

کنترل ساختارهای زنجیر بسته سینماتیکی با استفاده از مدل SPF

بدون اندازه‌گیری سرعت

حسین بلندی^۱، امیر فرهاد احیائی^۲

^۱ دانشیار، دانشکده مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه علم و صنعت ایران، h_bolandi@iust.ac.ir

^۲ دانشجوی دکتری، دانشکده مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه علم و صنعت ایران، ehyaei@ee.iust.ac.ir

(تاریخ دریافت مقاله ۱۳۸۹/۶/۲۶، تاریخ پذیرش مقاله ۱۳۸۹/۱۰/۱۱)

چکیده: در این مقاله، یک کنترل کننده موقعیت برای سیستم انتخابی متشکل از دو بازوی همکار، جهت حمل مشترک یک جسم صلب ارائه می‌گردد. در این راستا، جهت کاهش معادلات دینامیک دیفرانسیلی-جبری سیستم و تبدیل آن به مجموعه‌ای از معادلات دیفرانسیلی معمولی، یک مدل تقلیل یافته SPF از سیستم استخراج گردیده و کنترل کننده‌ای متمرکز بر این اساس ارائه خواهد شد. بدین ترتیب، کنترل کننده طراحی شده متکی بر حل قیدهای جبری غیرخطی نبوده و بنابراین قابلیت اجرایی بیشتری در کاربردهای زمان واقعی دارد. همچنین، یک رؤیتگر سرعت در ساختار کنترلی سیستم بنحوی طراحی می‌گردد که سبب حذف حسگرهای سرعت و در نتیجه جلوگیری از تزریق نویز از طریق این حسگرهای برون سیستم شده و تعداد حسگرهای مورد نیاز در کنترل سیستم را به حداقل می‌رساند. در نهایت، پایداری سیستم با استفاده از توابع لیاپانوف اثبات شده و بر اساس نتایج شبیه‌سازی‌ها اثربخشی روش ارائه شده تأیید می‌گردد.

کلمات کلیدی: کنترل موقعیت، سیستم‌های رباتیک همکار، زنجیرهای بسته سینماتیکی، رؤیتگر سرعت، مدل تقلیل یافته.

Control of Closed Kinematic Chains Based on SPF Model without Velocity Measurements

Hossein Bolandi, Amir Farhad Ehyaei

Abstract: In this paper, position control of a dual manipulator system for transporting a common payload is considered. In this regard, a centralized controller is designed for a reduced model developed based on a singularly perturbed formulation (SPF) which reduces the differential-algebraic dynamic equations of the system to a set of ordinary differential equations. In this approach, the controller does not rely on solving nonlinear algebraic constraints and is more applicable to real-time implementation. At the same time, a linear observer is designed to estimate the joint velocities which leads to elimination of velocity sensors and prevents noise injection into the system which may degrade the system performance. Finally, stability of the system is proved by using Lyapunov theorem. Simulation results illustrate the effectiveness of the proposed method.

Keywords: Position control, Cooperative transportation, Closed kinematic chains, Velocity observer, Reduced model.

در زمینه‌های گوناگونی مطالعه شده‌اند. چنین سیستم‌هایی در ساختارهای توبولوژیکی مختلفی بررسی شده‌اند که در قالب زنجیره‌های سینماتیکی باز و بسته تقسیم‌بندی می‌شوند. اگرچه زنجیره‌های بسته مزایای زیادی از لحاظ استحکام مکانیزم بر زنجیره‌های باز دارند،

-۱- مقدمه

در دهه گذشته، سیستم‌های متشکل از چندین ربات همکار شامل ربات‌های متحرک همکار [۱و۲]، بازوهای همکار [۳] دست‌های چند انسگشتی [۴و۵]، ربات‌های دارای چند پا [۶و۷] و ... به طور گسترده‌ای

شامل نیرو، شتاب و سرعت می‌باشد [۲۳-۲۸]. این مسئله چندین مزیت عمده دارد از جمله آنکه سبب کاهش هزینه استفاده از سنسورهای مختلف و نیز حجم سیستم می‌گردد و دیگر آنکه اندازه‌گیری برخی کمیت‌ها با دقت بالا امکان پذیر نیست. به عنوان مثال همیشه یک فیدبک دقیق از اندازه‌گیری سرعت موجود نیست ضمن آنکه برای دقیق‌تر شدن اندازه‌گیری سرعت باید پریود نمونه‌برداری کاهش یابد که خود یک فاکتور محدود کننده محاسبه می‌گردد و از طرفی استفاده از المان‌هایی همچون تاکومتر جهت اندازه‌گیری سرعت همراه با نویز قابل توجه می‌باشد. در این راستا در [۲۶] یک کنترل کننده تطبیقی برای سیستمی مشکل از چندین ربات برای حمل مشترک یک جسم صلب ارائه گردیده است با این ویژگی که در آن نیازی به فیدبک شتاب مفاصل وجود ندارد. در [۲۷] یک روش کنترل تطبیقی جهت کنترل مسیر حرکت شیء و نیز نیروهای داخلی بین شیء و بازوها معروفی شده است که از ویژگی‌های آن عدم اندازه‌گیری نیرو و گشتاور در محل تماس شیء با بازوها می‌باشد. همچنین، [۲۸] از یک رؤیتگر سرعت در کنترل یک ساختار رباتیک موازی با ۶ درجه آزادی بهره گرفته است.

در این مقاله یک کنترل کننده موقعیت برای یک سیستم رباتیکی مشتمل بر دو بازوی همکار جهت حمل مشترک یک جسم صلب پیشنهاد می‌گردد. هدف این کنترل کننده، دنبال کردن یک مسیر مطلوب از پیش تعیین شده است. برای این منظور، با انجام تغییراتی در کنترل کننده متمرکز مبتنی بر مدل SPF ارائه شده در [۲۲] این کنترل-کننده برای رسیدن به کارآبی بالاتر توسعه داده خواهد شد. از این رو، روش ارائه شده نیاز به الگوریتم‌های بازگشته برای محاسبه متغیرهای وابسته سیستم از روی معادلات جبری غیرخطی نخواهد داشت و در کاربردهای زمان واقعی قابل اجرا است. از سوی دیگر به منظور دستیابی به قابلیت اطمینان بالاتر در موقعیت‌های عملی، یک رؤیتگر مناسب برای تخمین سرعت‌های مفصلی طراحی خواهد گردید. استفاده از این رؤیتگر سرعت باعث حذف حسگرهای سرعت گردیده و نیز از تزریق نویز به درون سیستم که ممکن است کارآبی سیستم را کاهش دهد، جلوگیری می‌کند. در نهایت، از طریق یک تحلیل پایداری براساس تئوری توابع لیپانوف، نشان داده خواهد شد که سیستم کلی شامل کنترل کننده و رؤیتگر، پایدار مجازی سراسری است. از سوی دیگر نتایج شیوه‌سازی‌ها کارآبی مطلوب تئوری ارائه شده را تأیید می‌نماید. مطالب ارائه شده در این مقاله بصورت زیر تنظیم گردیده است: در بخش ۲ ضمن معرفی سیستم انتخابی، معادلات حاکم بر آن شامل معادلات دینامیکی، قیدهای زنجیر بسته و مدل SPF مربوطه آورده می-

طراحی حرکت و کنترل آنها بدليل نیاز به حفظ ساختار زنجیر بسته (وجود قیدهای زنجیر بسته)، بسیار پیچیده است. در این مقاله، توجه ما به حمل مشترک اجسام صلب توسط بازوها همکار با مرکز بر موضوعات کنترلی محدود خواهد گردید.

بسیاری از کارهای پیشین مسئله کنترل ساختارهای زنجیر بسته را تحت شرایط مختلف بررسی نموده‌اند [۱۴-۱۶]. البته تعداد کمی از تحقیقات انجام شده در زمینه کنترل مبتنی بر مدل این ساختارها بوده است که عمدتاً شامل روش‌های کنترل تطبیقی [۱۳ و ۱۴]، کنترل امپدانسی [۱۵ و ۱۶] و کنترل هیبرید موقعیت/نیرو [۱۷ و ۱۸] هستند. این امر از آنجا ناشی می‌شود که ساختارهای زنجیر بسته، سیستم‌های دینامیکی هستند که معمولاً با معادلات دیفرانسیل-جبری^۱ توصیف می‌گردند. بنابراین، روش‌های رایج کنترل معمولاً ممکن بر حل معادلات قید جبری غیر خطی بمنظور یافتن متغیرهای وابسته از طریق الگوریتم‌های بازگشته هستند که در کاربردهای زمان واقعی قابل اجرا نیستند.

یک راهکار مناسب برای غلبه بر این مشکل استفاده از روش‌های مبتنی بر مدل‌های دینامیکی کاهش یافته است. در این راستا، [۱۹] مجموعه‌ای از معادلات دیفرانسیل معمولی^۲ را برای یک سیستم مقید رباتیکی تولید می‌نماید که با جایگزین کردن ضرایب لاگرانژ در معادلات دیفرانسیل-جبری سیستم اولیه بدست آمده است. بنابراین، مدل نهایی فضای حالت تنها شامل متغیرهای دیفرانسیل است که تحت تأثیر قیدهای جبری و مشتقهای آنها هستند. البته روش ارائه شده در [۱۹] نیاز به حل معادلات قید غیرخطی برای بدست آوردن متغیرهای وابسته دارد. ایده‌های مشابهی را در مراجع دیگر می‌توان یافت [۲۰]. برای حل این مسئله، روشی مبتنی بر مدل SPF ^۳ در [۲۱] ارائه گردیده و در [۲۲] بیشتر توضیح داده شده است که مسئله کنترل سیستم دیفرانسیل-جبری اولیه را به کنترل یک سیستم با معادلات حالت معمولی تبدیل می‌نماید و معادلات جبری قید برای یافتن متغیرهای وابسته سیستم با یک دینامیک سریع با معادلات دیفرانسیل معمولی جایگزین می‌گردد. بنابراین، کنترل کننده مربوطه می‌تواند برای یافتن متغیرهای وابسته سیستم از یک حل کننده ODE به جای حل عددی معادلات قید جبری غیرخطی استفاده نماید.

یکی دیگر از موضوعاتی که در برخی از مقالات مورد توجه قرار گرفته است تلاش در جهت حذف پارامترهای اندازه‌گیری در سیستم

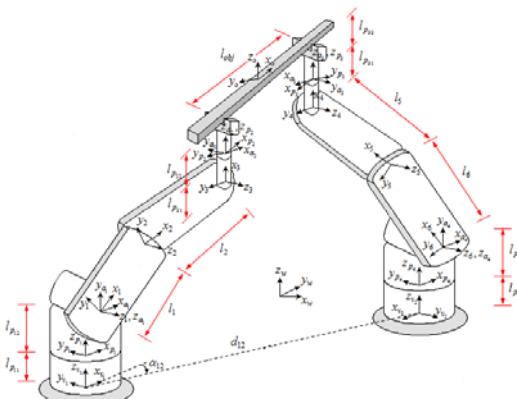
¹ Differential-Algebraic Equations (DAE)

² Ordinary Differential Equations (ODE)

³ Singularly Perturbed Formulation (SPF)

اما یک زنجیره بسته سینماتیکی با n درجه آزادی را در حالت کلی می‌توان بصورت یک سیستم هولونومیک با n' درجه آزادی در نظر گرفت^۲ که تحت تأثیر $p = n' - n$ معادله قید هولونومیک مستقل قرار دارد [۲۲]. بر این اساس معادلات دینامیک سیستم آزاد را می‌توان بصورت زیر نوشت:

$$M'(q')\ddot{q}' + C'(q', \dot{q}')\dot{q}' + F'(q', \dot{q}') = \tau' \quad (2)$$



شکل ۲. ساختار زنجیر بسته همراه با دستگاههای مختصات مربوطه

که در آن (q', \dot{q}') نشان‌دهنده ماتریس اینرسی، $C'(q', \dot{q}')$ ماتریسی شامل ترم‌های کوربولیس^۳ و گریز از مرکز^۴، $F'(q', \dot{q}')$ برداری شامل نیروهای جاذبه‌ای و اصطکاک و $\tau' \in \mathbb{R}^{n'}$ بردار گشاووهای کنترلی می‌باشد. همچنین P قید جبری غیر خطی را می‌توان با استفاده از معادلات زیر توصیف نمود (به ضمیمه الف مراجعه نمایید):

$$\Phi(q') = 0 \quad (3)$$

ایده اصلی روش SPF جایگزین کردن معادلات جبری قید در (۳) با یک دینامیک سریع پایدار مجذوبی از نوع معادلات دیفرانسیل معمولی بر حسب یک متغیر کمکی بصورت زیر است که میزان انحراف از قیدهای سینماتیکی را نشان می‌دهد [۲۲]:

$$\dot{w} = -\frac{1}{\varepsilon} w, \quad w = \Phi(q') \quad (4)$$

که در آن ε یک پارامتر مثبت کوچک است. سپس با تعریف بردار مختصات تعیین یافته کلی سیستم، آنرا می‌توان بصورت زیر دسته‌بندی نمود:

$$q' = (q, z) \quad (5)$$

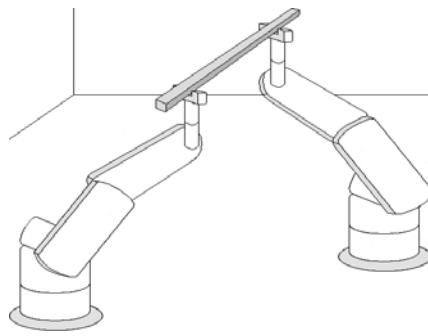
^۲ یک سیستم آزاد که با برش مجازی حلقه‌ها بدست آمده و تنها شامل زنجیرهای باز می‌باشد.

^۳ Coriolis
^۴ Centrifugal

شود. در ادامه، در بخش ۳ قوانین کنترل کننده و رؤیتگر پیشنهادی استخراج گردیده و در بخش ۴ جزئیات تحلیل پایداری سیستم کلی مطرح می‌گردد. سرانجام، جهت اثبات کارآیی روش، نتایج شیوه‌سازی‌ها در بخش ۵ ارائه خواهد گردید و بخش ۶ به انجام نتیجه‌گیری از مطالعه، اختصاص داده شده است.

۲- مدل سیستم زنجیر بسته

مدل انتخابی در این مقاله همانگونه که در شکل ۱ نمایش داده شده است مشکل از دو بازو با مقاصد دورانی می‌باشد که هر یک دارای پنج درجه آزادی بوده و به منظور حمل مشترک یک جسم صلب در نظر گرفته شده است.



شکل ۱. سیستم انتخابی جهت انجام یک کار مشترک

حال جهت استخراج معادلات حاکم بر سیستم، مطابق شکل ۲ دستگاههای مختصات مناسبی به سیستم متصل می‌گردد. بدین ترتیب پارامترهای مدل بصورت زیر تعریف می‌شوند:

$(i=1, \dots, 6)$: طول رابط^۱ l_i م ام در زنجیر بسته سینماتیکی

$(i=1, \dots, 6)$: زاویه مفصلی θ_i م ام در زنجیر بسته سینماتیکی

دارای حرکت دورانی در صفحه عمود

$(i=1, \dots, 4)$: زاویه مفصلی θ_{pi} م ام در زنجیر بسته سینماتیکی

دارای حرکت دورانی در صفحه افق

l_{obj} : طول جسم صلب بین دو مجری نهایی

$(i=1, \dots, 4)$: طول رابطهای متصل به مفصل i م ام

در زنجیر بسته سینماتیکی دارای حرکت در صفحه افق

بنابراین با توجه به مدل انتخابی، در ادامه، بردار مختصات تعیین-

یافته زیر تعریف می‌گردد:

$$q' = [\theta_{p_1} \ \theta_1 \ \theta_2 \ \theta_3 \ \theta_{p_2} \ \theta_{p_3} \ \theta_4 \ \theta_5 \ \theta_6 \ \theta_{p_4}]^T \quad (1)$$

¹ Link

که در آن K_D یک ماتریس قطری ثابت با درایه‌های مثبت بوده و τ' بصورت زیر نوشته می‌شود:

$$r = \dot{e} + \Lambda e + \Lambda_i \int_0^t edt \quad (16)$$

اما با توجه به (۱۰) می‌توان نوشت:

$$\tau = \rho^T(q')\tau' \quad (17)$$

از سوی دیگر همانظور که پیشتر نیز ذکر گردید تنها مفاضل متناظر با متغیرهای اکتیو دارای گشتاور کترالی هستند، بنابراین:

$$\tau' = \begin{bmatrix} \alpha \\ 0_{(n'-n_i) \times 1} \end{bmatrix} \quad (18)$$

که در آن α نشان‌دهنده گشتاور اعمال شده در مفاضل اکتیو می‌باشد و با τ بعد یکسانی دارند. حال با استفاده از (۱۷) و پس از

کمی ساده‌سازی می‌توان نوشت:

$$\tau = \rho^T(q') \begin{bmatrix} I_n \\ 0_{(n'-n) \times n} \end{bmatrix} \alpha \quad (19)$$

بدین ترتیب:

$$\alpha = \left(\rho^T(q') \begin{bmatrix} I_n \\ 0_{(n'-n) \times n} \end{bmatrix} \right)^{-1} \tau \quad (20)$$

و با جایگزین کردن (۲۰) در (۱۸) می‌توان نتیجه گرفت:

$$\tau' = \left[\begin{array}{c} \left(\rho^T(q') \begin{bmatrix} I_n \\ 0_{(n'-n) \times n} \end{bmatrix} \right)^{-1} \\ 0_{(n'-n) \times n} \end{array} \right] \tau \quad (21)$$

یا به عبارت دیگر:

$$\tau' = \sigma^T(q')\tau \quad (22)$$

که در آن:

$$\sigma(q') = \left[\begin{bmatrix} I_n & 0_{n \times (n'-n)} \end{bmatrix} \rho(q') \right]^{-1} 0_{n \times (n'-n)} \quad (23)$$

حال، یک رؤیتگر مناسب برای تخمین سرعت در قانون کنترل سیستم ارائه نموده و اثر آن در پایداری سیستم مورد بررسی قرار می‌گیرد. استفاده از این رؤیتگر نه تنها باعث حذف اندازه‌گیری سرعت و کاهش تعداد سنسورهای مورد نیاز می‌گردد، بلکه رفتار دینامیکی سیستم کنترل را در عمل بهبود خواهد بخشید. بر این اساس، در ادامه از (۴) برای محاسبه \dot{x} و از یک رؤیتگر خطی بصورت زیر، جهت تخمین \dot{q} بهره گرفته می‌شود:

$$\begin{cases} \dot{\hat{q}} = y + (2K_o + I_n)(q - \hat{q}) \\ \dot{\hat{y}} = K_o(K_o + I_n)(q - \hat{q}) \end{cases} \quad (24)$$

که در آن \hat{q} و $\dot{\hat{q}}$ بترتیب نشان‌دهنده تخمین q و \dot{q} ، y یک بردار شامل متغیرهای واسطه و K_o یک ماتریس بهره قطری با درایه-

که در آن q برداری با بعد n و نشان‌دهنده مختصات مستقل متناظر با مفاضل دارای عملگر و z در برگیرنده مختصات باقیمانده می‌باشد. لذا، با جایگزینی (۵) در (۴) می‌توان نوشت:

$$\varepsilon\Phi_z(q')\dot{z} = -\Phi(q') - \varepsilon\Phi_q(q')\dot{q} \quad (6)$$

حال، در نظر بگیرید که:

$$\dot{q}' = \rho(q')\dot{q} \quad (7)$$

بر این اساس، با توجه به رابطه $q = \alpha(q')$ و با تعریف $\Psi(q') = \begin{bmatrix} \Phi(q') \\ \alpha(q') \end{bmatrix}$ می‌توان نشان داد که (به ضمیمه ب مراجعه نمایید):

$$\rho(q') = \Psi_{q'}^{-1}(q') \begin{bmatrix} 0_{(n'-n) \times n} \\ I_{n \times n} \end{bmatrix} \quad (8)$$

بدین ترتیب مدل SPF سیستم بصورت زیر بدست خواهد آمد:

$$\begin{cases} M(q')\ddot{q} + C(q', \dot{q}')\dot{q} + F(q', \dot{q}') = \tau \\ \varepsilon\Phi_z(q')\dot{z} = -\Phi(q') - \varepsilon\Phi_q(q')\dot{q} \end{cases} \quad (9)$$

که در آن:

$$\begin{cases} M(q') = \rho^T(q')M(q')\rho(q') \\ C(q', \dot{q}') = \rho^T(q')C(q', \dot{q}')\rho(q') + \rho^T(q')D(q')\dot{\rho}(q', \dot{q}') \\ F(q', \dot{q}') = \rho^T(q')F(q', \dot{q}') \\ \tau = \rho^T(q')\tau' \end{cases} \quad (10)$$

و با توجه به (۶) حوزه اعتبار مدل SPF بصورت زیر خواهد بود:

$$V = \left\{ q' \in \mathbb{R}^{n'} : \det[\Phi_z(q')] \neq 0 \right\} \quad (11)$$

۳- طراحی کننده زنجیر بسته هموار با رؤیتگر سرعت

مسیر مطلوب هموار و متغیر با زمان $q_d(t)$ را در نظر بگیرید.

هدف طراحی کننده آن است که مختصات تعیین یافته مستقل

$q(t)$ مسیر مطلوب را دنبال نموده و در نتیجه شرط زیر برقرار گردد:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} e(t) = 0 \quad (12)$$

که در آن:

$$e(t) = q_d(t) - q(t) \quad (13)$$

فرض نمایید که Λ و Λ_i ماتریس‌های قطری ثابت و با درایه‌های

مثبت باشند و بر این اساس پارامترهای زیر را در نظر بگیرید:

$$v = \dot{q}_d + \Lambda e + \Lambda_i \int_0^t edt, \quad a = \dot{v} \quad (14)$$

در اینصورت قانون کنترل سیستم بصورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\tau = M(q, z)a + C(q, \dot{q}, z, \dot{z})v + F(q, \dot{q}, z, \dot{z}) + K_D r \quad (15)$$

$$\begin{cases} A = A_1 + A_2 \\ A_i = A_1 A_2 \end{cases} \quad (28)$$

که نشان می‌دهد ماتریس‌های A_1 و A_2 مثبت معین هستند. حال توابع لیاپانوف سیستم زنجیر بسته را به صورت زیر در نظر بگیرید [۲۲]:

$$V_C = d_1 V_1 + d_2 V_2 \quad (29)$$

که در آن d_1 و d_2 ثابت‌هایی با مقادیر مثبت بوده و با در نظر گرفتن N به عنوان یک ماتریس قطری ثابت با درایه‌های مثبت، می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} V_1 = \frac{1}{2} r^T M(q, z) r + r_2^T A_2^T K_D r_2 \\ V_2 = \frac{1}{2} w^T N w \end{cases} \quad (30)$$

که در آن N یک ماتریس قطری ثابت با درایه‌های مثبت می‌باشد. از آنجا که $A_2^T K_D$ نیز یک ماتریس قطری ثابت با درایه‌های مثبت بوده و $M(q')$ مثبت معین است، در آنصورت V_C مثبت معین خواهد بود. گام بعد در اثبات پایداری، محاسبه مشتق تابع لیاپانوف در (۲۹) است که به صورت زیر نوشتہ می‌شود:

$$\dot{V}_C = d_1 r^T M \dot{r} + \frac{d_1}{2} r^T M \dot{r} + 2d_1 r_2^T A_2^T K_D \dot{r}_2 + \quad (31)$$

$$d_2 w^T N \dot{w}$$

اما با استفاده از (۹) و (۱۵) نتیجه گرفته می‌شود:

$$M \dot{r} + C r + K_D r = 0 \quad (32)$$

بنابراین، با جایگزینی (۳۲) در (۳۱) و استفاده از (۴) می‌توان نوشت:

$$\dot{V}_C = -d_1 r^T C r - d_1 r^T K_D r + \frac{d_1}{2} r^T M \dot{r} + \quad (33)$$

$$2d_1 r_2^T A_2^T K_D \dot{r}_2 - \left(\frac{d_2}{\varepsilon} \right) w^T N \dot{w}$$

سپس، با توجه به (۲۷) می‌توان نشان داد که:

$$\dot{V}_C = -d_1 (r_1 + A_2 r_2)^T K_D (r_1 + A_2 r_2) + \frac{d_1}{2} r^T (\dot{M} - 2C) r + 2d_1 r_2^T A_2^T K_D \dot{r}_2 - \quad (34)$$

$$\left(\frac{d_2}{\varepsilon} \right) w^T N \dot{w}$$

یک ویژگی اساسی سیستم (۹) آن است که بنابراین:

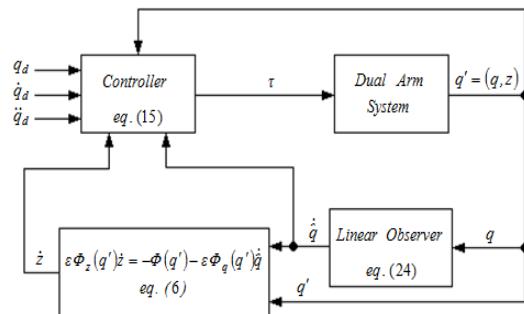
$$\left(\dot{M}(q') - 2C(q', \dot{q}') \right)$$

های مثبت می‌باشد. با جایگزینی $K_o = k_o I$ در فرم گسسته معادله فوق نتیجه گرفته می‌شود:

$$\begin{aligned} \dot{q}(t + \Delta t) &= \dot{q}(t) + \Delta t [y(t) + (2k_o + 1)(q(t) - \dot{q}(t))] \\ y(t + \Delta t) &= y(t) + \Delta t [k_o(k_o + 1)(q(t) - \dot{q}(t))] \end{aligned} \quad (25)$$

که در آن با فرض شرایط اولیه $\dot{q}(0) = q(0) = 0$ و $y(0) = 0$ می‌توان بردار موقعیت $\dot{q}(t + \Delta t)$ را در لحظات بعد تخمین زد. بنابراین، سرعت مفاصل تنها با اندازه‌گیری موقعیت مفاصل در هر لحظه و تخمین آن در لحظه بعد بدست خواهد آمد. شکل ۳ دیاگرام بلوکی

ساختار ارائه شده برای کنترل کننده حلقه بسته را نشان می‌دهد.



شکل ۳. دیاگرام بلوکی سیستم کنترل همراه با رؤیتگر سرعت

۴- تحلیل پایداری

در ادامه با تعریف توابع لیاپانوف مناسب برای بخش‌های مختلف سیستم شامل سیستم زنجیر بسته و رؤیتگر و ترکیب آنها پایداری سیستم زنجیر بسته اثبات خواهد گردید.

فرض ۱. مسیر مطلوب q_d پیوسته و محدود بوده و تا مرتبه دوم مشتقات پیوسته و محدود دارد.

تئوری ۱. سیستم توصیف شده با معادلات (۱)، (۲) و (۴) را در نظر بگیرید. در صورت برقراری فرض ۱، با در نظر گرفتن قانون کنترل (۱۵) و رؤیتگر (۲۴)، q ، \dot{q} و w به ازای $t \rightarrow \infty$ به سمت q_d و صفر همگرا خواهند شد.

اثبات. فرض کنید که A_1 و A_2 ماتریس‌های قطری و ثابت بوده و پارامترهای زیر تعریف گردند:

$$\begin{cases} r_1 = \dot{e} + A_1 e \\ r_2 = e + A_1 \int_0^t e dt \end{cases} \quad (26)$$

و همچنین:

$$r = r_1 + A_2 r_2 \quad (27)$$

بدین ترتیب با جایگزینی (۲۶) در (۲۷) و مقایسه رابطه بدست آمده

با (۱۶) می‌توان نوشت:

$$k_2 = \frac{3k_o^2 + 3k_o + 1}{2k_o + 1} \quad (45)$$

حال، تابع لیاپانوف زیر را در نظر بگیرید:

$$V = V_C + V_O \quad (46)$$

که در آن:

$$V_O = k_1^2 \tilde{e}^T \tilde{e} + \tilde{r}^T \tilde{r} \quad (47)$$

در اینصورت مشتق تابع لیاپانوف فوق را می‌توان بصورت زیر بیان نمود:

$$\dot{V}_O = 2k_1^2 \tilde{e}^T \dot{\tilde{e}} + 2\tilde{r}^T \dot{\tilde{r}} \quad (48)$$

$$= 2k_1^2 \tilde{e}^T (\tilde{r} - k_1 \tilde{e}) + 2\tilde{r}^T (-k_2 \tilde{r} - k_1^2 \tilde{e} + \ddot{q})$$

لذا، با توجه به پایداری سیستم بدون رؤیتگر و با بهره‌گیری از (۳۹) می‌توان نوشت:

$$\dot{V}_O = -2k_1^3 \|\tilde{e}\|^2 - 2k_2 \|\tilde{r}\|^2 + 2\tilde{r}^T \ddot{q}_d \quad (49)$$

بنابراین، شرط زیر برقرار خواهد بود:

$$\dot{V}_O \leq -2k_1^3 \|\tilde{e}\|^2 - 2k_2 \|\tilde{r}\|^2 + 2\|\tilde{r}\| \sup_{t \in [0, \infty)} \|\ddot{q}_d\| \quad (50)$$

این شرط با در نظر گرفتن فرض ۱ نشان می‌دهد که \dot{V}_O - مثبت معین می‌باشد. بدین ترتیب، سیستم کلی همراه با رؤیتگر (۲۴) پایدار مجانی بصورت سراسری است. \square

۵- نتایج شبیه‌سازی

برای اثبات کارآیی روش مطرح شده بمنظور کنترل موقعیت/نیرو همراه با رؤیتگر سرعت مربوطه، نتایج شبیه‌سازی‌های کامپیوتراًی انجام شده در این زمینه در بخش حاضر براساس فرضیات زیر ارائه خواهد گردید:

- مسیر مطلوب حرکت مرکز جرم شیء عبارت است از:

$$x_{od} = 0.4 + 0.2 \sin(\omega t) \quad (51)$$

$$z_{od} = 1.3 + 0.2 \cos(\omega t)$$

- برخی پارامترهای مهم سیستم، در طراحی کنترل کننده مطابق جدول زیر انتخاب گردیده است:

جدول ۱. پارامترهای شبیه‌سازی

	Link1,6	Link2,5	Link3,4	Object
Mass (Kg)	8	5	2.5	2
Length (m)	0.7	0.6	0.4	0.8
Ixx	0.02	0.008	0.004	0.003

$$\begin{aligned} \dot{V}_C &= -d_1 r_1^T K_D r_1 - d_1 r_2^T A_2^T K_D A_2 r_2 - \\ &\quad d_1 r_2^T A_2^T K_D r_1 - d_1 r_1^T K_D A_2 r_2 + \\ &\quad 2d_1 r_2^T A_2^T K_D \dot{r}_2 - \left(\frac{d_2}{\varepsilon} \right) w^T N w \end{aligned} \quad (35)$$

اما، از آنجا که $\dot{r}_1 = \dot{r}_2$ ، رابطه (۳۵) بصورت زیر ساده می‌گردد:

$$\dot{V}_C = -d_1 r_1^T K_D r_1 - d_1 r_2^T (A_2^T K_D A_2) r_2 - \left(\frac{d_2}{\varepsilon} \right) w^T N w \quad (36)$$

که نشان می‌دهد $-\dot{V}_C$ - مثبت معین می‌باشد و بنابراین سیستم زنجیر بسته (۹) با کنترل کننده (۱۵) پایدار مجانی سراسری است. حال بمنظور اثبات پایداری سیستم در حضور رؤیتگر فوق، متغیرهای خطای زیر تعریف می‌گردد:

$$\begin{cases} e = q_d - q \\ \hat{e} = q_d - \hat{q} \\ \tilde{e} = \hat{e} - e \\ \tilde{r} = k_1 \tilde{e} + \dot{\tilde{e}} \end{cases} \quad (37)$$

که در آن:

$$k_1 = \frac{k_o(k_o + 1)}{2k_o + 1} \quad (38)$$

همچنین \hat{e} تخمینی از خطای موقعیت و \tilde{e} برداری است که میزان انحراف تخمین موقعیت از مقادیر اندازه‌گیری شده را نشان می‌دهد. از آنجا که سیستم بدون رؤیتگر پایدار است، می‌توان نوشت:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} e(t) = 0 \quad (39)$$

بنابراین، اگر خطای رؤیتگر، خطای اندازه‌گیری را دنبال نماید، سیستم کلی پایدار خواهد بود. این، بدان معنی است که اگر خطای دنبال کردن مسیر، $(\tilde{e}(t), \dot{\tilde{e}}(t))$ ، به سمت صفر همگرا گردد، آنگاه، پایداری سیستم کلی تضمین خواهد گردید. در این راستا، با توجه به (۳۷) رابطه زیر برقرار است:

$$\dot{\tilde{r}} = k_1 (\tilde{r} - k_1 \tilde{e}) + (\ddot{q} - \ddot{\tilde{q}}) \quad (40)$$

از سوی دیگر، با توجه به (۲۴) می‌توان نتیجه گرفت:

$$\ddot{q} = k_o(k_o + 1)(q - \hat{q}) + (2k_o + 1)(\dot{q} - \dot{\hat{q}}) \quad (41)$$

بنابراین:

$$\ddot{\tilde{q}} = (2k_o + 1)\tilde{r} \quad (42)$$

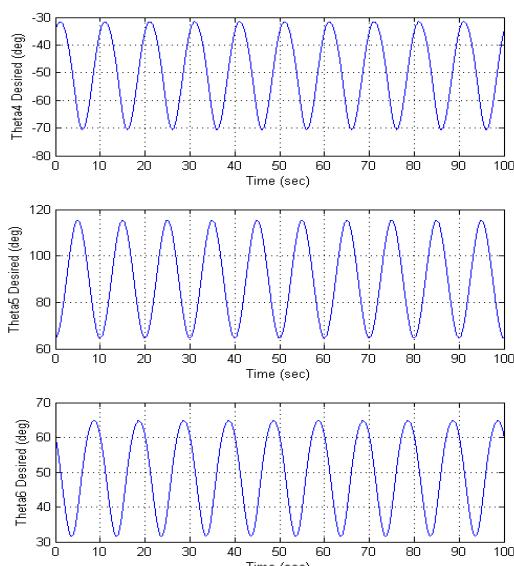
بدین ترتیب با جایگزینی (۴۲) در (۴۰) عبارت زیر نتیجه می‌گردد:

$$\dot{\tilde{r}} = k_1 (\tilde{r} - k_1 \tilde{e}) + \ddot{q} - (2k_o + 1)\tilde{r} \quad (43)$$

و پس از کمی ساده‌سازی می‌توان نشان داد:

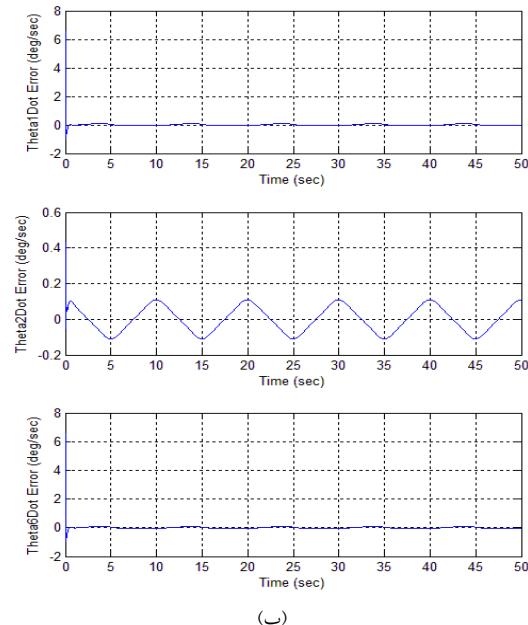
$$\dot{\tilde{r}} = -k_2 \tilde{r} - k_1^2 \tilde{e} + \ddot{q} \quad (44)$$

که در آن:



شکل ۴. مسیر مطلوب متغیرهای فضای مفصلی

شکل ۵ خطای سرعت و موقعیت را برای متغیرهای فضای مفصلی نشان می‌دهد. با توجه به این شکل می‌توان دریافت که روش کنترل ارائه شده، کارآئی خوبی داشته و خطای دنبال کردن مسیر بسیار کمی دارد. همچنین نرم بردار خطای تخمین رؤیتگر سرعت شامل $\|\dot{\hat{e}}\|$ در شکل ۶ نشان داده شده است.



Iyy	0.373	0.154	0.035	0.108
Izz	0.373	0.154	0.035	0.108

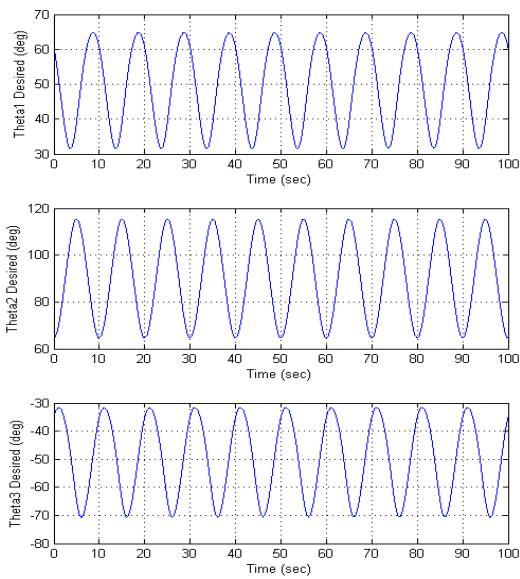
• پارامترهای کنترل کننده و رؤیتگر نیز مطابق جدول ۲ در

نظر گرفته می‌شوند:

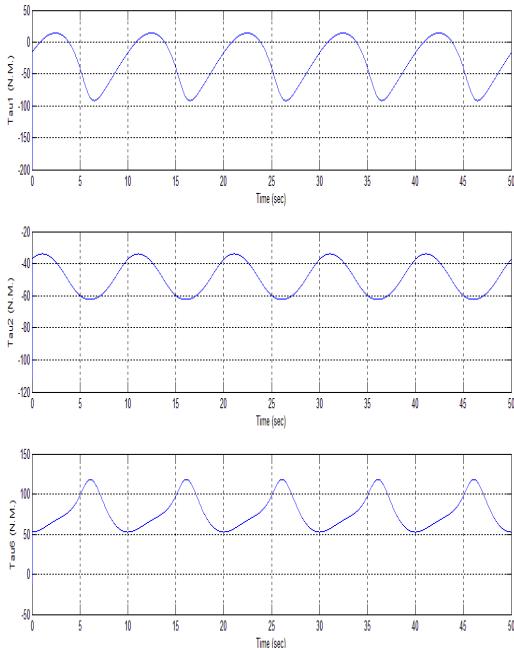
جدول ۲. پارامترهای کنترل کننده و رؤیتگر

Parameter	A	A_i	K_D	ε	K_o
Value	10I	50I	20I	0.01	100

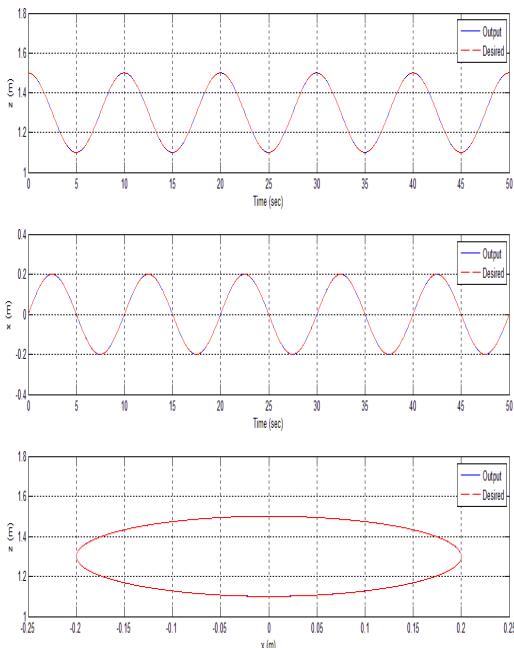
حال، با بهره‌گیری از (۵۱) مسیر مطلوب متغیرهای مفصلی همانگونه که در شکل ۴ نمایش داده شده است، با استفاده از سینماتیک معکوس تولید می‌گردد. البته باید توجه داشت که در عمل، مسیر ارائه شده توسط مسیریاب که در فضای مفصلی طراحی گردیده است، مورد استفاده قرار خواهد گرفت.



گشتوارهای متناظر با هر یک از مفاصل و همچنین مسیرهای مطلوب واقعی حرکت مجری نهایی بازوی اول در دستگاه مخصوص کارترین به ترتیب در شکل‌های ۷ و ۸ نشان داده شده است. با توجه به این شکل‌ها می‌توان دید که حتی در لحظات اول شیوه سازی انحراف سیستم از مسیرهای مطلوب قابل چشم‌پوشی است.

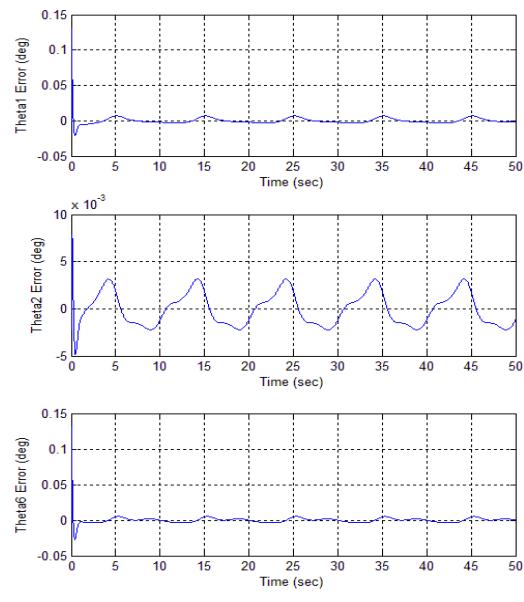


شکل ۷ گشتوارهای ورودی کنترلی



شکل ۸ مسیر حرکت مجری نهایی بازوی اول در دستگاه مخصوص

کارترین؛ — مسیر اندازه‌گیری شده، — مسیر مطلوب



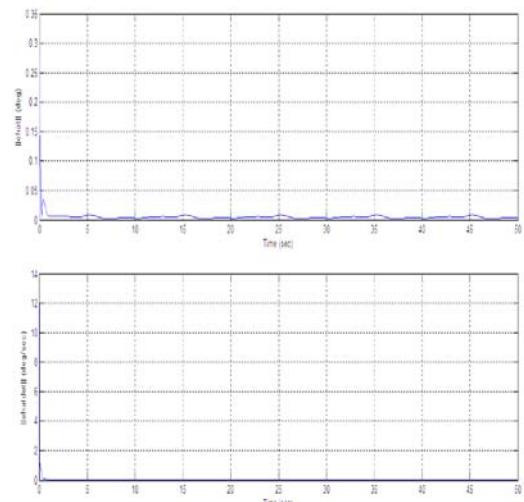
(الف)

شکل ۵ خطای متغیرهای فضای مفصلی کنترل کننده غیرمتتمرکز در حضور

رؤیتگر سرعت:

(الف) متغیرهای موقعیت ب) متغیرهای سرعت

همانگونه که در این شکل‌ها ملاحظه می‌گردد، خطای رؤیتگر در زمانی کوتاه به سمت صفر همگرا می‌گردد که کارآیی مناسب آن را تأیید می‌نماید. خطای موجود در این شکل‌ها ممکن است به دلایل مختلفی رخ دهد. به عنوان مثال، خطای انتخاب حالت اولیه دهد. اثر مهم دیگر، خطای حاصل از گستته سازی و انتخاب زمان نمونه برداری نسبتاً بزرگ می‌باشد.



شکل ۶ نرم خطای رؤیتگر

- با بهره‌گیری از مدل SPF سیستم، نیاز به استفاده از الگوریتم‌های تکراری برای حل قیدهای هولونومیک زنجیر بسته نخواهد بود؛ بنابراین، روش ارائه شده را می‌توان در کاربردهای زمان واقعی بکار گرفت.
 - به علت استفاده از قیدهای سینماتیکی زنجیر بسته در طراحی کنترل کننده موقعیت، خطای حرکت نسبی بین مجری نهایی بازوها به حداقل می‌رسد و این امر باعث بهبود عملکرد کنترل کننده می‌شود.
 - با استفاده از یک رؤیتگر، حسگرهای سرعت حذف گردیده و در نتیجه نویز کمتری به درون سیستم تزریق می‌گردد که خود سبب بهبود عملکرد سیستم خواهد گردید.
- در نهایت، ضمن تعریف توابع لیپانوف مناسبی برای بخش‌های مختلف سیستم شامل کنترل کننده و رؤیتگر، از ترکیب آنها برای اثبات پایداری مجانی سراسری سیستم کلی استفاده گردید.علاوه، نتایج شبیه‌سازی‌های کامپیوترا کارآیی روش ارائه شده را تأیید می‌نماید.

ضمیمه الف. جزئیات استخراج قیدهای زنجیر بسته

جهت استخراج معادلات قید زنجیر بسته، لازم است ابتدا مطابق شکل ۲ دستگاه‌های مختصات مناسبی به سیستم متصل گردد. بر این اساس با استفاده از مفهوم ماتریس‌های انتقال می‌توان نوشت:

$${}^wT_{P_1} {}^{v_1}T_{a_1} {}^P_1 T {}^{a_1} {}_1T {}^{1/2} T {}^{2/3} T {}^{3/4} T {}^{a_2} {}_2T {}^{p_2} T = {}^w_oT \quad (\text{الف ۱})$$

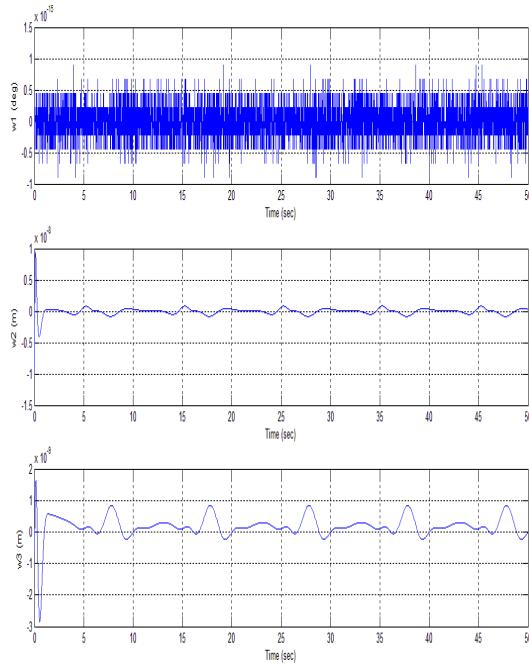
$${}^wT_{P_1} {}^{v_1}T_{P_2} {}^{v_2}T_{P_4} {}^{P_4} T {}^{a_4} {}_6T {}^{6/5} T {}^{5/4} T {}^{a_3} {}_3T {}^{p_3} T = {}^w_oT \quad (\text{الف ۲})$$

بدین ترتیب، قیدهای زنجیر بسته سیستم به صورت زیر استخراج می‌گردد:

$${}^wT_{P_1} {}^{v_1}T_{P_2} {}^{v_2}T_{P_4} {}^{P_4} T {}^{a_4} {}_6T {}^{6/5} T {}^{5/4} T {}^{a_3} {}_3T {}^{p_3} T = \quad (\text{الف ۳})$$

که در آن ${}^A_B T$ ماتریسی است که دستگاه مختصات $\{B\}$ را به $\{A\}$ منتقل می‌نماید و برای جازجوب‌های مختلف در رابطه فوق بصورت زیر محاسبه می‌گردد:

شکل ۹ نتایج شبیه‌سازی در خصوص رفتار گذراي متغیر w را در مدل SPF سیستم نشان می‌دهد که بیانگر میزان انحراف از روابط قید زنجیر بسته می‌باشد. با توجه به این شکل می‌توان دریافت که مدل تقلیل یافته SPF سیستم در (۶)، در زمان کوتاهی به سمت مدل اولیه سیستم زنجیر بسته در (۳) همگرا می‌گردد.



شکل ۹. میزان انحراف از قیدهای زنجیر بسته

۶- نتیجه‌گیری

در این مقاله، مسأله کنترل موقعیت در یک سیستم زنجیر بسته مشکل از دو بازوی همکار، مورد بررسی قرار گرفته است. قانون کنترل موقعیت با استفاده از یک مدل دینامیکی SPF از سیستم که قیدهای زنجیر بسته را به صورت مجموعه‌ای از معادلات دیفرانسیلی معمولی در نظر می‌گیرد، طراحی گردیده است. بنابراین، کنترل کننده سریع در نظر می‌گیرد، طراحی گردیده است. بنابراین، کنترل کننده پیشنهادی قادر به استفاده از یک حل کننده ODE برای به دست آوردن متغیرهای وابسته به جای حل معادلات قید جبری غیرخطی است. از سوی دیگر بمنظور دستیابی به قابلیت اطمینان بالاتر الگوریتم کنترل در موقعیت‌های عملی، یک رؤیتگر خطی برای حذف اندازه گیری سرعت مفاصل دارای محرك، طراحی گردید. در مقایسه با سایر روش‌های بحث شده در مراجع، مزایای کنترل کننده پیشنهاد شده به صورت زیر خلاصه می‌شوند:

$$\begin{aligned}
 v_1 T &= \begin{bmatrix} \cos(\theta_{p_1}) & -\sin(\theta_{p_1}) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_{p_1}) & \cos(\theta_{p_1}) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & l_{p_{11}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad p_1 T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & l_{p_{12}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad a_1 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_1) & -\sin(\theta_1) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_1) & \cos(\theta_1) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 {}^1_2 T &= \begin{bmatrix} \cos(\theta_2) & -\sin(\theta_2) & 0 & l_1 \\ \sin(\theta_2) & \cos(\theta_2) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad {}^2_3 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_3) & -\sin(\theta_3) & 0 & l_2 \\ \sin(\theta_3) & \cos(\theta_3) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad {}^3_2 T = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & l_{p_{21}} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 a_2 T &= \begin{bmatrix} \cos(\theta_{p_2}) & -\sin(\theta_{p_2}) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_{p_2}) & \cos(\theta_{p_2}) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad p_2 T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & l_{obj}/2 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & l_{p_{22}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 v_1 T &= \begin{bmatrix} \cos(\theta_{B_2} - \theta_{B_1}) & -\sin(\theta_{B_2} - \theta_{B_1}) & 0 & d_{12} \cos(\alpha_{12}) \\ \sin(\theta_{B_2} - \theta_{B_1}) & \cos(\theta_{B_2} - \theta_{B_1}) & 0 & d_{12} \sin(\alpha_{12}) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad v_2 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{p_4}) & -\sin(\theta_{p_4}) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_{p_4}) & \cos(\theta_{p_4}) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & l_{p_{41}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 p_4 T &= \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & l_{p_{42}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad a_4 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_6) & -\sin(\theta_6) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_6) & \cos(\theta_6) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad {}^6_5 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_5) & -\sin(\theta_5) & 0 & l_6 \\ \sin(\theta_5) & \cos(\theta_5) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 {}^5_4 T &= \begin{bmatrix} \cos(\theta_4) & -\sin(\theta_4) & 0 & l_5 \\ \sin(\theta_4) & \cos(\theta_4) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad {}^4_3 T = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & l_{p_{31}} \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad a_3 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{p_3}) & -\sin(\theta_{p_3}) & 0 & 0 \\ \sin(\theta_{p_3}) & \cos(\theta_{p_3}) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 p_3 T &= \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & l_{obj}/2 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & l_{p_{32}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad v_1 T = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 & x \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 & y \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

$$\Psi_{q'}(q')\dot{q}' = \begin{bmatrix} 0_{p \times 1} \\ \dot{q}' \end{bmatrix} \quad (3)$$

و پس از کمی ساده‌سازی نتیجه گرفته می‌شود:

$$\Psi_{q'}(q')\dot{q}' = \begin{bmatrix} 0_{p \times n} \\ I_{n \times n} \end{bmatrix} \dot{q} \quad (4)$$

حال، با توجه به فرض $\dot{q}' = \rho(q')\dot{q}$ و با بهره‌بردن از مفهوم

و بدین ترتیب رابطه (۳) بدست می‌آید. \square

ضمیمه ب. اثبات رابطه (۸)

فرض نمایید که:

$$q = \alpha(q') \quad (1)$$

بر این اساس، پارامتر زیر تعریف می‌گردد:

$$\Psi(q') = \begin{bmatrix} \Phi(q') \\ \alpha(q') \end{bmatrix} \quad (2)$$

با مشتق گرفتن از (۲) نسبت به زمان و استفاده از (۱) می‌توان

نشان داد:

که صحت (۸) را تأیید می‌نماید. \square

مراجع

- [13] L. S. Guo and Q. Zhang, Adaptive Trajectory Control of A Two DOF Closed-Chain Robot, in *Proceedings of the American Control Conference*, pp. 658-663 (2001)
- [14] W. Ailing, W. Zhonghua and Z. Zhiqun, Adaptive Control of Closed Kinematic Chains Based on Singularity Perturbed Formulation, in *Proceedings of the 26th Chinese Control Conference*, pp. 128-132 (2007).
- [15] S. A. Schneider and R. H. Cannon, Object Impedance Control for Cooperative Manipulation: Theory and Experimental Results, *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, Vol. 8, No. 3, pp. 383-394 (1992).
- [16] R. Bonitz and T. Hsia, Internal force-based impedance control for cooperating manipulators, *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, vol. 12, No. 1, pp. 78-89 (1996).
- [17] T. Yoshikawa and X. Zheng, Coordinated Dynamic Hybrid Position/Force Control for Multiple Robot Manipulators Handling One Constrained Object, in *Proceedings. of IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 1178-1183 (1990).
- [18] R. Tinos, M. H. Terra and J. Y. Ishihara, Motion and Force Control of Cooperative Robotic Manipulators with Passive Joints, *IEEE Transaction on Control Systems Technology*, Vol.14, No.4, pp. 725-734 (2006).
- [19] H. Krishnan and N. H. McClamroch, "Tracking in nonlinear differential-algebraic control systems with applications to constrained robot systems," *Automatica*, vol. 30, no. 12, pp. 1885-1897 (1994).
- [20] A. Kumar and P. Daoutidis, *Control of nonlinear differential algebraic equation systems*. London, UK: Chapman & Hall/CRC, (1999).
- [21] J. Dabney, F. Ghorbel, and Z. Wang, "Modeling closed kinematic chains via singular perturbations", in *Proceeding of the American Control Conference*, Anchorage, AK, pp. 4104 - 4110 (2002).
- [22] Z. Wang and F. Ghorbel, "Control of Closed Kinematic Chains Using A Singularity Perturbed Dynamic Model", in *Proceedings of the 43rd IEEE Conference on Decision and Control*, pp. 317-322 (2004).
- [23] M.A. Arteaga Perez, "Robot control and parameter estimation with only joint position measurements", *Automatica*, Vol.39, pp.67-73 (2003).
- [24] M.A. Arteaga Perez and R. Kelly, "Robot control without velocity measurements: New theory and experimental results", *IEEE Transactions on*
- [1] Y. Cao, A. S. Fukunaga and A. B. Kahng, Cooperative Mobile Robotics: Antecedents and Directions, *Autonomous Robots*, Vol.4, No.1, pp. 7-27 (1997).
- [2] A. Farinelli, L. Iocchi and D. Nardi, Multi-robot Systems: A Classification Focused on Coordination, *IEEE Transactions on Systems, Manufacturing and Cybernetics*, Vol.34, No.5, pp.2015-2028 (2004).
- [3] M. D. Zivanovic and M. K. Vukobratovic, *Multi-Arm Cooperating Robots: Dynamic and Control*, Springer (2006).
- [4] J. Kerr and B. Roth, Analysis of Multifingered Hands, *The International Journal of Robotics Research*, vol.4, no.4, pp. 3-17 (1986).
- [5] J. K. Salisbury and J. J. Craig, Articulated Hands: Force Control and kinematic issues, *The International Journal of Robotics Research*, vol.1, no. 1, pp. 4-17 (1982).
- [6] S. M. Song and K. J. Waldron, *Machines that walk*, MIT Press, Cambridge MA. (1989).
- [7] J. A. Adams, R. Bajcsy, J. Kosecka, V. Kumar, R. Mandelbaum, M. Mintz, R. Paul, C.C. Wang, Y. Yamamoto and X. Yun, Cooperative Material Handling by Human and Robotic Agents: Module Development and System Synthesis, in *Proceedings of IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*, pp.200-205 (1995).
- [8] Y. R. Hu and A. Goldenberg, Dynamic Control of Coordinated Redundant Robots with Torque Optimization, *Automatica*, Vol. 29, No. 6, pp. 1411-1424 (1993).
- [9] G. E. Yale, B. N. Agrawal, Lyapunov controller for cooperative space manipulators, *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 21, No. 3, pp. 477-484 (1998).
- [10] Y. H. Liu, Y. Xu, and M. Bergerman, Cooperation control of multiple manipulators with passive joints, *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, vol. 15, no. 2, pp. 258-267 (1999).
- [11] G. F. Liu, Analysis and control of redundant parallel manipulators, in *Proceedings of IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 3748-3754 (2001).
- [12] S. H. Lee, Control of impact disturbance by redundantly actuated mechanism, in *Proceedings of IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 3734-3741 (2001).

- [28] F. Hao, F. Ruixia and G. Qi, “*Adaptive Controller-Observer Design for 6-DOF Parallel Manipulators*”, Proc. of the 6th World Congress on Intelligent Control and Automation, p.p.2436-2440 (2006).
- [29] F. Ghorbel, “Modeling and PD Control of Closed-Chain Mechanical Systems”, in *Proceedings of the 34th Conference on Decision & Control*, pp. 540-542 (1995).
- [25] J.C. Martinez-Rosas, M.A. Arteaga and A.M. Castillo-Sanchez, “Decentralized control of cooperative robots without velocity-force measurements”, *Automatica*, Vol.42, pp.329 – 336 (2006).
- [26] M.Zribi, S.Ahmad, “*Robust Adaptive Control of Multiple Robots in Cooperative Motion using σ Modification*”, Proc. Of the IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation, p.p.2160-2165 (1991).
- [27] H.Kawasaki, T.Shimizu, S.Ito, “*Adaptive Coordinated Control of Multiple Robot Arms*”, 6th IFAC Symposium on Robot Control, p.p.663-668 (2000).