n به ترتیب 2.0058 و 2.0046 می‌باشند یعنی برای متغیر هشدار فوق با پارامترهای طراحی مشخص شده، بعد از اینکه سیستم وارد حالت‌های آماده‌باش شد، تقریباً به دو نمونه نیاز دارد که با قطعیت هشدار را صادر یا قطع کند.

۵-۲- مورد مطالعاتی دوم

مدل‌های با بیش از ۵ زیرمدل، تقریباً ناچیز است؛ بنابراین می‌توان گفت در صورتی که محدودیتی برای حجم محاسبات وجود نداشته باشد و داده‌ی تاریخی کافی در دسترس باشد، بهتر است برای تخمین مدل، از زیرمدل‌های بیشتری استفاده شود

۳-۵- مورد مطالعاتی سوم

DAMADICS، یک پنجم‌ارک عملگر است که برای بررسی توانایی روش‌های مختلف تشخیص و ایزولاسیون عیب (FDI) در عملگرهای صنعتی و مقایسه‌ی آن‌ها با هم بکار می‌رود. این پنجم‌ارک توسط شبکه‌ی DAMADICS Research Training، در سال‌های ۲۰۰۱-۲۰۰۴ با حمایت کمیسیون اروپا^۶ توسعه داده شد و به صورت خاص برای سه نمونه عملگر در کارخانه قند لوبلین لهستان، طراحی شده است. این سیستم دارای ۱۹ نوع عیب مختلف می‌باشد. یکی از این عیب‌ها، "بازشدن بخشی از شیر Bypass" در روز ۳۰ اکتبر سال ۲۰۰۱ در بازه‌ی زمانی 58800-59800 به سیستم اعمال و نتایج آن اندازه‌گیری شده است (زمان نمونه‌برداری یک ثانیه می‌باشد). این عیب، به عملگری که برای کنترل جریان ورودی مایع با غلظت پایین به محفظه‌ی تبخیر استفاده می‌شود، اعمال شده است. فرایند مربوط به این عملگر در شکل ۷ نشان داده شده است [۲۸].

م تفاوت تخمین زده شده و شاخص‌های عملکردی برای سیستم هشدار محاسبه شده است و نتایج در جدول ۳ آمده‌اند.

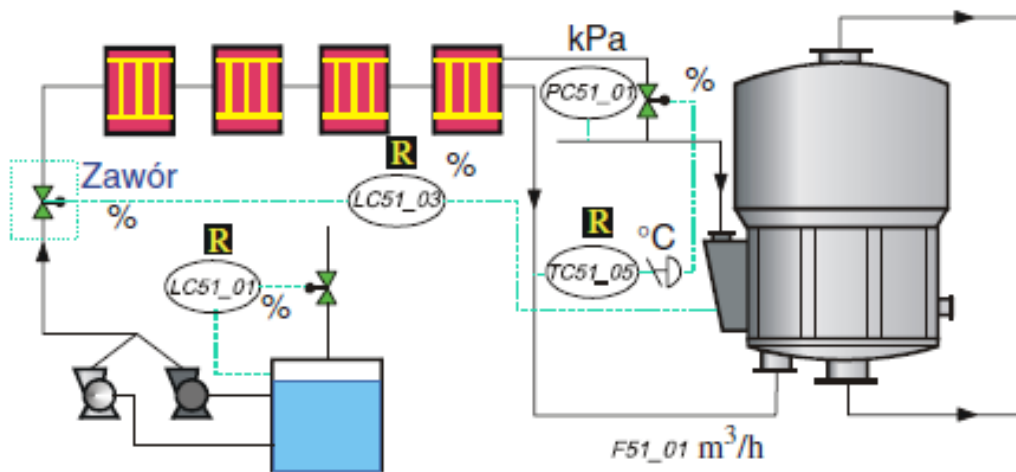
جدول ۳: تأثیر افزایش زیرمدل‌های آمیخته (در مرحله‌ی تخمین مدل مرجع) روی شاخص‌های ارزیابی سیستم هشدار (مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰)

Number of Sub_models	FAR	MAR	MTTA
1	0	0.879	912
2	0.0142	0.0119	36.8
3	0.000081	0.0000265	15.6
4	0.000083	0.00018	7.65
5	0.000303	0.000252	4.349
6	0.000352	0.000338	4.4466
8	0.000398	0.000336	4.5213
10	0.000272	0.000314	4.4645

همانطور که در جدول ۳ مشاهده می‌شود، افزایش تعداد زیرمدل‌ها باعث بهبود کارایی سیستم هشدار شده است. این بهبود کارایی برای

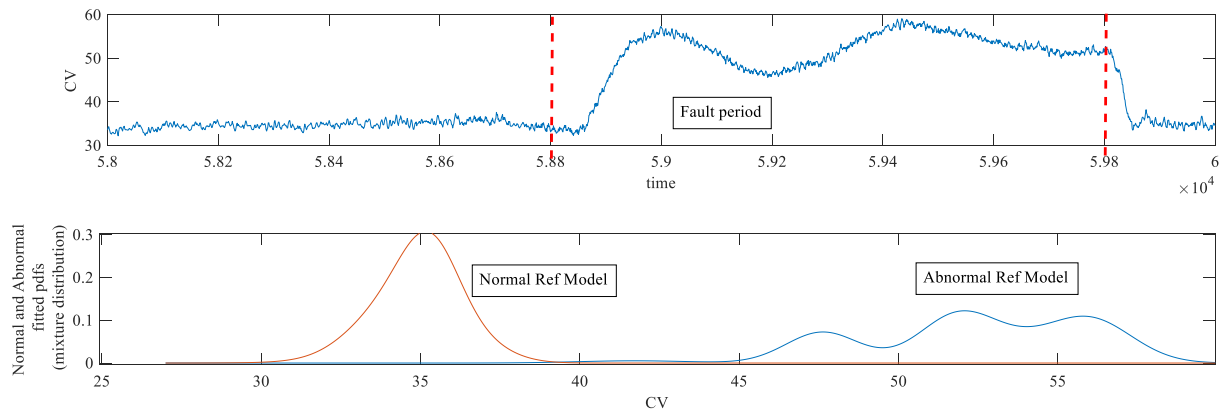
$$x(t) = \begin{cases} \text{gmdistribution}([1,3,5,7,9], \text{diag}(0.2,0.2,0.2,0.2,0.2)) & , 0 \leq t \leq 1000h \\ \text{gmdistribution}([2,4,6,8,10], \text{diag}(0.2,0.2,0.2,0.2,0.2)) & , 1000h < t \leq 2000h \end{cases} \quad (15)$$

$$k_1 = k_4 = 2, k_2 = k_5 = 1000, k_3 = k_6 = 1$$



شکل ۷: فرایند مربوط به عملگر تحت بررسی [۲۸].

⁶ European Commission



شکل ۸: بالا: متغیر هشدار، پایین: مدل‌های مرجع تخمین زده شده با تابع آمیخته

برای مقایسه از شاخص عملکردی زیر استفاده می‌شود (مرجع [۲۹]).

$$\text{Cost Function } j(k_1, k_2, \dots, k_6) = \frac{w_1 \text{FAR}}{\text{RFAR}} + \frac{w_2 \text{MAR}}{\text{RMAR}} + \frac{w_3 \text{AAD}}{\text{RAAD}} \quad (16)$$

در رابطه‌ی بالا ضرایب $RFAR$ ، $RMAR$ و $RAAD$ جهت یکسان کردن شاخص‌ها و ضرایب w_1 ، w_2 و w_3 وزن‌هایی برای تعیین اهمیت شاخص‌های عملکردی سیستم هشدار می‌باشند. در مرجع [۲۹] این ضرایب به صورت زیر انتخاب شده‌اند.

$$w_1 = 1, w_2 = 1, w_3 = 1, RFAR = 0.01, RMAR = 0.01, RAAD = 10h$$

شاخص‌های ارزیابی برای روش پیشنهادی و روش ریست در جدول ۵ آمده است.

جدول ۵: مقایسه کارایی روش‌های ریست با روش پیشنهادی

Methods	FAR	MAR	MTTA
Reset method	0.0507	0.0098	80.3826
Proposed method	0.0036	0.0034	14.49

مقادیر پارامترهای طراحی، در نقاط بهینه به صورت زیر می‌باشند.

$$\text{Proposed: } k_1 = 1.5, k_2 = 170, k_3 = 1.2, k_4 = 2, k_5 = 140, k_6 = 1.2$$

$$\text{Reset: } n = 8$$

همانطور که در

جدول ۵ مشاهده می‌شود عملکرد روش پیشنهادی برای مثال فوق، از منظر شاخص‌های FAR و MAR به ترتیب حدود ۱۴ و ۳ برابر و از منظر شاخص MTTA بیش از ۵ برابر بهتر از روش ریست عمل کرده است. (لازم به ذکر است مقادیر n و m برای روش پیشنهادی به ترتیب 6.6174 و 6.2227 می‌باشند) نتیجه‌ی ارزیابی‌های فوق نشان می‌دهد که روش

این خطا منجر به ایجاد تغییراتی در سیگنال خروجی کنترلر شده است. مدل‌های مرجع نرمال و غیرنرمال با استفاده از تابع چگالی آمیخته به صورت شکل ۸ تخمین زده شده‌اند. لازم به ذکر است هر کدام از مدل‌های آمیخته‌ی مرجع از سه مدل گوسی تشکیل شده‌اند.

با استفاده از مدل‌های مرجع فوق و پارامترهای طراحی زیر شاخص‌های ارزیابی برای سیستم هشدار محاسبه و در جدول ۴ نشان داده شده‌اند.

$$k_1 = 2, k_2 = 50, k_3 = 1, k_4 = 2, k_5 = 50, k_6 = 1$$

جدول ۴: شاخص‌های ارزیابی سیستم هشدار پیشنهادی، با استفاده از

مونت کارلو با تکرار ۱۰۰۰۰۰، برای مورد مطالعاتی سوم

FAR	MAR	MTTA
0.000019	0.00047	0.1421

همانطور که در جدول ۵ مشاهده می‌شود سیستم هشدار توانسته با دقت و سرعت مناسبی عیب اعمالی به سیستم را تشخیص دهد. همچنین مقادیر n و m به ترتیب 2.001 و 2.002 می‌باشند.

۴-۵- مورد مطالعاتی چهارم

در این بخش کارایی روش پیشنهادی با سناریوی ریست در تایمرهای تأخیری، مقایسه می‌شود اما از آنجایی که روش ریست قابلیت بکارگیری برای متغیر هشدار با چگالی احتمال آمیخته را ندارد لذا در این مثال از متغیر هشدار با چگالی احتمال غیر آمیخته استفاده شده است. در این مورد مطالعاتی از مثال ذکر شده در [۹] استفاده شده است. سیگنال متغیر هشدار فرایند را به صورت زیر می‌باشد.

$$x(t) = \begin{cases} \text{Normal}(0.5, 1.5^2), & 0 \leq t \leq 1000h \\ \text{Normal}(1.5, 1.5^2), & 1000h < t \leq 2000h \end{cases}$$

[۷] وحید محمدزاده ابوقی، مهدی علیاری شوره‌دلی، "آنالیز حساسیت و طراحی سیستم هشدار تک‌متغیره بر مبنای تایمر تأخیر با لحاظ کردن خطای اندازه‌گیری"، مجله مهندسی مکانیک مدرس، جلد ۱۹، شماره ۵، صفحات ۱۱۵۵-۱۱۶۵، ۱۳۹۸.

[8] Kaced, R., Kouadri, A. and Baiche, K., "Designing alarm system using modified generalized delay-timer", *Journal of Loss Prevention in the Process Industries*, vol.61, pp. 40-48, 2019.

[۹] جعفر طاهری کلانی، غلامرضا لطیف‌شبهگاهی، مهدی علیاری شوره‌دلی، وحید محمدزاده ابوقی، مهدی علیاری شوره‌دلی، "طراحی یک سیستم هشدار تک متغیره با رویکرد تایمرهای تأخیری مبتنی بر سناریوی آستانه چندگانه"، مجله مهندسی برق تبریز، جلد ۴۹، شماره ۳، صفحات ۱۱۵۳-۱۱۶۵، ۱۳۹۸.

[10] Wang, Z., et al., "Indexing and designing deadbands for industrial alarm signals", *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, vol.66, no.10, pp. 8093-8103, 2019.

[11] Afzal, M.S., Chen, A. and Izadi, I., "Analysis and design of time-deadbands for univariate alarm systems", *Control Engineering Practice*, vol.71, pp. 96-107, 2018.

[12] Tulsyan, A and Gopaluni, R.B., "Univariate model-based deadband alarm design for nonlinear processes", *Industrial & Engineering Chemistry Research*, vol.58, No. 26, pp. 11295-11302, 2019.

[13] Montgomery, D.C., "Introduction to Statistical Quality", (5th Edition), Aug 2004, [Online] Available: <https://www.wiley.com>.

[14] Izadi, I., Shah, S.L., Shook, D.S., Kondaveeti, S.R. and Chen, T., "A framework for optimal design of alarm systems", *Journal of Process Control*, vol.42, No. 8, pp. 651-656, 2011.

[15] Chen, J. and Ron, J.P., "Robust model-based fault diagnosis for dynamic systems", (first Edition), [Online] Available: <https://www.springer.com>, 1998.

[16] Cheng, Y., Izadi, I. and Chen, T., "Optimal alarm signal processing: filter design and performance analysis", *IEEE Transactions on Automation Science and Engineering*, vol.10, No. 2, pp. 446-451, 2013.

[17] Yu. j. and Joe Qin. S., "Multimode process monitoring with bayesian inference-based finite gaussian mixture models", *American Institute of Chemical Engineers*, vol.54, no.7, pp. 1811-1829, 2008.

[18] Veracini, T., et al, "Fully unsupervised learning of gaussian mixtures for anomaly detection in hyperspectral imagery" ninth International Conference on Intelligent Systems Design and Applications, Pisa, Italy, Nov 2009.

[19] Yu, J., "Fault detection using principal components-based gaussian mixture model for

پیشنهادی علاوه بر اینکه قادر به صدور هشدار در زمان مناسب برای متغیرهای با توزیع آمیخته است می‌تواند برای متغیرهای هشدار غیر آمیخته نیز عملکرد خوبی داشته باشد.

۶- نتیجه‌گیری

طراحی سیستم‌های هشدار به‌واسطه‌ی نقشی که در ایمنی و عملکرد مناسب سیستم‌های صنعتی دارد، از اهمیت بالایی برخوردار است. در صورتی که متغیرهای سیستم "قبل" یا "بعد" و یا "هم قبل و هم بعد" از وقوع عیب دارای توزیع آمیخته باشد و توسط یک توزیع غیر آمیخته مدل شوند موجب افت کارایی سیستم هشدار می‌شوند. غالب روش‌های پیشین قابلیت تولید هشدار با دقت و سرعت مناسب را برای متغیرهای با توزیع آمیخته را ندارند از این رو در این مقاله روشی برای طراحی سیستم هشدار برای متغیرهای هشدار آمیخته ارائه شده است. تحلیل ریاضی این روش با استفاده از مدل مارکوف برای یک حالت خاص انجام شده است. عملکرد روش پیشنهادی با ارائه‌ی چند مثال شبیه‌سازی و واقعی نشان داده شده است. در یکی از موردهای مطالعاتی عملکرد مؤثر روش پیشنهادی در مقایسه با سناریوی ریست در تایمرهای تأخیری نشان داده شده است همچنین این روش بر روی یکی از عملگرهای پنج‌مارک DAMADICS پیاده‌سازی شده است.

مراجع

- [1] ISA, (Instrumentation, Systems & Automation Society). "Management of alarm systems for the process industries", North Carolina: ISA 18.02, 2009.
- [2] EEMUA, (Engineering Equipment and Materials Users' Association). "Alarm systems: a guide to design, management and procurement", 3rd ed. London: EEMUA Publication 191, 2013.
- [3] Su, J., et al., "A multi-setpoint delay-timer alarming strategy for industrial alarm monitoring", *Journal of Loss Prevention in the Process Industries*, vol.54, pp. 1-9, 2018.
- [4] Taheri-Kalani, J., Latif-Shabgahi, G. and Alyari-Shooreldeli, M., "On the use of penalty approach for design and analysis of univariate alarm systems", *Journal of Process Control*, vol.69, pp. 103-113, 2018.
- [5] Lin, J., et al., "A generalized alarm delay-timer's performance indices computing method", *Systems Science & Control Engineering*, vol.6, pp. 297-304, 2018.
- [6] Aslansefat, K., et al., "Performance evaluation and design for variable threshold alarm systems through semi-Markov process", *ISA Transactions*, vol. 97, pp. 282-295, 2019.

- semiconductor manufacturing processes", IEEE Transactions on Semiconductor Manufacturing, vol.24, no.3, pp. 432-444, 2011.
- [20] Choi, S.W., et al., "Fault detection based on a maximum-likelihood Principal Component Analysis (PCA) mixture", Industrial & Engineering Chemistry Research, vol.44, no.7, pp. 2316-2327, 2005.
- [21] Marwala, T., Mahola, U. and Nelwamondo, F.V., "Hidden markov models and gaussian mixture models for bearing fault detection using fractals", The 2006 IEEE International Joint Conference on Neural Network Proceedings, Vancouver, BC, Canada.
- [22] Wang, G.F., Li, Y.B. and Luo, Z.G., "Fault classification of rolling bearing based on reconstructed phase space and gaussian mixture model", Journal of Sound and Vibration, vol.323, no.3, pp. 1077-1089, 2009.
- [23] Bashi, A., Jilkov, V.P. and Li, X.R, "Fault detection for systems with multiple unknown modes and similar units and its application to HVAC", IEEE Transactions on Control Systems Technology, vol.19, no.5, pp. 957-968., 2011.
- [24] Yu, J., "A nonlinear kernel gaussian mixture model based inferential monitoring approach for fault detection and diagnosis of chemical processes", Chemical Engineering Science, vol.68, no.1, pp. 506-519, 2012.
- [25] Yu, J., "A particle filter driven dynamic gaussian mixture model approach for complex process monitoring and fault diagnosis", Journal of Process Control, vol.22, no.4, pp. 778-788, 2012.
- [26] Izadi, I., et al., "An introduction to alarm analysis and design. IFAC Proceedings Volumes, vol.42, no.8, pp. 645-650, 2009.
- [27] Wang, Z. and Scott, D.W., "Nonparametric Density Estimation for High-Dimensional Data - Algorithms and Applications, vol.11, 2019.
- [28] Bartys, M., Patton, R., Syfert, M., Heras, S.D.L. and Quevedo, J., "Introduction to the DAMADICS actuator FDI benchmark study". Control Engineering Practice, vol.14, pp. 577-596, 2005.
- [29] Xu, J., et al., "Performance assessment and design for univariate alarm systems based on FAR, MAR, and AAD", IEEE Transactions on Automation Science and Engineering, vol.9, no.2, pp. 296-307, 2011.