



# سیستم عمل از دور دوطرفه در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل و عیب عملگرها

رباب ابراهیمی باویلی<sup>۱</sup>، احمد اکبری<sup>۲</sup> رضا محبوی اسفنجانی<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> دانشجوی دکتری مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه صنعتی سهند تبریز، ro\_ebrahimi@sut.ac.ir

<sup>۲</sup> استادیار، دانشکده مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه صنعتی سهند تبریز، a.akbari@sut.ac.ir

<sup>۳</sup> استاد، دانشکده مهندسی برق، گروه کنترل، دانشگاه صنعتی سهند تبریز mahboobi@sut.ac.ir

پذیرش: ۱۳۹۸/۱۰/۲۳

ویرایش: ۱۳۹۸/۰۵/۱۶

دریافت: ۱۳۹۷/۱۲/۱۴

**چکیده:** این مقاله به مسئله پایدارسازی مجانبی و ردیابی موقعیت و نیرو در سیستم عمل از دور دوطرفه غیرخطی در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل، تأخیرزمانی متغیر در کانال ارتباطی و رخداد عیب در عملگرها می‌پردازد. به این منظور، یک قانون کنترل تحمل پذیر عیب با رویکرد غیرفعال ارائه می‌شود که با استفاده از موقعیت و سرعت زاویه ای بازوهای ربات‌های محلی و دور اهداف کنترلی را برآورده می‌کند. با استفاده از قضیه لیپانف-کرازوفسکی شرایط کافی پایداری مجانبی و ردیابی موقعیت در سیستم حلقه بسته به صورت یک سری ناتساوی‌های ماتریسی خطی برای تنظیم پارامترهای کنترل کننده استخراج می‌شود. از مزایای مهم روش ارائه شده این است که توانایی جبران همزمان عیب بایاس و افت کارایی عملگرها را برای سیستم عمل از دور غیرخطی فراهم می‌کند. همچنین پایداری مجانبی خطای ردیابی موقعیت در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل بواسطه کنترل انگرال تضمین می‌شود. نتایج شبیه سازی روش مورد نظر روی سیستم عمل از دور با ربات‌های ۲ و ۳ درجه آزادی و مقایسه آن با روش رقیب، کارایی و مزایای روش را نشان می‌دهد.

**کلمات کلیدی:** سیستم عمل از دور دوطرفه، نیروهای تماسی غیرمنفعل، عیب عملگر، پایداری مجانبی و ردیابی موقعیت و نیرو.

## Bilateral Teleoperation System in the Presence of Non-passive Interaction Forces and Actuators Fault

**Robab Ebrahimi Bavili, Ahmad Akbari, Reza Mahboobi Esfanjani**

**Abstract:** This paper addresses the asymptotic stability, position and force tracking problem in the nonlinear bilateral teleoperation system in the presence of non-passive interaction forces, varying time-delay in communication channel and actuators fault occurrence. For this aim, a passive Fault Tolerant Control (FTC) law is presented which uses the joint positions and velocities of local and remote manipulators to reach control ends. Using the Lyapunov-Krasovskii theorem, sufficient conditions for asymptotic stability and position tracking are derived in terms of Linear Matrix Inequalities (LMIs), to tune controller parameters. The main contribution of the proposed method is that can compensate the bias fault and loss of effectiveness of actuators in nonlinear teleoperation system. Also the asymptotic stability of positions errors in the system with non-passive interaction forces is assured using the integral control. Simulation results of teleoperation system with 2 and 3 degree of freedom manipulators with proposed method and comparison to some rival method show the effectiveness and advantages of the proposed method.

**Keywords:** Bilateral Teleoperation system, Non-passive Interaction Forces, Actuator Fault, Asymptotic Stability and Position and Force Tracking

مانند [۲۱-۱۶] کنترل کننده نیازمند سنسور نیرو نیست و طوری طراحی می شود که بتواند پایداری سیستم را در حضور نیروهای تماسی غیر منفعل حفظ نماید.

در این دسته، [۱۹] و [۱۷] اولین مقالاتی هستند که کلاس کلی تری از نیروهای تماسی را مطرح کرده اند و با استفاده از قصیه پایداری وروودی به حالت<sup>۵</sup> (ISS)، توانسته اند کراندار بودن حالتهای سیستم و خطای ریدیابی را در حضور تأخیر ارتباطی ثابت اثبات کنند. در [۱۸] و [۱۹] سیستم عمل از دور در تماس با نیروی ثابت اپراتور انسانی و محیط منفعل مطرح شده است؛ در هر دو مقاله، پایداری مجذبی موقعیت و سرعت سیستم با کنترل کننده متداول تناوبی-مشتقی به همراه تزریق میرایی<sup>۶</sup> (PD+d) به ترتیب در حضور تأخیر زمانی ثابت و متغیر در کانال ارتباطی توسط قصیه لیپانف-کرازوفسکی<sup>۷</sup> (LK) اثبات شده است. همچنین در [۲۰] و [۲۱] کنترل کننده های مبتنی بر PD+d به همراه ISS جملاتی از دینامیک سیستم به کارگرفته شده اند و شرایط پایداری سیستم در حضور تأخیر متغیر ارتباطی و نیروهای تماسی غیر منفعل استخراج شده اند.

در اکثر مقالات فوق الذکر که پایداری ISS را مطرح می کنند، برای تضمین پایداری بایستی در هر زمان رابطه سخت برقراری بین نیروهای تماسی و حالت های سیستم (موقعیت و سرعت مفصل ربات ها) برقرار باشد. همچنین هیچ یک از مقالات مرور شده پایداری مجذبی خطای ریدیابی و نیرو را تضمین نکرده اند و این امر به صورت یک خطای ریدیابی غیر صفر ثابت در نتایج شبیه سازی همگی مشهود است. همچنین بحث رخداد عیب در سیستم مطرح نشده است.

رخداد عیب در عملگرها موجود در ربات های محلی و دور در سیستم عمل از دور اجتناب ناپذیر است و اگر توسط کنترل کننده مناسب جبران نشود، می تواند باعث افت عملکرد و ناپایداری سیستم شود؛ به همین علت طراحی کنترل کننده تحمل پذیر عیب<sup>۸</sup> (FTC) برای سیستم عمل از دور حائز اهمیت می باشد به خصوص در کاربردهایی مثل جراحی از دور یا عملیات در مقیاس های میکرو و نانو. هدف یک سیستم FTC، نگه داشتن سیستم کنترل در شرایط عملکردی مطلوب و حفظ پایداری آن در هنگام رخداد عیب و خرابی در اجزای مختلف سیستم کنترل می باشد [۲۲]. سیستم های FTC غیرفعال با افزونگی های سخت افزاری یا روش های طراحی مقاوم، عیوب پیش بینی شده را جبران می کنند. در حالیکه در نقطه مقابل، سیستم های FTC غالباً استفاده از یک رویه تشخیص و محل یابی عیب با پیکره بندی مجدد کنترل کننده، اثر عیوب را جبران می کنند [۲۳-۲۴].

علیرغم اهمیت موضوع، مقالات کمی موضوع طراحی FTC برای سیستم عمل از دور را پوشش داده اند؛ در [۲۵] و [۲۶] یک رویه FTC

## ۱- مقدمه

سیستم عمل از دور<sup>۱</sup> یک سیستم ربات دوگانه است که در آن دو ربات در فاصله دوری از هم قرار دارند و ربات دور، حرکت ربات محلی را که توسط اپراتور انسانی حرکت داده می شود، دنبال می کند. برای ارتقای عملکرد سیستم، فیدبکی از نیرو از طرف ربات دور به سمت ربات محلی ارسال می شود تا اپراتور انسانی احساس لمس محیط دور را داشته باشد؛ در این حالت می گویند که سیستم عمل از دور دو طرفه<sup>۲</sup> است و دارای شفافیت<sup>۳</sup> است [۱]. این کار از طریق یک کانال ارتباطی که اطلاعات بین دو ربات را مبادله می کند صورت می گیرد. وجود تأخیر در کانال ارتباطی که ممکن است نامتقارن و متغیر با زمان باشد، باعث افت چشمگیری در عملکرد سیستم عمل از دور یا حتی ناپایداری آن می شود. به همین علت طراحی کنترل کننده مناسب که تضمین کننده پایداری و عملکرد سیستم در حضور تأخیر در کانال ارتباطی باشد، از مهمترین و ابتدایی ترین چالش های پیش روی سیستم عمل از دور است که به طور وسیع در مقالات مورد بررسی قرار گرفته است. برای یک مطالعه جامع در این زمینه خواننده می تواند مراجع [۲-۳] را مطالعه نماید.

یکی از عوامل مهم و چالش برانگیز در طراحی کنترل کننده و آنالیز پایداری سیستم عمل از دور که در سال های اخیر مورد توجه قرار گرفته است، مواجه شدن سیستم عمل از دور با اپراتور انسانی و محیط غیر منفعل<sup>۴</sup> می باشد. اکثر روش های کنترلی ارائه شده برای سیستم های عمل از دور از جمله روش های مبتنی بر پراکنده<sup>۵</sup> و متغیر موج [۴-۵]، روش های مبتنی بر تزریق میرایی [۶-۸] و روش های تطبیقی [۹-۱۱] در طراحی کنترل کننده و آنالیز پایداری فرض می کنند که اپراتور انسانی و محیط از نظر انرژی در طول زمان اجزای منفعلی هستند. در حالیکه این فرض محدود کننده ممکن است در کاربردهای عملی سیستم عمل از دور مانند حمل اجسام، توانبخشی، جراحی قلب تپنده و غیره نقش شود [۱۲-۱۳]. در حالت کلی رفتار غیر منفعلانه یک اپراتور انسانی یا محیط می تواند به صورت اعمال یک نیروی ثابت در طول زمان مدل شود که انرژی نامحدودی را به سیستم تزریق می کند و می تواند باعث ناپایداری آن شود. مقالات محدودی این موضوع را در طراحی کنترل کننده و آنالیز پایداری سیستم مدنظر قرار داده اند و از این میان مقالات اندکی مسئله پایداری مجذبی سیستم را در حضور نیروهای تماسی غیر منفعل تضمین کرده اند. این مقالات را می توان در دو دسته طبقه بندی نمود. در دسته اول مانند [۱۴-۱۵] در طراحی کنترل کننده هیچ شرطی روی منفعل بودن نیروهای تماسی گذاشته نشده است، اما برای بیاده سازی کنترل کننده به سنسورهای نیرو که گران و نویزی هستند، نیاز هست. در دسته دوم

<sup>۵</sup> Input to State Stability

<sup>۶</sup> Propotional Deraivative and damping injection

<sup>۷</sup> Lyapunov-Krasovskii

<sup>۸</sup> Fault Tolerant Control

<sup>۱</sup> Teleoperation system

<sup>۲</sup> Bilateral

<sup>۳</sup> Transparency

<sup>۴</sup> Non-passive

جمع‌بندی و پیشنهادهایی برای ادامه پژوهش در بخش پنج آورده شده اند.

**نمادگذاری:** مجموعه اعداد حقیقی با نماد  $R = (-\infty, +\infty)$  مجموعه اعداد حقیقی مثبت با نماد  $R > 0$  نشان داده می‌شوند.  $\mathbb{R}^n$  به ترتیب بیان کننده فضای برداری  $n$  بعدی و فضای ماتریسی  $n \times m$  است. نماد  $I \in \mathbb{R}^{n \times n}$  و  $0 \in \mathbb{R}^{n \times m}$  به ترتیب بیانگر ماتریس صفر و ماتریس همانی است.

## ۲- بیان مسئله

هر سیستم عمل از دور از پنج جزء اصلی تشکیل می‌شود که عبارتند از: اپراتور انسانی، ربات محلی<sup>۳</sup> یا فرمانده، کاتال ارتباطی، ربات دور<sup>۴</sup> یا فرمانبر و محیطی که ربات دور در آن فعالیت می‌کند. شکل ۱ شما می‌توانید این سیستم‌ها را نشان می‌دهد.



شکل ۱: اجزای سیستم عمل از دور دوطرفه

در این بخش معادلات دینامیکی حاکم بر سیستم عمل از دور دوطرفه اعم از دینامیک حاکم بر ربات‌ها، نیروهای تماسی غیرمنفعل و مدل‌سازی عیب عملگرها بیان می‌شود. همچنین تعاریف و فرضیات حاکم بر سیستم بیان می‌شوند.

## ۱-۱- سیستم عمل از دور دوطرفه

معادلات دینامیکی یک سیستم عمل از دور غیرخطی مشکل از ربات‌های  $n$ - درجه آزادی به صورت اویلر-لاگرانژ زیر توصیف می‌شود:

$$M_l(q_l)\ddot{q}_l + C_l(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l + g_l(q_l) = \tau_l + \tau_h \quad (1)$$

$$M_r(q_r)\ddot{q}_r + C_r(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r + g_r(q_r) = \tau_r - \tau_e \quad (2)$$

که در آن  $\ddot{q}_i, \dot{q}_i, q_i \in \mathbb{R}^n$  به ترتیب بردار جابجایی، سرعت و شتاب زاویه‌ای بازوی ربات‌ها،  $M_i(q_i) \in \mathbb{R}^{n \times n}$  ماتریس اینرسی،  $C_i(q_i, \dot{q}_i) \in \mathbb{R}^{n \times n}$  ماتریس کوربولیس و اثر نیروهای جانب مرکز و  $g_i(q_i) \in \mathbb{R}^n$  بردار گشاورهای گرانشی است.  $\tau_i \in \mathbb{R}^n$  گشاورهای اعمالی قابل تنظیم اند که به منزله ورودی کنترل برای ربات‌ها هستند؛ در اینجا و ادامه مقاله اندیس  $i = l$  بیانگر پارامترهای مربوط به ربات محلی و  $i = r$  مربوط به ربات دور است.  $\tau_h \in \mathbb{R}^n$  و  $\tau_e \in \mathbb{R}^n$  بیانگر گشاورهای خارجی اعمال شده توسط اپراتور انسانی و محیط به بازوی ربات‌های محلی و دور است که تحت عنوان نیروهای تماسی بیان می‌شود و از رابطه  $J_l^T(q_r)f_h = J_r^T(q_r)f_e = \tau_h$  بدست می-

غیرفعال مبتنی بر تئوری متغیرهای موج<sup>۱</sup> و در [۲۷] یک رویه FTC فعال مبتنی بر تخمین توان ناشی از عیب، برای جبران عیب بایاس عملگرها در سیستم عمل از دور خطی مطرح شده است. در مقالات مور شده فقط رخداد عیب بایاس در عملگرها در نظر گرفته شده است و همچنین سیستم عمل از دور خطی فرض شده است؛ بنابراین در عمل ممکن است روش‌های ارائه شده با افت عملکرد و قابلیت روبرو شوند. به همین علت در این مقاله برای برطرف شدن این ضعف‌ها، سعی شده است که علاوه بر عیب بایاس، عیب افت کارایی<sup>۲</sup> عملگر نیز در نظر گرفته و جبران شود و دینامیک سیستم نیز به صورت غیرخطی در نظر گرفته شده است.

در حالت کلی، در این مقاله هدف طراحی یک قانون کنترل FTC غیرفعال است که بتواند پایداری و ردیابی موقعیت و نیرو را در سیستم عمل از دور غیرخطی در حضور رخداد همزمان عیب بایاس و افت کارایی در عملگرها، نیروهای تماسی غیرمنفعل در پایانه‌ها و تأخیر متغیر در کاتال ارتباطی تضمین نماید. به این منظور یک قانون کنترل غیرخطی با ساختار ثابت ارائه شده است که برای پیاده سازی آن فقط متغیرهای حالت سیستم یعنی موقعیت و سرعت زاویه‌ای مفاصل ربات‌های دور و نزدیک نیاز است. سپس دینامیک سیستم حلقه بسته در حضور کنترل-کننده مطرح شده، نیروهای تماسی غیرمنفعل و رخداد عیب در عملگر به صورت یک سیستم تأخیری غیرخطی بیان شده است. در نهایت با استفاده از قصیه LK شرایط پایداری و ردیابی موقعیت و نیرو به صورت LMI برای تنظیم پارامترهای کنترل کننده مطرح شده استخراج شده‌اند.

از ویژگی‌های شاخص روش ارائه شده در این مقاله می‌توان به موارد زیر اشاره نمود. ۱) جبران همزمان عیب بایاس و افت کارایی عملگرها در سیستم عمل از دور غیرخطی در نظر گرفته شده است. ۲) پایداری مجانبی خطای ردیابی سیستم در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل به واسطه وجود جمله انتگرال سیگنال خطا در قانون کنترل-تضمین شده است که تابه حال در مقاله ای مطرح نشده است. ۳) کنترل-کننده ساختار ثابت دارد و برای جبران عیب، نیازی به تشخیص و تخمین اندازه آن ندارد. همچنین برای پیاده سازی آن سنسور نیرو لازم نیست LMI شرایط استخراج شده برای تنظیم پارامترهای کنترل کننده به صورت هستند و به صورت آفلاین قابل چک کردن هستند. نتایج شبیه سازی و مقایسه‌ای برای نشان دادن مزیت‌های روش ارائه شده آورده شده است. ساختار مقاله در بخش‌های زیر سازماندهی شده است؛ در بخش دوم معادلات دینامیکی مربوط به سیستم عمل از دور و اجزای آن و تعاریف و فرضیات حاکم بیان می‌شود. در بخش سوم نتایج اصلی در رابطه با طراحی کنترل کننده و استخراج شرایط وابسته به اطلاعات تأخیر برای تنظیم پارامترهای آن مطرح می‌شود. نتایج حاصل از شبیه سازی سیستم عمل از دور دوطرفه با کنترل کننده ارائه شده در این مقاله و روش مطرح شده در [۲۰] در بخش چهارم نشان داده شده است. در نهایت

<sup>۱</sup> Local

<sup>۲</sup> Remote

<sup>۱</sup> Wave variables

<sup>۲</sup> Loss of effectiveness

$X_i = H_i(q_i)$  است که  $H_i$  یک تابع غیرخطی است و  $f_{h_n}$  و  $f_{e_n}$  نیروهای خارجی اعمال شده به مجری نهایی در فضای کاری است. با توجه به روابط موجود بین فضای کاری و فضای مفصلی، نیروهای تماسی غیرمنفعل (۷-۶) در فضای مفصلی به صورت زیر قابل

بيان است [۲۹]:

$$\tau_h = \tau_{h_n} - D_l q_l - S_l(q_l) \quad (8)$$

$$\tau_e = \tau_{e_n} + D_r q_r + S_r(q_r) \quad (9)$$

که در آن

$$\begin{aligned} \tau_{h_n} &= J_l^T(q_l) f_{h_n}, \quad \tau_{e_n} = J_r^T(q_r) f_{e_n}, \\ D_l &= J_l^T(q_l) B_h J_l(q_l), \quad D_r = J_r^T(q_r) B_e J_r(q_r), \\ S_l(q_l) &= J_l^T(q_l) k_h H_l(q_l), \quad S_r(q_r) = J_r^T(q_r) K_e H_r(q_r) \end{aligned}$$

روشن است زمانیکه  $f_{h_n}$  و  $f_{e_n}$  مخالف صفر هستند زوج های  $(\dot{q}_l, \tau_h)$  و  $(\dot{q}_r, \tau_e)$  در رابطه (۴) و (۵) صدق نمی کنند بنابراین نیروهای تماسی (۸) و (۹) غیرمنفعل هستند.

### ۳-۲- مدلسازی عیب عملگرها

عیب در عملگرها می تواند به دو صورت افت کارایی و بایاس رخ دهد؛ منظور از افت کارایی عملگر حالتی است که عملگر نمی تواند حداکثر توان سیگنال کنترل را به فرایند اعمال کند. بایاس عملگر نیز مقداری است که عملگر روی سیگنال کنترلی تولید شده در حالت بی عیب اضافه یا کم می کند و به فرآیند اعمال می کند. در حالت کلی، سیگنال کنترل پس از رخداد عیب در هر عملگر را می توان به صورت زیر نمایش داد:

$$u_{f_k} = \gamma_k u_k + b_k; \quad k = 1, 2, \dots, m; \quad 0 \leq \gamma_k \leq 1 \quad (10)$$

که  $m$  تعداد عملگرهاست و  $\gamma_k$  ضریب کارایی عملگر  $k$  است. در رابطه فوق جمله اول که بیانگر عیب افت کارایی عملگر است، عیب ضریبی و جمله دوم که بیانگر عیب بایاس است، عیب جمعی نامیده می شود [۳۱]. بسته به مقادیر  $\gamma_k$  و  $b_k$ ، سناریوهای مختلف رخداد عیب در محرك  $k$  ام در جدول (۱) آمده است.

جدول ۱: سناریوهای مختلف عیب در عملگر  $k$  ام [۳۱].

بایاس ضریب کارایی	$b_k = 0$	$b_k \neq 0$
$\gamma_k = 1$	سام	بایاس
$0 < \gamma_k < 1$	افت کارایی و بایاس	افت کارایی
$\gamma_k = 0$	خرابی	گیر کردن

در سیستم عمل از دور، عملگرها گشتاورهای کنترلی لازم برای چرخش مفصل های ربات های محلی و دور را با توجه به سیگنال کنترل اعمال شده به آنها تولید می نمایند. در ربات ها این عملگرها غالباً به صورت موتورهای الکتریکی جریان مستقیم (DC) هستند که با دریافت ولتاژ اعمالی، گشتاور متناسب با آن را تولید می کنند. عیب عملگرها در ربات های محلی و دور  $n$  لیکی می تواند به فرم بسته زیر بیان شود:

آید که  $J_i(q_i)$  ماتریس ژاکوبین و  $f_h$  و  $f_e$  نیروهای خارجی اعمال شده به مجری نهایی در فضای کاری است. معادلات دینامیکی ربات ها که در روابط (۱) و (۲) بیان شد دارای ویژگی های شناخته شده ای به صورت زیر است [۲]:

**ویژگی ۱:** ماتریس اینرسی هر ربات، متقارن، کراندار و مثبت معین است یعنی مقادیر ثابت مثبت  $\lambda_m$  و  $\lambda_M$  وجود دارند طوریکه  $0 < \lambda_m L \leq M_i(q_i) \leq \lambda_M L < \infty$  می توان نتیجه گرفت  $0 < \rho_m L \leq M_i^{-1}(q_i) \leq \rho_M L < \infty$  که در آن  $\rho_m, \rho_M > 0$ .

**ویژگی ۲:** بین ماتریس های اینرسی و کوریولیس/جانب مرکز رابطه زیر برقرار است:

$$\dot{M}_i(q_i) = C_i(q_i, \dot{q}_i) + C_i^T(q_i, \dot{q}_i) \quad (3)$$

### ۲-۲- نیروهای تماسی غیرمنفعل

برای سیستم عمل از دور توصیف شده با معادلات (۱) و (۲) منفعل بودن اپراتور انسانی و محیط به صورت زیر تعریف می شود.

**تعریف ۱:** اپراتور انسانی و محیط نگاشت منفعلی از نیرو به سرعت دارند هر گاه ثابت های  $K_l, K_r \geq 0$  وجود داشته باشد طوریکه برای تمامی  $t \geq 0$  داشته باشیم [۲]:

$$E_h(t) := - \int_0^t \dot{q}_l^T \tau_h \, d\sigma + \kappa_l \geq 0 \quad (4)$$

$$E_e(t) := \int_0^t \dot{q}_r^T \tau_e \, d\sigma + \kappa_r \geq 0 \quad (5)$$

در صورت برقرار نبودن ناتساوی های فوق، اپراتور انسانی و محیط رفتار غیرمنفعلی دارند. منفعل بودن اپراتور انسانی و محیط یک ویژگی مفید برای سیستم عمل از دور است و حتی می تواند به پایداری سیستم کمک کند، چرا که نیروهای تماسی منفعل در جهتی هستند که انرژی ربات ها را جذب کرده و سرعت بازو های ربات را کم می کنند. تا جایی که آن را متوقف نمایند. مضاف بر این، باعث سهولت هایی در آنالیز پایداری سیستم می شود. بالعکس غیرمنفعل بودن اپراتور انسانی و محیط در صورت نبود کنترل کننده مناسب در سیستم می تواند باعث ناپایدار شدن سیستم شود و همچنین آنالیز پایداری را پیچیده تر نماید. نیروهای تماسی غیرمنفعل در جهتی هستند که به صورت پیوسته به ربات ها انرژی تزریق می کنند و سرعت بازو ها را افزایش می دهند.

نیروهای تماسی غیر منفعل غالباً در فضای کاری به صورت سیستم های مرتبه اول فنر- ضربه گیر به همراه یک نیروی خارجی غیر صفر در طول زمان مدل می شوند [۲۹، ۲۸]:

$$f_h = f_{h_n} - B_h \dot{X}_l - K_h X_l \quad (6)$$

$$f_e = f_{e_n} + B_e \dot{X}_r + K_e X_r \quad (7)$$

که در آن  $K_e, K_h$  و  $B_e, B_h$  ماتریس های ثابت مثبت متقارن متناظر با خاصیت فنری و ضربه گیری بین دست اپراتور و ربات محلی و بین محیط و ربات دور است. همچنین  $X$  موقعیت مجری نهایی ربات محلی و دور در فضای کاری است که رابطه آن با موقعیت زاویه ای مقاصل به صورت

### ۳- نتایج اصلی

در این بخش ابتدا قانون کنترل مورد نظر بیان می‌شود. سپس دینامیک سیستم حلقه بسته در حضور کنترل کننده مطرح شده، نیروهای تماسی غیرمنفعل و رخداد عیب در عملگر به صورت یک سیستم تأخیری غیرخطی بیان می‌شود. در نهایت با استفاده از قضیه LK شرایط پایداری و ردیابی موقعیت به صورت LMI برای تنظیم پارامترهای کنترل کننده مطرح شده، استخراج می‌شود.

قانون کنترل غیرخطی موردنظر به صورت زیر در نظر گرفته می‌شود:

$$\begin{aligned} \tau_l &= g_l(q_l) - C_l^T(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l - K_{d_l} M_l(q_l)\dot{q}_l - K_{P_l} e_l \\ &\quad - K_{I_l} \int_0^t e_l(s) ds \end{aligned} \quad (13)$$

$$\begin{aligned} \tau_r &= g_r(q_r) - C_r^T(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r - K_{d_r} M_r(q_r)\dot{q}_r - K_{P_r} e_r \\ &\quad - K_{I_r} \int_0^t e_r(s) ds \end{aligned} \quad (14)$$

که در آن

$$e_l := q_l - q_r(t - T_r(t))$$

$$e_r := q_r - q_l(t - T_l(t))$$

بردارهای حاوی خطای ردیابی موقعیت ربات‌های محلی و دور است. ماتریس‌های  $K_{d_l}$  و  $K_{P_l}$  به ترتیب ماتریس قطری بهره تزریق میرایی، تناسبی و انگرالی هستند که به عنوان پارامترهای آزاد کنترل-کننده هستند و با استی طوری تنظیم شوند که بتوانند پایداری مجانی سیستم و ردیابی موقعیت و نیرو را در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل و عیب در عملگرها تضمین کنند.

حال سیستم عمل از دور توصیف شده با معادلات (۱) و (۲) را در نظر بگیرید که دچار عیب افت کارایی و بایاس در عملگرها شده است. در این حالت با توجه به روابط (۱۱) و (۱۲) داریم:

$$M_l(q_l)\ddot{q}_l + C_l(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l + g_l(q_l) = \gamma_l \tau_l + b_l + \tau_h \quad (15)$$

$$M_r(q_r)\ddot{q}_r + C_r(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r + g_r(q_r) = \gamma_r \tau_r + b_r - \tau_e \quad (16)$$

با در نظر گرفتن قانون کنترل بیان شده در روابط (۱۳) و (۱۴) و نیروهای تماسی غیر منفعل (۸) و (۹) سیستم حلقه بسته کلی به صورت زیر است.

$$\begin{aligned} M_l(q_l)\ddot{q}_l + C_l(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l + g_l(q_l) &= \\ \gamma_l \left( g_l(q_l) - C_l^T(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l - K_{d_l} M_l(q_l)\dot{q}_l - K_{P_l} e_l - K_{I_l} \int_0^t e_l(s) ds \right) &+ b_l + \tau_h - S_l(q_l) - D_l \dot{q}_l \end{aligned} \quad (17)$$

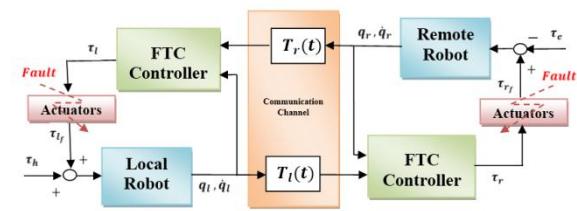
$$\begin{aligned} M_r(q_r)\ddot{q}_r + C_r(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r + g_r(q_r) &= \\ \gamma_r \left( g_r(q_r) - C_r^T(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r - K_{d_r} M_r(q_r)\dot{q}_r - K_{P_r} e_r - K_{I_r} \int_0^t e_r(s) ds \right) &+ b_r - \tau_e - S_r(q_r) - D_r \dot{q}_r \end{aligned} \quad (18)$$

$$\tau_{l_f} = \gamma_l \tau_l + b_l \quad (11)$$

$$\tau_{r_f} = \gamma_r \tau_r + b_r \quad (12)$$

که  $\tau_{l_f}$  بردار گشتاور تولید شده توسط عملگر معیوب و  $\tau_{r_f}$  بردار گشتاور تولید شده توسط عملگر در حالت سالم می‌باشد. ماتریس  $\gamma_i = diag(\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_n)$  یک ماتریس قطری با ابعاد  $n \times n$  می‌باشد و بردار  $b$  حاوی عیب بایاس عملگرها است.

با توجه به توضیحاتی که در مورد مدل دینامیکی سیستم عمل از دور، نیروهای تماسی و عیب عملگرها در سیستم ارائه شد، در ادامه هدف طراحی یک قانون کنترل مناسب برای محاسبه وروودی های کنترل  $\tau_l$  و  $\tau_r$  است به گونه‌ای که سیستم حلقه بسته پایدار باشد و ردیابی موقعیت و نیرو در حضور تأخیر متغیر در کanal ارتباطی، نیروهای تماسی غیرمنفعل در پایانه‌ها و رخداد عیب در عملگرها فراهم گردد. شکل ۲ شماتیک سیستم عمل از دور مورد نظر را نشان می‌دهد.



شکل ۲: سیستم عمل از دور دوطرفه مورد نظر

قبل از ارائه نتایج اصلی، برخی فرضیات صورت گرفته در طراحی کنترل کننده و آنالیز پایداری سیستم و برخی تعاریف لازم را بیان می‌کنیم.

**فرض ۱:** مقدار موقعیت و سرعت زاویه‌ای مفاصل ربات‌های محلی و دور یعنی ( $q_l$  و  $q_r$ ) از طریق اندازه گیری معلوم و در اختیار کنترل کننده‌ها قرار می‌گیرد.

**فرض ۲:** ربات‌های محلی و دور اطلاعات لازم برای کنترل کننده‌ها را از طریق یک کanal ارتباطی بدون افت داده که تأخیر متغیر نامتناصرن  $T_i(t)$  در آن وجود دارد، مبالغه می‌کنند. این تأخیرها کراندار با کران معلوم  $h_i$  هستند یعنی  $0 \leq h_i \leq T_i(t) \leq h$ . نیز معلوم است به صورت  $|T_i| < \infty$ .

**فرض ۳:** سرعت ربات‌ها کراندار و دارای کران مشخص است.

**تعریف ۲:** سیستم عمل از دور توصیف شده با روابط (۱) و (۲) در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل (۸) و (۹) پایدار مجانی است هر گاه به ازای  $\infty \rightarrow t$  داشته باشیم  $\bar{q}_i = \dot{\bar{q}}_i = 0$  و  $q_i \rightarrow 0$  که  $\bar{q}_i$  بیانگر بردار حاوی نقطه تعادل موقعیت‌ها است.

**تعریف ۳:** سیستم عمل از دور توصیف شده با روابط (۱) و (۲) دارای شفافیت است هر گاه در حالت ماندگار سیستم یعنی دارای  $\tau_h = \tau_{\bar{q}_i} = 0$ ، داشته باشیم: در این حالت اپراتور احساس می‌کند که محیط دور را لمس می‌کند و این موضوع تحت عنوان ردیابی نیرو مطرح می‌شود.

$$\bar{x}_i = [\bar{q}_i^T, A, \mathbf{0}]^T \quad \text{بردار نقطه تعادل است و} \\ \text{یک مقدار ثابت است و} \\ \text{با توجه به روابط (۲۴) و (۲۵)، معادلات (۲۲) و (۲۳) به شکل زیر قابل بازنویسی هستند.}$$

$$\dot{x} = A_x x + A_{xy} y(t - T_r) \quad (۲۶)$$

$$\dot{y} = A_y y + A_{yx} x(t - T_l) \quad (۲۷)$$

در ادامه سعی می‌شود برای تنظیم درست پارامترهای کنترل کننده (۱۳) و (۱۴)، شرایط پایداری مجانبی سیستم حلقه بسته (۲۶) و (۲۷) با استفاده از قضیه LK استخراج شود. قضیه زیر این شرایط وابسته به اطلاعات تأخیر را بیان می‌کند.

**قضیه ۱** - سیستم توصیف شونده با معادلات (۲۶) و (۲۷) پایدار مجانبی محلی است هر گاه ماتریس  $Q = Q^T > 0$  با ابعاد مناسب موجود باشد طوریکه داشته باشیم:

$$\pi_x := 2A_x Q + A_{xy} Q A_{xy}^T + (\xi_l + h_l) Q < 0 \quad (۲۸)$$

$$\pi_y := 2A_y Q + A_{yx} Q A_{yx}^T + (\xi_r + h_r) Q < 0 \quad (۲۹)$$

$$\text{که در آن } \xi_l := \frac{1}{1-\mu_l}, \quad \xi_r := \frac{1}{1-\mu_r}$$

**اثبات** - تابعی کاندید LK را به صورت زیر در نظرمی‌گیریم:

$$V := V_1 + V_2 + V_3 \quad (۳۰)$$

که در آن

$$\begin{aligned} V_1 &= x^T P x + y^T P y \\ V_2 &= \xi_l \int_{t-T_l(t)}^t x^T(s) P x(s) ds \\ &\quad + \xi_r \int_{t-T_r(t)}^t y^T(s) P y(s) ds \\ V_3 &= \int_{-h_l}^0 \int_{t+\theta}^t x^T(s) P x(s) ds d\theta \\ &\quad + \int_{-h_r}^0 \int_{t+\theta}^t y^T(s) P y(s) ds d\theta \end{aligned}$$

که در آن  $P = P^T > 0$  با توجه به معادلات (۲۶) و (۲۷)، مشتق زمانی  $V_3$  و  $V_2$ ،  $V_1$  به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$\begin{aligned} \dot{V}_1 &= 2x^T P A_x x + 2x^T P A_{xy} y(t - T_r) \\ &\quad + 2y^T P A_y y + 2y^T P A_{yx} x(t - T_l) \end{aligned} \quad (۳۱)$$

با استفاده از ناتساوی زیر

$$2a^T b \leq a^T M^{-1} a + b^T Mb \quad (۳۲)$$

می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} \dot{V}_1 &\leq 2x^T P A_x x + x^T P A_{xy} P^{-1} A_{xy}^T P x \\ &\quad + y(t - T_r)^T P y(t - T_r) + 2y^T P A_y y + \\ &\quad y^T P A_{yx} P^{-1} A_{yx}^T P y + x(t - T_l)^T P x(t - T_l) \end{aligned} \quad (۳۳)$$

$$\begin{aligned} \dot{V}_2 &= \xi_l x^T P x - \xi_l (1 - \dot{T}_l) x(t - T_l)^T P x(t - T_l) \\ &\quad + \xi_r y^T P y - \xi_r (1 - \dot{T}_r) y(t - T_r)^T P y(t - T_r) \\ &\leq \xi_l x^T P x - \xi_l (1 - \mu_l) x(t - T_l)^T P x(t - T_l) \\ &\quad + \xi_r y^T P y - \xi_r (1 - \mu_r) y(t - T_r)^T P y(t - T_r) \end{aligned} \quad (۳۴)$$

$$\begin{aligned} \dot{V}_3 &= h_l x^T P x - \int_{t-h_l}^t x^T(s) P x(s) ds \\ &\quad + h_r y^T P y - \int_{t-h_r}^t y^T(s) P y(s) ds \end{aligned} \quad (۳۵)$$

برای آنالیز پایداری سیستم حلقه بسته و همچنین لحاظ کردن هدف رديابی موقعیت در کنار آن، حالت‌های افزوده سیستم را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$x_l := [q_l^T, \int_0^t e_l(s)^T ds, p_l^T]^T \in \mathbb{R}^{3n}$$

$$x_r := [q_r^T, \int_0^t e_r(s)^T ds, p_r^T]^T \in \mathbb{R}^{3n}$$

که در آن  $p_i$  بردار تکانه مفاصل ربات‌هاست که از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$p_i = M_i(q_i) \dot{q}_i \quad (۱۹)$$

با توجه به روابط (۱۷) و (۱۸) و ویژگی ۲، داریم:

$$\begin{aligned} \dot{p}_l &= \dot{M}_l(q_l) \dot{q}_l + M_l(q_l) \ddot{q}_l = (1 - \gamma_l) C_l^T(q_l, q_l) \dot{q}_l \\ &\quad - (1 - \gamma_l) g_l(q_l) - \gamma_l K_{P_l}(q_l - q_r(t - T_r)) \\ &\quad - \gamma_l K_{d_l} M_l(q_l) \dot{q}_l - \gamma_l K_{h_l} \int_0^t e_l(s) ds + b_l + \tau_{h_0} \\ &\quad - S_l(q_l) - D_l \dot{q}_l \end{aligned} \quad (۲۰)$$

$$\begin{aligned} \dot{p}_r &= \dot{M}_r(q_r) \dot{q}_r + M_r(q_r) \ddot{q}_r = (1 - \gamma_r) C_r^T(q_r, q_r) \dot{q}_r \\ &\quad - (1 - \gamma_r) g_r(q_r) - \gamma_r K_{P_r}(q_r - q_l(t - T_l)) \\ &\quad - \gamma_r K_{d_r} M_r(q_r) \dot{q}_r - \gamma_r K_{h_r} \int_0^t e_r(s) ds + b_r \\ &\quad - \tau_{e_0} - S_r(q_r) - D_r \dot{q}_r \end{aligned} \quad (۲۱)$$

معادلات فضای حالت سیستم به فرم بسته زیر قابل بیان است:

$$\dot{x}_l = A_x x_l + A_{xy} x_r(t - T_r) + g_x d_l \quad (۲۲)$$

$$\dot{x}_r = A_y x_r + A_{yx} x_l(t - T_l) + g_y d_r \quad (۲۳)$$

که در آن

$$\begin{aligned} A_x &:= \begin{bmatrix} 0 & 0 & M_l^{-1}(q_l) \\ I & 0 & 0 \\ -\gamma_l K_{P_l} & -\gamma_l K_h & \beta_x \end{bmatrix}, A_{xy} := \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -I & 0 & 0 \\ \gamma_l K_{P_l} & 0 & 0 \end{bmatrix} \\ A_y &:= \begin{bmatrix} 0 & 0 & M_r^{-1}(q_r) \\ I & 0 & 0 \\ -\gamma_r K_{P_r} & -\gamma_r K_h & \beta_y \end{bmatrix}, A_{yx} := \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -I & 0 & 0 \\ \gamma_r K_{P_r} & 0 & 0 \end{bmatrix} \\ g_x = g_y &:= \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ I \end{bmatrix}, \end{aligned}$$

$$\beta_x := -\gamma_l K_{d_l} + ((1 - \gamma_l) C_l^T(q_l, q_l) - D_l) M_l^{-1}(q_l),$$

$$\beta_y := -\gamma_r K_{d_r} + ((1 - \gamma_r) C_r^T(q_r, q_r) - D_r) M_r^{-1}(q_r),$$

$$d_l := \tau_{h_0} - S_l(q_l) + b_l - (1 - \gamma_l) g_l(q_l),$$

$$d_r := -\tau_{e_0} - S_r(q_r) + b_r - (1 - \gamma_r) g_r(q_r).$$

با توجه به روابط (۲۰) و (۲۱)، در شرایط ماندگار بردارهای سرعت و تکانه صفر می‌شوند و برای رديابی در حالت ماندگار لازم است که نقاط تعادل بردارهای موقعیت که با بردار  $\bar{q} = \bar{q}_l = \bar{q}_r$  نشان داده می‌شود، در روابط زیر صدق کنند:

$$S_l(\bar{q}) + \gamma_l K_{I_l} \int_0^{t^*} e_l(s)^T ds = (\gamma_l - 1) g_l(\bar{q}) + b_l + \tau_{h_0} \quad (۲۴)$$

$$S_r(\bar{q}) + \gamma_r K_{I_r} \int_0^{t^*} e_r(s)^T ds = (\gamma_r - 1) g_r(\bar{q}) + b_r - \tau_{e_0} \quad (۲۵)$$

که در آن  $t^*$  زمانی است که سیستم به حالت ماندگار می‌رسد. با تعریف حالت‌های جدید به صورت  $y = x_r - \bar{x}_r$  و  $x = x_l - \bar{x}_l$  که

روابط (۲۸-۲۹) صدق نماید، می‌توان پایداری مجذبی سیستم را با ضرایب تنظیم شده برای کنترل کننده اثبات کرد.

به این ترتیب بهره‌های کنترل کننده طوری طراحی می‌شوند که به صورت غیر فعال اثر عیب عملگرها را جبران کنند و پایداری و ردیابی موقعیت در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل و رخداد عیب بایاس نامعلوم و افت کارایی با کران معلوم در عملگرها، تضمین می‌شود.

در ادامه شرایط لازم روی بهره‌های کنترل کننده برای دستیابی به شفافیت (ردیابی نیرو) در سیستم عمل از دور در قضیه ۲ بیان می‌شود.

**قضیه ۲**- سیستم عمل از دور توصیف شده با معادلات (۱) و (۲) در حضور کنترل کننده (۱۳) و (۱۴) را با نیروهای تماسی غیرمنفعل و در صورت عدم رخداد عیب در نظر بگیرید که بهره‌های کنترل کننده در شرایط قضیه ۱ صدق می‌کنند. در حالت ماندگار یعنی زمانیکه که بردارهای سرعت و شتاب و خطای ردیابی موقعیت صفر هستند شفافیت است یعنی خطای ردیابی نیرو به سمت صفر میل می‌کند، هر گاه بهره‌اتنگرال‌گیر کنترل کننده‌ها در رابطه زیر صدق کنند:

$$K_{I_l} = K_{I_r} \quad (۳۸)$$

**اثبات**- اگر در معادلات سیستم عمل از دور (۱) و (۲)، قوانین کنترل (۱۳) و (۱۴) را با فرض برقراری رابطه (۳۸) جایگزین کنیم، در شرایط ماندگار داریم:

$$\tau_h = - \left( -K_{I_l} \int_0^{t^*} e_l(s)^T ds \right) = \tau_e \quad (۳۹)$$

لازم به ذکر است زمانیکه در سیستم عیب عملگر رخ می‌دهد، شفافیت سیستم تاحدودی افت پیدا خواهد کرد که اجتناب ناپذیر است. البته در این وضعیت نیز ردیابی نیرو در سیستم انجام می‌شود اما خطای ردیابی نیرو دیگر صفر نیست و دارای یک مقدار ثابت و کراندار است. برای اثبات این موضوع کافیست معادلات سیستم حلقه بسته را در حالت رخداد عیب عملگر در نظر بگیریم. برای این وضعیت در صورت برقراری شرایط (۳۸)، در حالت ماندگار داریم:

$$\tau_h = \gamma_l \gamma_r^{-1} \tau_e + b \quad (۴۰)$$

که در آن

$$b = \gamma_l \gamma_r^{-1} (-b_r - (1 - \gamma_r) g_r(\bar{q}_r)) + (1 - \gamma_l) g_l(\bar{q}_l) - b_l$$

**نکته ۳**: چنانچه مدل دقیقی از سیستم در دسترس نباشد و کنترل کننده برای مدل نامی سیستم طراحی شده باشد، آنگاه سیستم حلقه بسته به صورت (۲۲-۲۳) است که در آن

$$\beta_x := -\gamma_l K_{d_l} \bar{M}_l(q_l) M_l^{-1}(q_l) - \left( (1 - \gamma_l) \bar{C}_l^T(q_l, q_l) + \Delta C_l^T - D_l \right) M_l^{-1}(q_l).$$

$$\beta_y := \gamma_r K_{d_r} \bar{M}_r(q_r) M_r^{-1}(q_r) - \left( (1 - \gamma_r) \bar{C}_r^T(q_r, q_r) + \Delta C_r^T - D_r \right) M_r^{-1}(q_r)$$

$$d_l := \tau_{h_n} - S_l(q_l) + b_l - (1 - \gamma_l) \bar{g}_l(q_l) - \Delta g_l,$$

در نهایت کران بالای  $\dot{V}$  به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} \dot{V} &\leq x^T (2PA_x + PA_{xy} P^{-1} A_{xy}^T P + (\xi_l + h_l)P) x \\ &+ y^T (2PA_y + PA_{yx} P^{-1} A_{yx}^T P + (\xi_r + h_r)P) y \\ &+ x(t - T_l)^T P (I - \xi_l(1 - \mu_l)I)x(t - T_l) \\ &+ y(t - T_r)^T P (I - \xi_r(1 - \mu_r)I)y(t - T_r) \end{aligned} \quad (۳۶)$$

با ضرب ماتریس  $P^{-1} = Q$  از چپ و راست به طرفین کران بالای  $\dot{V}$  داریم

$$\begin{aligned} \dot{V} &\leq x^T (2A_x Q + A_{xy} Q A_{xy}^T + (\xi_l + h_l)Q) x \\ &+ y^T (2A_y Q + A_{yx} Q A_{yx}^T + (\xi_r + h_r)Q) y \\ &= : \pi_x^T x + \pi_y^T y \end{aligned} \quad (۳۷)$$

حال برای پایداری مجذبی سیستم، بایستی کران بالای  $\dot{V}$  منفی باشد یعنی بایستی  $0 < \pi_x$  و  $0 < \pi_y$  شوند. به این ترتیب اگر ضرایب کنترل کننده طوری تنظیم شوند که شرایط فوق برآورده شوند پایداری مجذبی سیستم (۲۶) و (۲۷) تضمین خواهد شد و می‌توان نتیجه گرفت که می‌توان نتیجه (۲۶) و (۲۷) را باز آنچه که همگرا شدن انگرال یک  $t \rightarrow \infty$  با در نظر گرفتن ویژگی ۱، پایدار مجذبی بودن بردار مومتم، پایداری مجذبی بردار سرعت را نتیجه می‌دهد و از آنچه که همگرا شدن انگرال یک سیگنال به یک مقدار ثابت لزوماً زمانی اتفاق می‌افتد که آن سیگنال به صفر میل نماید؛ پس، از همگرا شدن  $\int_0^t e_i(s)^T ds$  به مقدار ثابت  $A$  می‌توان نتیجه گرفت که سیگنال‌های خطای ردیابی موقعیت  $e_i(s)$  به صورت مجذبی به صفر میل می‌کند. ■

**نکته ۱**: در حالت بدون عیب ( $\gamma_l = I, b_l = 0$ )، سیستم حلقه

بسته به صورت (۲۶) و (۲۷) است که در آن  $\gamma_l = I$  و

$$\beta_y = -K_{d_r} - D_r M_r^{-1}(q_r) \quad \beta_x = -K_{d_l} - D_l M_l^{-1}(q_l)$$

در این وضعیت شرایط پایداری مجذبی سیستم برای تنظیم پارامترهای کنترل کننده از روابط (۲۹-۲۸) قابل استخراج است که در آن پارامترهای

سیستم بی عیب قرار داده می‌شود. البته در حالت بدون عیب

شرایط پایداری مجذبی سیستم سراسرت تر و محافظه کاری کمتر است.

**نکته ۲**: با توجه به وجود پارامترهای متغیر کراندار در

$$\text{شرط } 0 < \pi_x < 0 \quad \text{و } \pi_y < 0 \quad \text{از جمله } \gamma_l \text{ از این}$$

است برای چک کردن درستی LMI های (۲۸) و (۲۹)، دسته ای از این

LMI ها در کران های پارامترهای متغیر حل شود. این روابط از جمله

LMI های نوع امکان‌پذیری<sup>۱</sup> و LPV هستند و از نوع متدوال کمینه

سازی نیستند که بهره‌های کنترل کننده به عنوان پارامترهای بهینه سازی

باشند که با حل نمودن مستقیم آنها بهره‌های کنترل کننده مستقیماً بدست

آید. در واقع ما بهره‌های کنترل کننده را تنظیم می‌کنیم و مساله وجود

ماتریس  $Q = Q^T > 0$  را در کران متغیرهای موجود در روابط (۲۹-۲۸)

بررسی می‌کنیم. در صورت وجود ماتریس  $Q = Q^T > 0$  که در

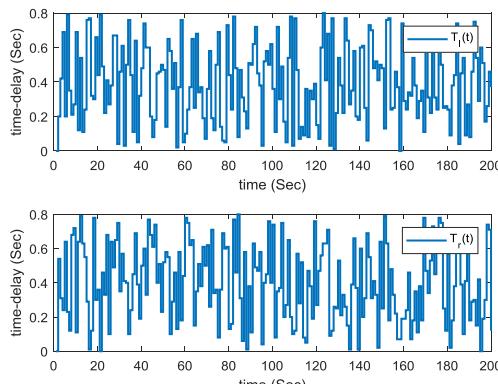
<sup>۱</sup> Feasibility

$$\begin{aligned} C_{i_{11}} &= l_{1_i} l_{2_i} m_{2_i} \sin(q_{2_i}) \dot{q}_{1_i}, \\ C_{i_{12}} &= 0, \\ g_{i_1} &= g l_{2_i} m_{2_i} \cos(q_{1_i} + q_{2_i}) + l_{1_i} (m_{1_i} + m_{2_i}) \cos(q_{1_i}), \\ g_{i_2} &= g l_{2_i} m_{2_i} \cos(q_{1_i} + q_{2_i}). \end{aligned}$$

که  $q_{k_i}, k \in \{1, 2\}$  بیانگر موقعیت زاویه‌ای هر لینک است. طول لینک‌های ربات‌ها به صورت  $l_{1_i} = 0.4m$  و  $l_{2_i} = 0.2m$  و جرم لینک‌ها  $m_{1_i} = 0.5kg$ ،  $m_{2_i} = 1kg$  است و  $g = 9.81 m/s^2$  است [۲۰]. می‌توان دید که به ازای پارامترهای فوق ویژگی ۱ به صورت  $\beta_x$  با پارامترهای  $I < M_i(q_i) < 0.35 I$  برقرار است. ماتریس ژاکوبین نیز به صورت زیر است:

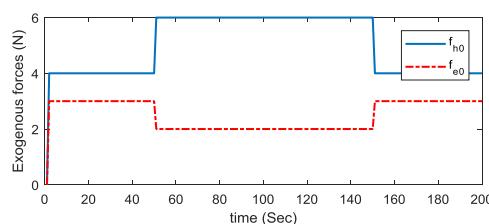
$$J_i(q_i) = \begin{bmatrix} -l_{1_i} \sin(q_{1_i}) - l_{2_i} \sin(q_{1_i} + q_{2_i}) & -l_{2_i} \sin(q_{1_i} + q_{2_i}) \\ l_{1_i} \cos(q_{1_i}) + l_{2_i} \cos(q_{1_i} + q_{2_i}) & l_{2_i} \cos(q_{1_i} + q_{2_i}) \end{bmatrix}$$

تأثیرهای زمانی در کانال ارتباطی در مسیر رفت و برگشت به صورت نامتقارن و متغیر با زمان و تصادفی مطابق شکل ۴ در نظر گرفته شده است، که اطلاعات مربوط به کران آنها و کران نرخ تغییر آنها به صورت  $\beta_x = 0.74$  و  $\beta_y = 0.66$  قابل استخراج است.



شکل ۴: تأثیر زمانی رفت و برگشت در کانال ارتباطی سیستم عمل از دور.

همچنین نیروهای تماسی بین اپراتور انسانی و ربات محلی و بین محیط و ربات دور به صورت غیرمنفعل مطابق روابط (۸) و (۹) است که در آن  $B_h = B_e = 0.5I$  و  $k_h = k_e = I$ ,  $I \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$  در نظر گرفته شده اند و  $f_{e_0}$  و  $f_{h_0}$  به صورت نشان داده شده در شکل ۵ می‌باشد.



شکل ۵: نیروهای تماسی غیرمنفعل

با استفاده از جعبه ابزار LMI نرم افزار Matlab، پارامترهای قوانین کنترل (۱۳) و (۱۴) از قضیه ۱ برای حالت  $0.5 I < \gamma_i < I$  به صورت زیر تنظیم شده اند:

$$d_r := -\tau_{e_n} - S_r(q_r) + b_r - (1 - \gamma_r) \bar{g}_r(q_r) - \Delta g_r$$

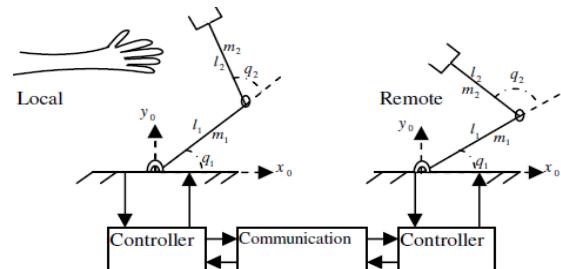
که  $\bar{g}_i$  و  $\bar{C}_i$  ماتریس‌های مدل نامی سیستم هستند و به صورت زیر تعریف شده اند:

$$\begin{aligned} \bar{M}_i &= M_i - \Delta M_i; \quad \bar{C}_i = C_i - \Delta C_i; \quad \bar{g}_i = g_i - \Delta g_i \\ \text{و } \Delta M_i &\text{ و } \Delta C_i \text{ ماتریس‌های نامعین کراندار هستند. در این} \\ \text{حالت، برای تضمین پایداری مجانبی مقاوم سیستم در حضور عیب عملگر} &\text{و نامعینی کراندار در مدل سیستم، بایستی ضرایب کنترل کننده در شرایط} \\ \text{پایداری (۲۶-۲۸) با پارامترهای } \beta_x \text{ و } \beta_y \text{ فوق صدق کنند.} \end{aligned}$$

لازم به ذکر است در این حالت، با توجه به اینکه همه متغیرهای موجود کراندار هستند (ماتریس‌های  $M_i$  و  $C_i$  طبق ویژگی ۱ کراندار هستند و متغیر  $y_i$  از رابطه (۱۰) کراندار است و ماتریس‌های  $\Delta M_i$  و  $\Delta C_i$  با فرض کراندار بودن سرعت ربات‌ها کراندار است). می‌توان به صورت آفلاین کران بالا و پایین برای  $\beta_x$  و  $\beta_y$  بدست آورده و شرایط را برای کران این ماتریس‌ها تست نمود.

#### ۴- نتایج شبیه‌سازی

در این بخش برای بررسی عملکرد کنترل کننده ارائه شده در این مقاله در مواجه شدن با نیروهای تماسی غیرمنفعل و رخداد عیب در عملگرهای سیستم، نتایج حاصل از شبیه‌سازی روی سیستم عمل از دور دوطرفه آورده شده است. همچنین روی ارائه شده در مقاله [۲۰] نیز روی سیستم اجرا و شایع با هم مقایسه شده است. به این منظور سیستم عمل از دور نشان داده شده در شکل ۳ در نظر گرفته شده است.



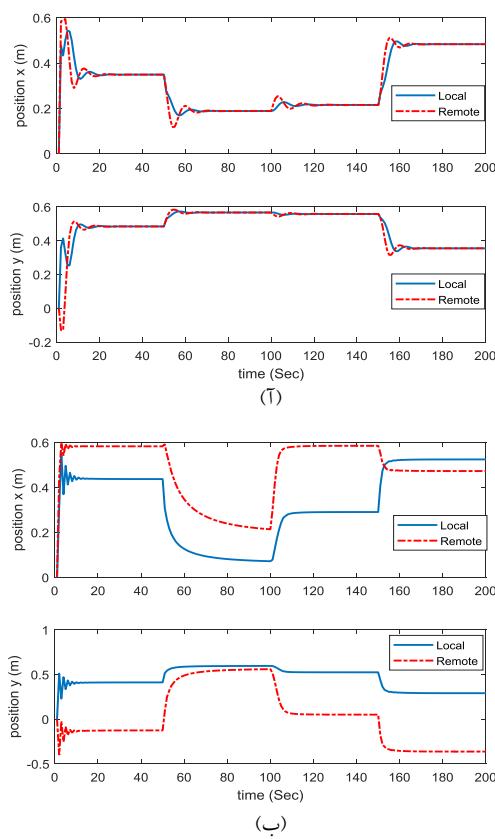
شکل ۳: شماتیک از سیستم عمل از دور دوطرفه ۲ درجه آزادی [۶].

معادلات سیستم به صورت روابط (۱) و (۲) است که ماتریس‌های اینرسی، کوریولیس/جانب مرکز و بردار گشتاورهای گرانشی آن به صورت زیر است:

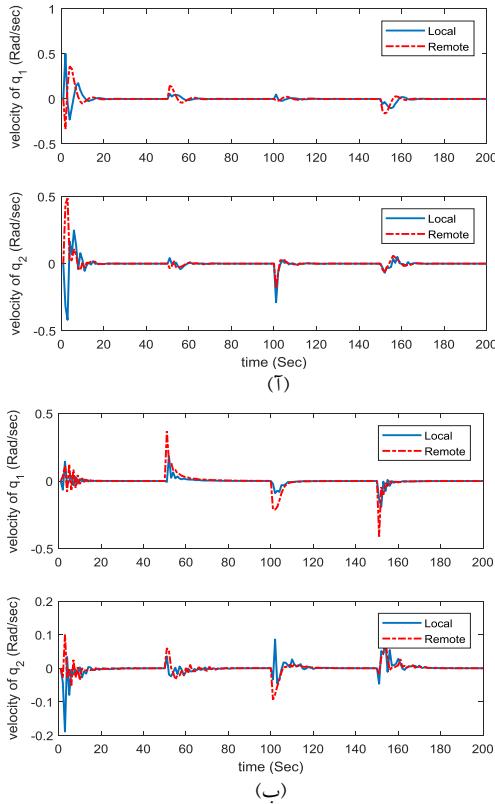
$$\begin{aligned} M_i(q_i) &= \begin{bmatrix} M_{i_{11}} & M_{i_{12}} \\ M_{i_{21}} & M_{i_{22}} \end{bmatrix}, \quad C_i(q_i, \dot{q}_i) = \begin{bmatrix} C_{i_{11}} & C_{i_{12}} \\ C_{i_{21}} & C_{i_{22}} \end{bmatrix}, \\ g_i(q_i) &= \begin{bmatrix} g_{i_1} \\ g_{i_2} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

که برای  $i \in \{l, r\}$  داریم

$$\begin{aligned} M_{i_{11}} &= l_{2_i}^2 m_{2_i} + l_{1_i}^2 (m_{1_i} + m_{2_i}) + 2 l_{1_i} l_{2_i} m_{2_i} \cos(q_{2_i}), \\ M_{i_{12}} &= M_{i_{21}} = l_{2_i}^2 m_{2_i} + l_{1_i} l_{2_i} m_{2_i} \cos(q_{2_i}), \\ M_{i_{22}} &= l_{2_i}^2 m_{2_i}, \quad C_{i_{11}} = -2 l_{1_i} l_{2_i} m_{2_i} \sin(q_{2_i}) \dot{q}_{2_i}, \\ C_{i_{12}} &= -l_{1_i} l_{2_i} m_{2_i} \sin(q_{2_i}) \dot{q}_{2_i}, \end{aligned}$$



شکل ۷: موقعیت در سیستم عمل از دور کنترل شونده با (آ) با روش موردنظر (ب) با روش مقاله [۲۰] در فضای کاری.



$$K_{P_l} = K_{P_r} = \underline{I} ; K_{I_l} = K_{I_r} = 0.01\underline{I} ;$$

$$K_{d_l} = K_{d_r} = 7\underline{I} ; \underline{I} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$$

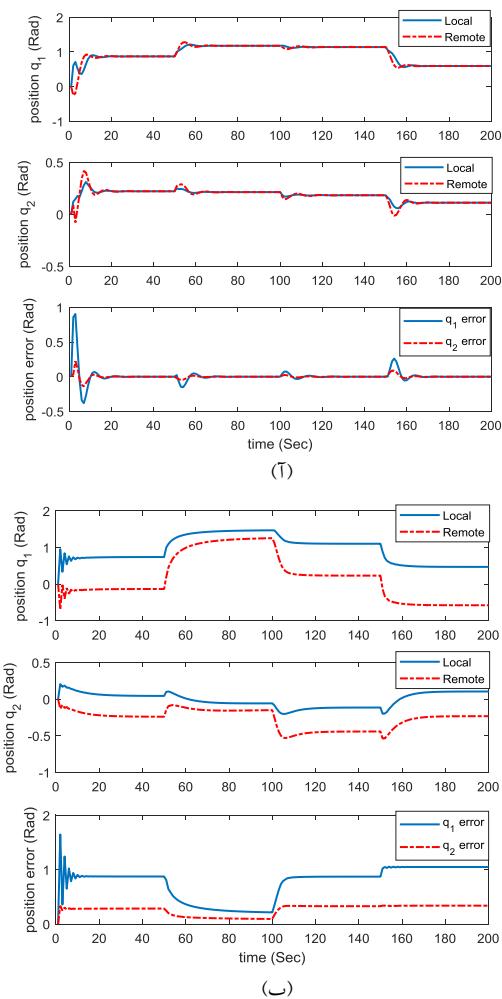
که با فرض اینکه  $|\dot{q}_i| < 1.5 \text{ rad/sec}$  هستند بدست آمده اند. از طرف دیگر قانون کنترل ارائه شده در [۲۰] به صورت زیر است:

$$\tau_l = g_l(q_l) + C_l(q_l, \dot{q}_l)\dot{q}_l - k_p e_l - k_d q_l \quad (41)$$

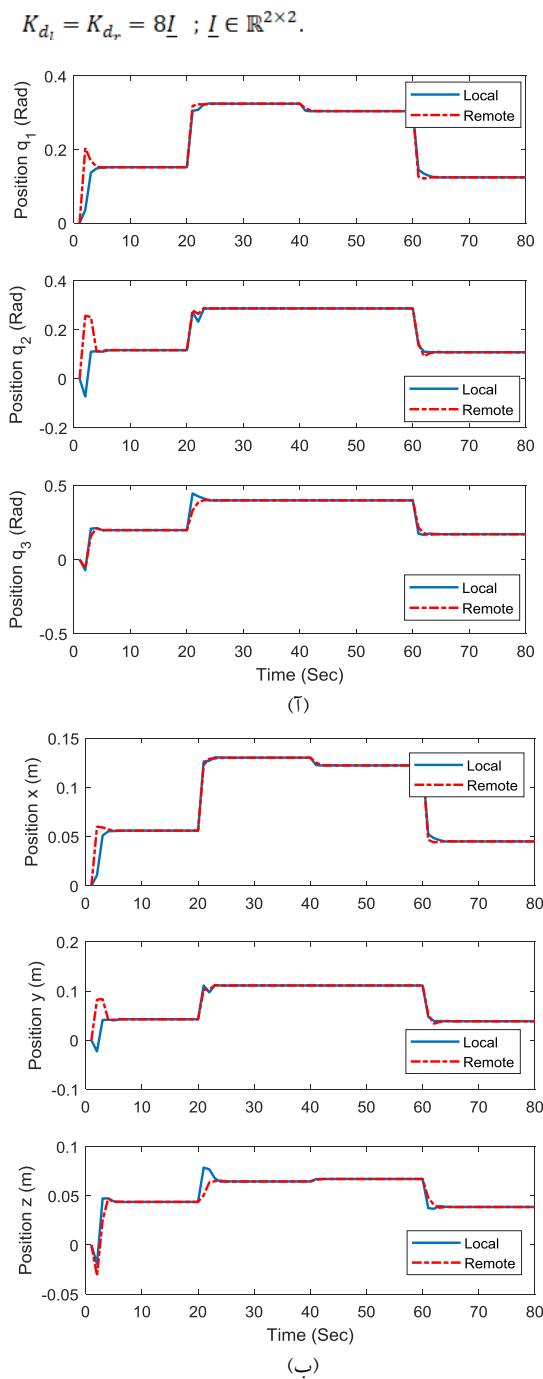
$$\tau_r = g_r(q_r) + C_r(q_r, \dot{q}_r)\dot{q}_r + k_p e_r - k_d q_r \quad (42)$$

که در آن  $k_p = 2\underline{I}$ ,  $k_d = 0.5\underline{I}$ ,  $\underline{I} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$

برای بررسی جبران سازی عیب توسط کنترل کننده‌ها، حالتی را در نظر می‌گیریم که در آن در ثانیه  $t = 100\text{s}$ , عملگرهای ربات دور به صورت ناگهانی دچار عیب کارایی  $30^\circ$  درصدی و عیب بایاس به اندازه  $b_r = [0.5 \quad 0.5]^T$  نیوتون می‌شوند. برای این وضعیت، ردیابی موقعیت، خطای ردیابی، سرعت زاویه‌ای بازووهای ربات‌های محلی و دور و گشتاورهای کنترلی در شکل‌های ۹-۶ نشان داده شده است. شرایط اولیه شبیه سازی به صورت  $q_l = \dot{q}_l = \dot{q}_r = [0 \quad 0]^T$  و  $q_r = [0.1 \quad 0.1]^T$  در نظر گرفته شده‌اند.



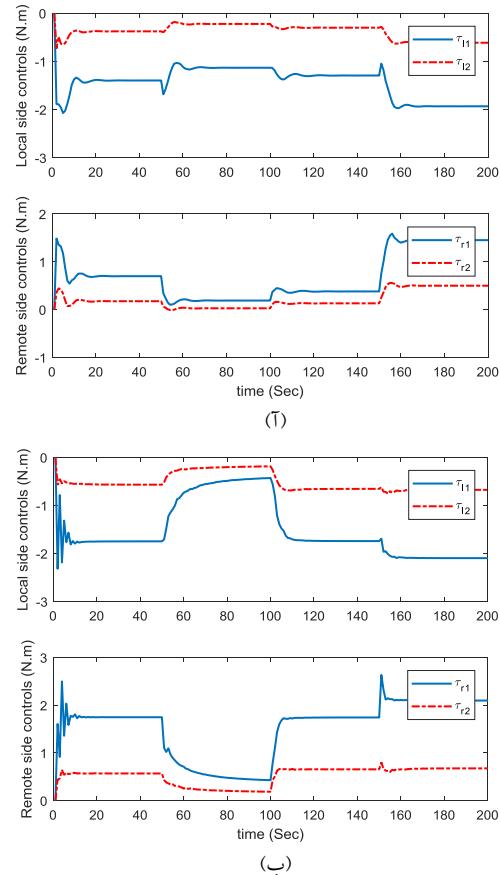
شکل ۶: موقعیت و خطای ردیابی موقعیت در سیستم عمل از دور کنترل شونده با (آ) با روش موردنظر (ب) با روش مقاله [۲۰] در فضای مفصلی.



شکل ۱۱: موقعیت در سیستم عمل از دور کنترل شونده با روش موردنظر در فضای کاری و مفصلی.

با توجه به اشکال، در مواجهه با نیروهای تماسی غیرمنفعل، کنترل کننده ارائه شده در این مقاله توانسته است عملکرد بهتری نسبت به کنترل کننده ارائه شده در [۲۰] ایجاد نماید؛ چرا که خطای ریدیابی موقعیت در روش ما به سمت صفر میل کرده است و این به خاطر استفاده کردن از رتم انگرال سیگنال خطای کنترل کننده است. همچنین پس از رخداد عیب نیز کنترل کننده توانسته است به خوبی اثر آن را جبران نماید. در واقع دو تفاوت اصلی بین قانون های کنترلی ارایه شده در [۱۳] و [۱۴] و قانون کنترلی مرجع [۲۰] وجود دارد: اضافه شدن عبارت انتگرال

شکل ۱۲: سرعت زاویه ای در سیستم عمل از دور کنترل شونده با ( $\bar{T}$ ) با روش موردنظر (ب) با روش مقاله [۲۰].



شکل ۹: گشتاورهای کنترلی در سیستم عمل از دور کنترل شونده با ( $\bar{T}$ ) با روش موردنظر (ب) با روش مقاله [۲۰].

در ادامه به منظور ارزیابی بهتر روش ارائه شده در این مقاله، نتایج شبیه سازی روی سیستم عمل از دور با ربات های ۳ درجه آزادی فاتنوم (که در شکل ۱۰ نشان داده شده است) آورده شده است. پارامترهای مدل دینامیکی و سینماتیکی ربات ها در [۳۰] موجود است.



شکل ۱۰: شماتیک از ربات ۳ درجه آزادی فاتنوم [۳۰].

شکل ۱۱ نحوه ریدیابی موقعیت سیستم را در فضای ۳ درجه آزادی مفصلی و کاری نشان می دهد. سفاربی رخداد عیب به این صورت است که عملگر اول ربات دور در ثانیه  $t = 40s$ ، دچار عیب افت عملکرد ۴۰ درصدی و عیب بایاس ۰.۱ شده است. پارامترهای کنترل کننده به صورت زیر تنظیم شده است.

$$K_{P_l} = K_{P_r} = I \quad ; \quad K_{I_l} = K_{I_r} = 0.02I ;$$

- [4] R. Anderson and M. Spong, "Bilateral control of teleoperators with time delay," *IEEE Transaction on Automatic Control*, vol. 34, no. 5, pp. 494–501, 1989.
- [5] G. Niemeyer, and J. Slotine, "Stable adaptive teleoperation," *IEEE Journal of Ocean Engineering*, vol. 16, no. 1, pp. 152-162, 1991.
- [6] E. Nuno, L. Basanez, R. Ortega, and MW. Spong, "Position tracking for nonlinear teleoperators with variable time-delay," *International Journal of Robotics & Research*, vol. 28, no. 7, pp. 895–910, 2009.
- [7] E. Nuno, L. Basanez and M. Prada, "Asymptotic stability of teleoperators with variable time-delays," *IEEE Conference on Conference on Robotics and Automation*, pp. 4332–4337, 2009.
- [8] K. Baghestan, SM. Rezaei, HA Talebi and M. Zarenejad, "A controller–observer scheme for nonlinear bilateral teleoperation systems," Part I: *Journal of Systems and Control Engineering*, vol. 228, no. 1, pp. 49-59, 2013.
- [9] N. Chopra, M. Spong, and R. Lozano, "Synchronization of bilateral teleoperators with time delay," *Automatica*, vol. 44, no. 8, pp. 2142-2148, 2008.
- [10] E. Nuno, R. Ortega, L. Basanez, and N. Barabanov, "An adaptive controller for nonlinear bilateral teleoperators," *Automatica*, vol. 46, no. 1, pp. 155-159, 2010a.
- [11] F. Hashemzadeh, I. Hassanzadeh, M. Tavakoli, and G. Alizadeh, "Adaptive control for state synchronization of nonlinear haptic telerobotic systems with asymmetric varying time delays," *Journal of Intelligent and Robotic Systems*, vol. 68, no 4, pp. 245–259, 2012.
- [12] M. Dyck, A. Jazayeri and M. Tavakoli, "Is the human operator in a teleoperation system passive?," *IEEE world Haptics Conference*, pp. 683-688, 2013.
- [13] K. Mohammadi, H. A. Talebi and M. Zarenejad, "Lyapunov stability analysis of a bilateral teleoperation system interacting with active environment," *RSI International Conference on Robotics and Mechatronics*, pp. 96-101, 2015.
- [14] F. Hashemzadeh, and M. Tavakoli, "Position and force tracking in nonlinear teleoperation system under varying delays," *Robotica*, vol. 33, no. 4, pp. 1003-1016, 2015.
- [15] S. Ganjefar, S. Rezaei, F. Hashemzadeh, "Position and force tracking in nonlinear teleoperation systems with sandwich linearity in actuators and time-varying delay," *Mechanical Systems and Signal Processing*, vol. 86(part A), pp. 308-324, 2017.
- [16] I. G. Polushin and H. J. Marquez, "Stabilization of bilaterally controlled teleoperators with

خطا و ضرب کردن ماتریس جرمی ربات در دمپینگ. وجود ماتریس جرمی در کنار بهره دمپینگ باعث تغییراتی در پاسخ گذراي سیستم می شود ممکن است این تغییرات چندان محسوس نیست و فقط در انتخاب اندازه بهره دمپینگ برای هر ربات باید در نظر گرفته شود که این کار در حالت رخداد عیب در شرایط پایداری (۲۸-۲۹) اعمال می شود. افزون جمله انتگرال خطای هم در کنترل در حالت کلی باعث صفر شدن خطای ریدیابی سیستم در حضور نیروهای خارجی غیرمنفعل می شود. البته با توجه به نتایج شبیه سازی مقایسه ای، وجود انتگرالگیر در جران اثر عیب عملگر هم بی تاثیر نیست و باعث مقاوم شدن پاسخ سیستم نسبت به رخداد عیب به خصوص عیب بایاس که می تواند نقطه تعادل موقعیت ها را عوض نماید، شده است. در حالیکه روش رقیب پس از رخداد عیب دچار تغییر نقطه تعادل شده است.

## ۵- نتیجه‌گیری

این مقاله طراحی سیستم عمل از دور دوطرفه در حضور تاخیر متغیر در کاتال ارتباطی، نیروهای تماسی غیرمنفعل در پایانه ها و رخداد عیب در عملگرها ربات ها را مورد بررسی قرار داد. یک قانون کنترل جدید غیرخطی مبتنی بر مدل سیستم ارائه شد تا هدف پایدارسازی مجانبی و ریدیابی موقعیت و نیرو را در سیستم فراهم نماید؛ سپس با استفاده از قضیه LK شرایط کافی پایداری و ریدیابی سیستم حلقه بسته در حضور تاخیر متغیر کراندار دارای اطلاعات معلوم و رخداد عیب بایاس نامعلوم و افت کارایی در عملگرها با کران معلوم در نظر گرفته شده، استخراج گردید که برای تنظیم پارامترهای آزاد کنترل کننده ها مورد استفاده قرار گرفت. به این ترتیب با یک رویکرد غیرفعال، و فقط با تنظیم ضرایب کنترل کننده، سیستم نسبت به رخداد عیب عملگر تحمل پذیر شد. از مهمترین مزایای روش ارائه شده این است که یک کنترل تحمل پذیر همزمان عیب بایاس و افت کارایی را برای سیستم عمل از دور غیرخطی ارائه داد. همچنین پایداری مجانبی خطای ریدیابی سیستم در حضور نیروهای تماسی غیرمنفعل به واسطه جمله انتگرالگیر در کنترل کننده تضمین شد. نتایج شبیه سازی مقایسه ای گواه این ادعای است. با توجه به اینکه کنترل کننده ارائه شده مبتنی بر مدل است در نظر گرفتن نامعینی ها در مدل سیستم در ادامه پژوهش پیشنهاد می شود.

## مراجع

- [1] P. F. Hokayem and M. Spong, "Bilateral teleoperation: An historical survey," *Automatica*, vol. 42, no. 12, pp. 2035-2057, 2006.
- [2] E. Nuno, L. Basanez and R. Ortega, "Passivity-based control for bilateral teleoperation: A tutorial," *Automatica*, vol. 47, no. 3, pp. 485–495, 2011.
- [3] P. Arcara and C. Melchiorri, "Control schemes for teleoperation with time delay: A comparative study," *Robotics and Autonomous Systems*, vol. 38, no. 1, pp. 49-64, 2002.

- with uncertain dynamics and kinematics," IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems, 2010.
- [30] I. G. Polouchine, "Force-reflecting teleoperation over wide-area networks, Ph. D. thesis, Carleton university, Ottawa, Canada, 2009.
- [۳۱] ر. ابراهیمی باویلی و م. ج. خسروجردی, "طرایحی کنترل کننده تحمل پذیر عیب مبتنی بر کنترل پیش‌بین غیر خطی مقاوم جهت جرمان عیب محرک‌ها", "مجله کنترل", جلد ۹، شماره ۱، صفحه ۲۴-۱۳، ۱۳۹۴
- communication delay," International Journal of Control, vol 76, no. 8, pp. 858-870, 2003.
- [17] I. G. Polushin, P. X. Liu, C.-H. Lung, "A control scheme for stable force-reflecting teleoperation over IP networks," IEEE Transactions on Systems, Man and Cybernetics, vol. 36, no. 4, pp. 930-939, 2006.
- [18] R. Lozano, N. Chopra and M. W. Spong, "Convergence analysis of bilateral teleoperation with constant human input," American Control Conference, pp. 1443-1448, 2007.
- [19] C. Hua, and P. X. Liu, "Convergence analysis of teleoperation systems with unsymmetric time-varying delays," IEEE Transaction and Circuits Systems, Vol. 56, no. 3, pp. 240-244, 2009.
- [20] SH. Islam, P. X. Liu, A. El Saddik, "Nonlinear control for teleoperation systems with time varying delay," Nonlinear Dynamics, vol.76, pp. 931-954, 2014.
- [21] SH. Islam, P. X. Liu, A. El Saddik and J. Dias, "Bilateral shared autonomous systems with passive and nonpassive input forces under time varying delay," ISA Transactions, vol. 54, pp. 218-228, 2015.
- [22] Y. Zhang and J. Jiang, "Bibliographical review on reconfigurable fault-tolerant control system," Annual Reviews in Control, vol. 32, pp. 229-252, 2008.
- [23] J. Jiang and X. Yu, "Fault tolerant control systems: a comparative study between active and passive approaches," Annual Reviews in Control, vol. 36, no. 1, pp. 60-72, 2012.
- [24] A. Mirzaee and K. Salahshoor, "Fault diagnosis and accommodation of nonlinear systems based on multiple model adaptive unscented kalman filter and switched MPC and H-infinity loop shaping controller," Journal of Process Control, vol. 22, no. 3, pp 626-634, 2012.
- [25] M. Boukhnifer, and A. Ferreira, "Fault Tolerant Control of a bilateral Teleoperated Micromanipulation System," IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems, 2008.
- [26] M. Boukhnifer, and A. Ferreira, "Fault Tolerant Control of a Teleoperated Piezoelectric Microgripper," Asian J Cont, 15(4), pp. 1-13, 2012.
- [27] L. Marton, and JA. Esclusa, "Energetic Approach for Actuator Fault Accommodation: Application to Bilateral Teleoperation," Sys Tol Conference on Control and Fault-Tolerant Systems, 2013.
- [28] I. Sharifi, H. A. Talebi and M. Motaharifar, "Robust output feedback controller design for time-delayed teleoperation: experimental results," Asian J Cont, 19(2), pp. 1-11, 2017.
- [29] X. Liu, M. Tavakoli and Q. Huang, "Nonlinear adaptive bilateral control of teleoperation systems