

## طراحی بهینه پروفایل میدان مغناطیسی جهت دارورسانی نanolوله‌های عامل‌دار شده به داخل غشاء سلولی: آنالیز محاسباتی

\*فیضه سهرابی<sup>۱</sup>، افشار علی‌حسینی<sup>۱\*</sup>، وحید پیروزفر<sup>۱</sup>، میثم زمانی پدرام<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> دانشکده مهندسی شیمی، دانشگاه آزاد واحد تهران مرکز، afs.alihosseini@iauctb.ac.ir

<sup>۲</sup> استادیار دانشکده مهندسی برق، گروه مهندسی مکاترونیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، mzpedram@kntu.ac.ir

پذیرش: ۱۳۹۹/۱۱/۲۷

ویرایش: ۱۳۹۹/۱۰/۱۰

دریافت: ۱۳۹۹/۰۲/۳۰

**چکیده:** امروزه در پزشکی استفاده از نانو کربن (CN) کاربرد چشمگیری دارد از جمله آن می‌توان به تشخیص بیماری‌های سرطان و درمان آن‌ها اشاره نمود. در بین انواع مختلف نانوکربن‌ها، نانوکربن‌های لوله‌ای (CNTs) توجه بسیاری از گروه‌های تحقیقاتی را در راستای کاربردهای درمانی به خود جذب کرده است. به دلیل ساختار ذاتی نanolوله‌ها، می‌توان از آن‌ها به طور گسترده به عنوان حامل‌های دارویی استفاده کرد. عامل‌دار نمودن نانوکربن‌های لوله‌ای و ترکیب آن‌ها با داروها و نانوذرات مغناطیسی (MNPs)، امکان دارورسانی هوشمند را محقق کرده است. نانوذرات مغناطیسی در کنار نanolوله نقش عملکر را بازی می‌کنند که قابلیت تحریک توسط میدان مغناطیسی خارجی را دارد. دارو رسانی به یک محدوده خاص به ویژه به داخل سلول‌های سرطانی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. برای این منظور در ک مناسب از میزان نیروی مورد نیاز جهت اعمال بر نanolوله‌ها و عبور غیر تهاجمی از لایه‌های غشاء سلول‌های سرطانی در راستای دارورسانی هدفمند و هوشمند بسیار ضروری است.

در این تحقیق، چگونگی عبور کنترل شده نanolوله‌های عامل‌دار شده حاوی داروی ضد سرطان از غشا سلولی (سلول‌ریه) مورد مطالعه قرار گرفته می‌شود. مدل ریاضی ارائه شده در این تحقیق، رفتار غشا سلولی در حوزه فرکانس و ارتباط بین سرعت عبور از غشا و نیروی موثر را بیان می‌کند. داده‌های محاسبات مولکولی به همراه معادلات دینامیکی در فضای فرکانس به صورت مدل ریاضی ارائه می‌شود بر مبنای معادلات مستخرج، پروفایل بهینه میدان مغناطیسی خارجی بدست می‌آید. نتایج و شرایط بهینه ایجاد شده برای میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی برای دارورسانی به داخل سلول در فاصله زمانی های ۳۰ ثانیه، ۱، ۲ و ۵ دقیقه ارائه شده است و نتیجه آن شد که هرچه حاصل ضرب گرادیان در میدان مغناطیسی بیشتر باشد، نیروی اعمالی بیشتر می‌شود و بلعکس. در واقع حاصل ضرب این دوفاکتور است که باعث اعمال نیرو و حرکت نanolوله‌های عامل‌دار شده حاوی داروی ضد سرطان می‌شود. و با اعمال محدوده مجاز میدان مغناطیسی برای سلامت انسان و همچنین با در نظر گرفتن توان دستگاه‌های موجود جهت اعمال میدان مغناطیسی، با رسم نمودار نتیجه شد که هر چه نیاز به عملکرد سریع تر داشته باشیم، شدت میدان مغناطیسی بیشتری نیز باید اعمال کنیم.

**کلمات کلیدی:** نanolوله‌های کربنی، مدل‌سازی مولکولی، شبیه سازی دینامیک مولکولی، شناسایی سیستم، میدان مغناطیسی، طراحی

بهینه

## Design of the optimal magnetic field in application of functionalized CNT-based drug delivery toward the cell membrane: Computational Analysis

Nafiseh Sohrabim, Afshar Alihosseini, Vahid Piroozfar, Meysam Zamani Pedram

**Abstract:** Recently, Carbon Nano (CN) structures are widely used in medical applications, especially the detection and treatment of cancer disease. Among various types of CNs, Carbone Nano Tubes (CNTs) attracted many researchers' attention to consider them toward clinical application. Regarding the intrinsic structure of CNTs, they can be used widely in drug delivery applications. Functionalized CNTs and conjugated with drug and magnetic nanoparticles (MNPs), represents an opportunity toward targeted drug delivery. In the mentioned system, MNPs play as a magnetic actuator, which can be externally excited. Delivery of the drug to a specific area, specifically inside the cellular membrane, is essential. To conduct a well-designed delivery system, the interaction force profile is needed to cross the CNTs through the membrane. The process is the primary point in a targeted drug delivery system. In this study, the computational analysis of crossing functionalized /CNTs containing anti-cancer drug through the cell membrane (lung cell) are investigated. The mathematical model shows the frequency behaviour of the cell membrane and provides a physical relation between crossing velocities and interaction forces. In this paper, the result is based on a complex Molecular scale simulation in which they entirely compute the producer of drug delivery. The dynamics equation of the system is presented in the time and frequency domain, which can lean to provide an optimal external magnetic field profile. This design helps nanotechnologist to precisely analyze drug delivery dynamics during the time and how to implement in clinical applications. The results provide an optimal profile to deliver the drug and crossing through the cell membrane in 30 seconds, 1, 2 and 5 minutes.

**Keywords:** Carbon Nano Tube (CNT), Molecular Scale Modeling, MD simulation, System Identification, Magnetic field, Optimized design

در آخرین تحقیقات به عمل آمده از نانولوله های عامل دار شده جهت دارو رسانی هوشمند به نواحی درگیر ریوی در بیماری های کوید<sup>۱</sup>، سرطان و تورم ریوی استفاده شده است<sup>[۲۴]</sup>. همچنین با توجه به اینکه سرطان ریه شایع ترین علت مرگ و میر ناشی از سرطان در جهان می باشد و سالانه بیشتر از یک میلیون نفر به علت ابتلا به این بیماری جان خود را از دست می دهدند. استفاده از نانولوله کربن ها به همراه نانوذرات مغناطیسی عامل دار شده با ایجاد ضربان میدان مغناطیسی می تواند روش مناسبی برای از میان بردن زود هنگام سلول های سرطان ریه باشد. سرطان ریه را بر اساس اندازه و بروز سلول های بد خیم در زیر میکروسکوپ به دو گروه اصلی طبقه بندی می نمایند<sup>[۶]</sup>. سرطان ریه با سلول های کوچک<sup>۴</sup> NSCLC سرطان ریه با سلول های کوچک<sup>۵</sup> SCLC این دو گروه نه تنها در شیوع و بروز بلکه در رفتار های بیولوژیکی، بافت شناسی و تغییر های ژنتیکی نیز متفاوتند<sup>[۱۳, ۱۲]</sup>. لذا با بررسی ساختاری سلول سرطان

### ۱- مقدمه

اخیراً نانولوله های کربنی<sup>۱</sup> توجه بسیاری از محقق حوزه نانو را به خود جلب نموده است. تاکنون نانولوله های کربنی کاربردهای بسیاری در زمینه های مختلف علمی را در بر گرفته است [۵-۱]. این کاربردها در حوزه پزشکی و صنعتی شامل انواع فرآیندهای حساس جداسازی [۳-۱] دارو رسانی جهت درمان بیماری ها از جمله سرطان [۷, ۶] هایپرترمیا<sup>۲</sup> با هدایت نانوذرات مغناطیسی [۹, ۸] هستند. علاوه بر این موارد، نانولوله های کربنی می توانند به شیوه غیر مخرب<sup>۳</sup> به داخل سلول های سرطانی منتقل شوند. این روش با استفاده از میدان مغناطیسی خارجی و اعمال آن بر نانولوله های کربنی و نانوذرات مغناطیسی صورت می پذیرد. علاوه بر این نانولوله های کربنی می توانند به عنوان حامل انتقال دارو، جهت رسانش دارو به داخل سلول سرطانی مورد نظر در داخل بدن استفاده شوند [۱۱, ۱۰].

<sup>4</sup> Non-Small-Cell Lung Cancer (NSCLC)

<sup>5</sup> Small-Cell Lung Cancer (SCLC)

<sup>1</sup> Carbon NanoTube (CNT)

<sup>2</sup> Hyperthermia

<sup>3</sup> Non-invasive

ساختار مقاله به این گونه است که در ادامه و در بخش دوم، مدل‌سازی مقیاس مولکولی غشای سلوول و نانولوله کربنی ها شرح داده می‌شود سپس بر مبنای داده‌های مستخرج از بخش دوم مدل ریاضی مناسب برای رفتار غشا سلوالی ارائه داده می‌شود. در نهایت در بخش چهارم به طراحی بهینه میدان مغناطیسی خارجی در جهت عبور بهینه در زمان‌های معین اختصاص داده می‌شود.

## ۲ - مدل سازی دینامیک مولکولی

این بخش به طور جامع به مدل‌سازی ساختار دارورسانی جهت آنالیز محاسباتی در سایز مولکولی اختصاص داده شده است. در این بخش غشای سلوالی و نانولوله کربنی در مدل‌های اتمی در جهت بررسی چگونگی هدایت به داخل سلوول ایجاد می‌شوند. طراحی مدل دینامیک مولکولی عنصر مختلف در هر بخش به طور جداگانه منحصرآ توپیج داده می‌شوند و در نهایت، پاراگراف آخر این بخش، شیوه‌سازی دینامیک مولکولی در جهت استخراج نیروهای تعاملی به همراه نمودار مربوطه ارائه شده است.

### الف- مدل پیشنهادی نانولوله کربنی

همان‌طور که پیش‌تر در بخش مقدمه توپیجاتی داده شد، به طور کلی شکل‌های مختلفی از ساختار نانولولهای کربنی وجود دارند که از آن‌ها به عنوان حامل‌های دارویی استفاده می‌شوند. نانولوله را می‌توان با دو عدد مستقل  $(m,n)$  تعریف کرد که همان‌گونه که رابطه  $(1)$  نشان می‌دهد این رابطه در اصل ارتباط بین قطر نانولوله کربنی و پارامترهای  $(m,n)$  را نشان می‌دهد و یک مفهوم اساسی و مهم در ساختار نانولولهای کربنی، جهت پیچش صفحه کربنی حول محور برای تبدیل به نانولوله کربنی است نانولولهای کربنی تک دیواره به سه نوع، زیگزاگ، آرمچر و کایرال تقسیم بندی می‌شوند. اگر چرخش بردار در امتداد محور  $\theta = 0$  صورت گیرد، نانولوله زیگزاگ تشکیل می‌شود. نانولوله آرمچر، از چرخش بردار در امتداد محور  $\theta = \pi/4$  ایجاد می‌شود و با چرخش بردار حول هر محوری که در آن زاویه بین صفر تا  $\theta = \pi/4$  باشد نانولوله کایرال تشکیل می‌شود نانولوله زیگزاگ، آرمچر و کایرال به ترتیب به صورت  $(m,n)$ ،  $(m,0)$  و  $(0,m)$  نمایش داده می‌شود، با قرارگیری این دو عدد مستقل در این رابطه قطر نانولوله قبل محاسبه است که با عنایت به محاسبات مطرح شده با تعیین این دو مقدار قطر نانولوله عدد معقولی جهت عاملدار کردن آن است.

$$d = \frac{\alpha_0}{\pi} \sqrt{n^2 + m^2 + mn} \quad (1)$$

ریه پروتئین‌های موجود بر روی غشای آن را شناسایی کرده، از جمله آن عبارت است از  $-H146, NCI-H128, NCI-H69$  که از آنها در شبیه سازی غشای سلوول سرطان ریه استفاده کردیم [۱۴، ۱۵ و ۲۳]. شایان ذکر است ابعاد نانولولهای کربنی تک دیواره  $1$  در محدوده  $8 \times 2$  نانومتر تا  $2$  نانومتر است، بنابراین در مقایسه با نانولولهای کربنی چند دیواره  $2 \times 5$  نانومتری، تک دیواره‌ها راحت‌تر می‌توانند وارد محیط سلوولی هدف شوند تا بتوانند ماموریت مهمی انتقال دارو به ویژه به سلوول سرطانی را به اتمام برسانند. و همچنین با ایجاد میدان مغناطیسی خارجی و اعمال نیرو بر روی نانولولهای کربنی عامل‌دار شده، و هدایت آن‌ها به ناحیه مورد نظر، می‌توان از آن‌ها در جهت درمان سرطان استفاده نمود [۱۹]. اگرچه مدل پزشکی و بالی‌نی داخلی بدن<sup>۳</sup> (in-vivo) در مورد درمان سرطان و تحويل دارو مورد مطالعه قرار گرفته است [۲۰، ۲۱]، اما با این حال توجه کمتری به نانولولهای کربنی و استفاده از ویژگی‌های منحصر به فرد هدایت به واسطه میدان مغناطیسی شده است. همچنین برای عبور دارو از غشای سلوولی و تهیه یک مدل ریاضی جهت درک رفتار پویای غشای سلوولی نیازمند مطالعه اتمی و بررسی رفتار فیزیکی در کنار ارائه مدل ریاضی مناسب است. در این تحقیق، هدف ارائه یک سامانه دارورسانی هدفمند به کمک نانولولهای کربنی عامل‌دار شده است. برای این منظور، ابتدا مدل اتمی از غشا سلوول سرطانی (ریه<sup>۴</sup>) ایجاد می‌گردد. همچنین در کنار ساختار غشا سلوولی، نانولولهای کربنی عامل‌دار شده با آلتزینات سدیم<sup>۵</sup> (ALG) و کیتوزان<sup>۶</sup> (CHI)، اسید فولیک<sup>۷</sup> (FC) و هیدروکلرايد داکسوروبیسین<sup>۸</sup> (DOX) که عمدتاً در هدف قرار دادن سلوول‌های سرطانی کاربرد دارند نیز مدل‌سازی می‌شود.

با استفاده از آنالیز محاسباتی در مقیاس نانو، نیروهای تعاملی مورد نیاز جهت دارورسانی به داخل سلوول استخراج می‌شوند. با استفاده از جعبه ابزار متلب<sup>۹</sup>، مدل ریاضی مناسب به سیستم دارورسانی طراحی می‌شود. در این مدل نیروهای تعاملی پاسخ سیستم و اندازه سرعت عبور دارو به داخل سلوول، به عنوان ورودی سیستم در نظر گرفته شده است. با استفاده از این روش غشای سلوول ریه و همچنین سامانه عبور به صورت مدل‌سازی تلفیقی مولکولی-فرکانسی ارائه می‌شوند. نتایج این تحقیق در راستای محققان حوزه نانو، به ویژه کاربردهای پزشکی که در حال تلاش برای یافتن راه حل‌های دارروسانی هوشمند هستند اهمیت ویژه‌ای دارد. به علاوه ارائه یک نظام اصولی بر مبنای محاسبات مقیاس نانو و ارتباط بین فضایی فرکانس و داده‌های دینامیک مولکولی و همچنین ارائه رفتار بهینه عملگر مغناطیسی خارجی در دارورسانی غیرمخترب، از جمله مواردی هستند که به عنوان نوآوری ویژه در این حوزه می‌توان به آن اشاره نمود که در این تحقیق به آن پرداخته شده است.

<sup>6</sup> Chitosan (CHI)

<sup>7</sup> Folate/ Folic Acid (FC)

<sup>8</sup> Doxorubicin Hydrochloride (DOX)

<sup>9</sup> MATLAB

<sup>1</sup> Single Wall Carbon NanoTube (SWCNT)

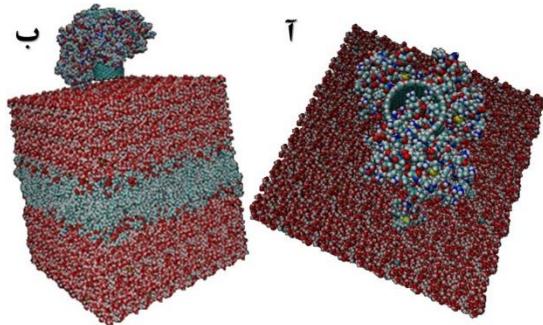
<sup>2</sup> Multi Wall Carbon NanoTube (MWCNT)

<sup>3</sup> In-vivo-- a medical test, is done in/on a living organism.

<sup>4</sup> Lung

<sup>5</sup> Sodium Alginate (ALG)

کردن نواحی آب دوست گروه های فسفاتی و ناحیه ابگریز مرکزی غشا به عنوان لایه های مجزا با خواص مکانیکی متفاوت، امکان بررسی نقش ضخامت حین عبور نانولوله کربن را می دهد. شکل ۲، نانولوله های کربنی عامل دار شده و همچنین چگونگی قرار گیری در بالای غشای سلولی را نشان می دهد.

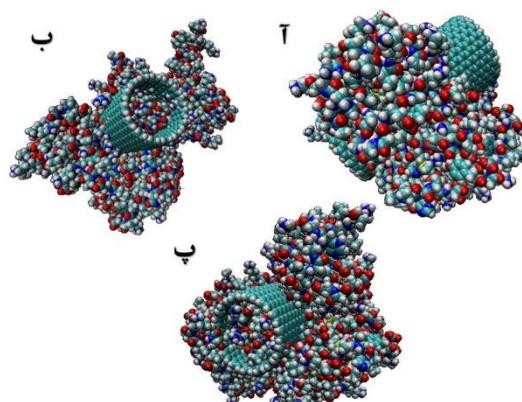


شکل ۲: نانولوله عامل دار شده بالای غشا سلول سرطان ریه (آ-ب)  
عامل دار شده در بالای غشای سلولی در دو زاویه دیداری  
متفاوت.

ج- آنالیز محاسباتی عبور نانولوله از غشا

با استفاده از مدل های اتمی ایجاد شده در بخش های پیشین، حال بایستی توسط شبیه سازی در مقیاس مولکولی<sup>۵</sup>، رفتار نیروهای اعماقی از طرف غشا به محموله حاوی دارو بررسی شود. این کار توسط نرم افزار نَمَدَی<sup>۶</sup> (NAMD)، که یک نرم افزار قادر تمند در این حوزه است صورت می پذیرد. بنابراین شرایط در این نرم افزار به گونه ای تنظیم می شوند تا فرآیند عبور از غشا به درستی صورت پذیرد. یکی از مهم ترین بخش شبیه سازی، محاسبه برهم کنش های اتمی است. بر مبنای نوع اتم، فاصله پتانسیل های تعريف شده ای وجود دارد که می توانند نیروی دافعه / جاذبه را محاسبه نماید. یکی از محبوب ترین مجموعه این نیروها چارم<sup>۷</sup> است که بر اساس زاویه بین پیوندی، فاصله، نوع اتم و پیوند، نیروی پیوپاین را توصیف می نماید. فعل و انفعالات غیر پیوندی با یک پتانسیل لنارد- جونز<sup>۸</sup> و تعامل یونی (کولومب) مدل می شوند. لذا، انتخاب نوع محاسبه نیروی بین اتمی، حال باستی به رو شی تعريف شود تا سامانه دارو رسان، با سرعت های ثابت از داخل غشا عبور نمایند و نیروی تعاملی<sup>۹</sup> وارد به نانولوله ثبت و ذخیره شود. در اصل نیروی ذخیره شده برای عبور همان نیرویی است که باستی توسط میدان مغناطیسی به نانولوله وارد شود تا خوب بتواند از داخل غشا سلولی عبور نماید. شکل ۳ شبیه سازی دینامیک مولکولی را در هنگام عبور نانولوله به همرا دارو به داخل سلول را برای سرعت مختلف بین ۱ تا ۲ آنگستروم بر پیکو ثانیه نشان می دهد. همانطور که قابل درک است با افزایش سرعت که به معنای عبور با کمترین زمان است، میزان نیروی لازم

که  $\alpha_0$  عدد ثابت شبکه و برابر با  $0.246 \text{ نانومتر}^1$  است. بر اساس این مطالعه، (m,n) برابر ۱۵۰ انتخاب شده که مطابق با معادله شماره (۱) قطر برابر  $20.344 \text{ [nm]}$  و همچنین طول نانولوله در حدود  $70 \text{ [nm]}$  خواهد بود. مدل اتمی نانولوله های کربنی این تحقیق، با آلتینات سدیم (ALG) و کیتوزان (CHI)، اسید فولیک (FC) و هیدرو کلراید داکسورو بیسین (DOX) عامل دار شده اند، که عمدتا در هدف قرار دادن سلول های سرطانی کاربرد دارند.



شکل ۱: نانولوله کربنی تک جداره (SWCNT) با آلتینات سدیم (ALG) و کیتوزان (CHI)، اسید فولیک (FC)، هیدرو کلراید دوکسورو بیسین (DOX) عامل دار شده است. (آ-پ) ساختار نانولوله عامل دار شده در جهت های مختلف

ب- غشای سلول: یک لایه فسفولیپید

فسفولیپید یکی از کلاس های لیپید است که نقش بسیار مهمی در غشای سلولی ایفا می کند و یکی از اجزای مهم در سلول است. این ماده نقش ساختاری در غشای سلولی تمام موجودات زنده دارد. فسفولیپیدها عموماً از یک ساختار دولا یه تشکیل می شوند که لایه های چربی از مولکول های چربی دولا یه ساخته شده اند. در تحقیقات صورت گرفته در زمینه علوم زیستی و سلولی از دایمیریستول فاسفاقولین<sup>۱۰</sup> و پالمیتولیل اولیویل فاسفاتیدیل کولین<sup>۱۱</sup> (POPC) به طور گسترده در شبیه سازی های در مقیاس مولکولی و پیاده سازی غشای سلول بیولوژیکی استفاده شده اند. در این تحقیق، مدل غشای POPC برای شبیه سازی و محاسبات مولکولی رفتار دارو رسانی برگزیده شده است. برای مدل کردن غشا از یک سه لایه (مشکل از یک لایه برای زنجیره های هیدرو کربن لیپید و دولا یه دیگر برای نواحی گروه های فسفات بالا و پایین غشا) استفاده شده است مدل

<sup>۵</sup> NAnoscale Molecular Dynamics (NAMD)

<sup>۶</sup> CHARMM27

<sup>۷</sup> Interaction Force

<sup>۱</sup> Nanometer [nm]

<sup>۲</sup> DiMyristoyl PhosphoCholine (DMPC)

<sup>۳</sup> Palmitoyl Oleoyl Phosphatidyl Choline (POPC)

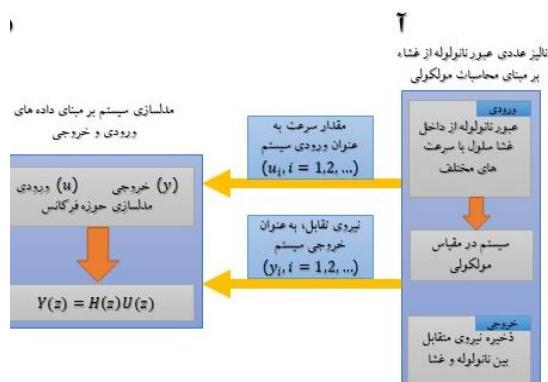
<sup>۴</sup> Molecular Dynamic Simulation (MD Simulation)

روش شناسایی ارائه می‌شود و در قسمت دوم نتایج شبیه سازی و مدل تخمینه ارائه می‌شود.

## لف - روش شناسی<sup>۲</sup> چگونگی بیان مدل ریاضی

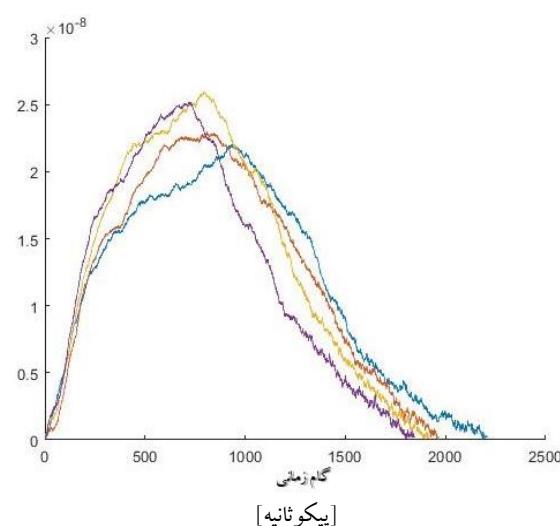
برای این منظور، به طور کلی دو رویکرد برای شناسایی سیستم وجود دارد،  
جمعه خاکستری<sup>۳</sup> و شناسایی سیستم جعبه سیاه<sup>۴</sup>. تفاوت این دو دیدگاه  
در چگونگی میزان شناخت به دینامیک سیستم مفروض است. اگر توان در  
درک پویایی سیستم کم باشد، استراتژی جعبه سیاه استفاده می شود و با  
تغییر تعداد پارامترها و یا مرتبه سیستم سعی در افزایش دقت تخمینی مدل  
می شود [۲۲]. در این تحقیق، با عنایت به ذات ساختار سلولی که یک رفتار  
زمیستی دارد، همانند یک جعبه سیاه دیده می شود که هیچ اطلاعاتی جز  
وروودی و خروجی ندارد. لذا ابتدا از مرتبه پایین شروع نموده و رفته رفته  
مرتبه سیستم را افزایش داده و ضرایب تخمین زده می شود. این افزایش  
مقدار تا جایی ادامه می باید که از لحاظ رفتار سیستم تخمینی با داده های  
وروودی خروجی، رفتار مشابه و با خطای قابل قبولی، را تحمل می نمایند.

در این مطالعه با استفاده از روش حداقل رساندن خطای پیش‌بینی<sup>۵</sup> (PEM) برای برآورد ضرایب سیستم استفاده شده است. این ضرایب در ریاضیات مدل سیستم اصلی قرار دارند. برای این مظور، دو مرحله اصلی عبارتند از: ۱- جمع آوری داده‌های شیوه‌سازی دینامیک مولکولی، که در اصل بایستی کلیه نیروهای تعاملی<sup>۶</sup> با سرعت‌های مختلف ثبت می‌شوند. ۲- تنظیم اولیه پارامترها بر اساس PEM و به روز رسانی پارامترها به منظور دستیابی به بهترین تناسب. شکل ۴ طراحی مفهوم شناسایی سیستم برای مستسهمای مقاس، مولکول، را نشان می‌دهد.



شکل ۴: مفهوم اساسی مدل سازی فرکانسی سیستم در مقایسه مولکولی. (آ) شبیه‌سازی MD برای ورودی‌های مختلف و نیروهای تعاملی به عنوان خروجی. (ب) بر اساس سیستم PEM پارامترها و ضربیت به روزرسانی، و پارامترهای موردنظر استخراج می‌شوند.

جهت عبور از غشا نیز افزایش می یابد. که قاعدتاً بعد از عبور از غشا در این محدود نیروی دراگ یا مقاومت دیگر وارد نمی شود و در نتیجه نیروی موردنیاز برای عبور از غشا کاهش می یابد. در واقع با افزایش نیرو سرعت عبور از غشا افزایش می یابد و زمان کوتاه تری نیاز است تا نانولوله کریں از غشا بگذرد.



شکل ۳: نمودار نیروی متقابل ایجاد شده بر نانولوله جهت عبور از غشا برای سرعت های مختلف بین ۱ تا ۲ آنگستروم بر پیکو ثانیه. این نمودار گویای افزایش سرعت عبور در ازای افزایش نیرو است و هر چه سرعت عبور بالاتر می رود، میزان نیروی بیشتری برای عبور ساختار نانولوله از غشا لازم است. هر گام زمانی در این نمودار معادل ۱ پیکو ثانیه است.

### ۳- مدل سازی ریاضی (حوزه فرکانس)

جهه ابزار شناسایی سیستم مجموعه‌ای از الگوریتم‌های مختلف ریاضی برای نمایش مدل‌های سیستم براساس ورودی و خروجی است. روش‌های مختلفی برای جایگذاری مدل فرکانس بر اساس داده‌های ذخیره شده (برون خطی<sup>(۱)</sup>) و ورودی و خروجی وجود دارد. با عنایت به رفتارهای داده‌های و تکنیک‌های بکارگیری شده در این علم، می‌توان الگوریتم مناسب انتخاب شود. این روش‌ها فقط به سیستم‌های صنعتی محدود نمی‌شود. در این پژوهش ارتباط مدل‌سازی فضای فرکانس در سیستم‌های مقیاس نانو و استخراج داده‌های مقیاس مولکولی با روش محاسبات مولکولی مورد توجه قرار گرفته شده است، و به نوعی استفاده از کاربرد روش‌های مدل‌سازی و بهینه‌سازی در سیستم بیولوژیکی را مورد مطالعه قرار داده است. این بخش به دو قسم تقسیم می‌شود. در قسمت نخست ابتدا توضیحات مربوط به

4 Black box

### <sup>5</sup> Prediction Error Method (PEM)

## **6 Interaction Forces**

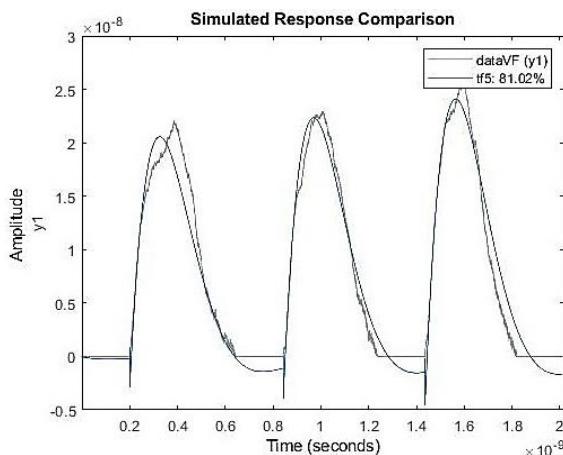
---

## <sup>1</sup> Offline

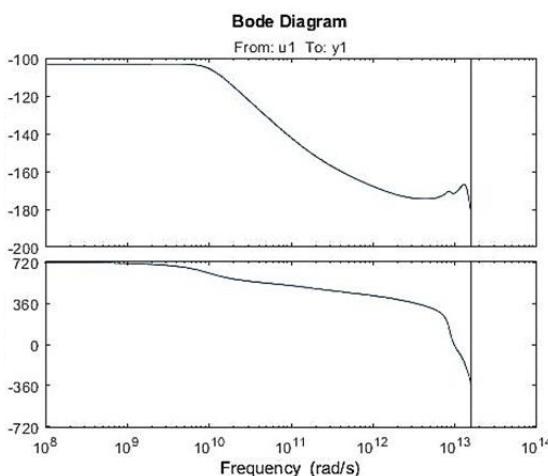
## **^2 Methodology**

<sup>3</sup> Gray box

### ب- استخراج مدل ریاضی و شبیه سازی مدل تخمینی



شکل ۵: بهترین تخمین مدل شناسایی شده. در این شکل، مدل ریاضی تخمین زده شده و داده های ثبت شده واقعی در یک مختصات تطبیق داده شده اند. رفتار عنوان شده از هر دو نمودار بیانگر پیروی رفتار فرکانسی هر دو سیستم پویا است. لذا سیستم دینامیکی تخمین زده شده عملکرد مشابه سیستم واقعی را دارد.



شکل ۶: نمودار از سیستم شناسایی شده. در نمودار `bode`، اطلاعات مربوط به بزرگی و فاز در مقابل فرکانس وجود دارد، که رفتار سیستم را بر اساس فرکانس ارائه می دهد.

## ۴- طراحی بهینه پروفایل مغناطیسی

در این بخش، با استفاده از مدل ریاضی در فضای فرکانس حاصل شده از بخش های پیشین، روشی در جهت ایجاد پروفایل بهینه میدان مغناطیسی اتخاذ می گردد. در واقع هدف پیدا نمودن بهینه میدان و گرادیان

مطابق با آنچه در بخش پیشین ذکر گردید، جهت استخراج مدل مناسب در این تحقیق، ورودی سیستم در اصل ضربه هایی<sup>۱</sup> است که دامنه ضربه نیزوهای تعامل ناشی از عبور نانولله کربنی های عامل دار شده از میان غشای سلوالی است. طراحی ساختار مدل به گونه ای است نیزوهای ذخیره شده در اصل پاسخ ضربه<sup>۲</sup> سیستم دارو رسانی را نشان می دهد. با کمک روش توضیح داده شده در بخش پیشین و به کمک جعبه ابزار متلب، سعی در ارائه و تطبیق بهترین مدل ریاضی شده است. در این سیستم بهترین تناسب ۸۰٪ با MSE در حدود  $4 \times 10^{-18}$  بدست آمد. معادله (۲) عملکرد سیستم را بیان می کند که یک رابطه ریاضی بین ورودی (سرعت) و خروجی (نیروی تعامل) است. پارامترها و مقادیر مورد نیاز برای معادله (۲) در جدول ۱ جمع آوری شده است. شکل ۵ داده های مقایسه ای بین مدل تخمینی و داده های واقعی در حوزه زمان را نشان می دهد که با عنایت به رفتار هر دو نمودار، گویای رفتار مشابه مدل ریاضی با سیستم واقعی است. همچنین شکل ۶ نمودار رفتار فرکانسی (دیاگرام بُدی<sup>۳</sup>) از سیستم مدل شده را نشان می دهد. در این شکل می توان رفتار فرکانسی سیستم مدل شده از لحظه پهناهی باند، فاز سیستم و فرکانس قطع را بررسی نمود. این شکل بیان گر رابطه رفتار سیستم تخمینی با ورودی سرعت و خروجی نیرو است.

(۲)

$$F(z) = H(z)v(z)$$

$$H = H_1 H_2$$

$$H_1 = \frac{b_0 z^{-1} (1+b_1 z^{-1})(1+b_2 z^{-1})(1+b_3 z^{-1})}{(1+a_0 z^{-1} + a_1 z^{-2})(1+a_2 z^{-1} + a_3 z^{-2})}$$

$$H_2 = \frac{(1+b_4 z^{-1} + b_5 z^{-2})}{(1+a_4 z^{-1} + a_5 z^{-2})}$$

که در این رابطه (۲):  $H(z)$  مدل فرکانسی سیستم (تابع تبدیل)  $(Z)$  ورودی یا همان سرعت عبور کربن نانولله از غشا است.

جدول ۱: مقدار پارامترهای سیستم و نانولله

نام متغیر	مقدار متغیر	نام متغیر	مقدار متغیر
$b_0$	9E-10	$a_0$	-1.998
$b_1$	-2.327	$a_1$	0.9975
$b_2$	-1.035	$a_2$	1.552
$b_3$	1.101	$a_3$	0.7987
$b_4$	-0.0396	$a_4$	-0.05995
$b_5$	1.035	$a_5$	0.9818
$\mu_0$	$4\pi E-7$	$V$	$\frac{4}{3}\mu r^3, r = 10[nm]$
$\chi_{beam}$	0.17		

<sup>3</sup> Bode

<sup>1</sup> Impulse

<sup>2</sup> Impulse response

$\vec{F} = \vec{F}_z \hat{e}_z$  و نیروی محاسبه شده  $b_z$  فرض کنید که  $Y(z, t) = b_z$  باشد، آنگاه:

$$F_z(t)\hat{e}_z = \frac{V\chi_{beam}}{\mu_0} \left( b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} \right) \hat{e}_z \quad (7)$$

$$U(t) = \frac{F_z(t)\mu_0}{V\chi_{beam}}$$

بنابر این، رابطه کلی نیرو و میدان مغناطیسی به صورت رابطه (۸) عنوان می‌شود.

$$b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} = \frac{\mu_0}{V\chi_{beam}} F_z(t) \quad (8)$$

که در این رابطه،  $b_z$  میدان مغناطیسی در راستای محور  $z$  و  $\frac{\partial b_z}{\partial z}$  میزان گرادیان مغناطیسی است. مقادیر و پارامترهای موجود در کلیه روابط این تحقیق در جدول ۱ گردآوری شده‌اند.

با عنایت به مدل ریاضی بیان شده در حوزه فرکانس (رابطه (۲))، و تلفیق آن با رابطه (۸)، رابطه‌ی کامل کننده رفتار میدان و گرادیان مغناطیسی بر حسب سرعت نانولوله، به صورت رابطه (۹) بیان می‌شود.

$$\begin{aligned} b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} &= \frac{\mu_0}{V\chi_{beam}} \mathbb{Z}^{-1}[H(z)v(z)] \\ &= \frac{\mu_0}{V\chi_{beam}} \mathbb{Z}^{-1}[H(z)] v(k) \end{aligned} \quad (9)$$

که در رابطه فوق،  $H(z)$  مدل فرکانسی سیستم (تابع تبدیل) و  $v(k)$  ورودی سرعت ذره است.

با توجه به آنکه جایه جایی نانولوله از غشا همواره ثابت و به اندازه ضخامت غشا است و همچنین با در نظر گرفتن مدل خطی سیستم رابطه (۱۰) را می‌توان جهت تصویر نمودن در زمان<sup>۳</sup> مورد استفاده قرار داد.

$$\left. \begin{array}{l} x_{membrane} \\ x_{membrane} \end{array} \right\} \rightarrow v_s = v \frac{t}{t_s} \quad (10)$$

همچنین برای یافتن کرانه بالا و پایین میزان نیرو از رابطه (۱۱) استفاده می‌شود.

$$\left\{ \begin{array}{l} b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} = \overbrace{\frac{\mu_0}{V\chi_{beam}} \mathbb{Z}^{-1}[H(z)]}^{L_b} v_{s_{\min}}(k) \\ b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} = \overbrace{\frac{\mu_0}{V\chi_{beam}} \mathbb{Z}^{-1}[H(z)]}^{L_u} v_{s_{\max}}(k) \end{array} \right. \quad (11)$$

و در نهایت میزان نیرو بایستی در رابطه (۱۲) صدق نماید.

$$L_b \leq b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} \leq L_u \quad (12)$$

از طرف دیگر بر مبنای میزان استاندارد موجود در دستگاه‌های مولد میدان مغناطیسی از جمله ام آر آی<sup>۴</sup>، بازه میدان مغناطیسی و گرادیان آن به صورت رابطه (۱۳) عنوان می‌شود.

مغناطیسی است به شرطی که زمان عبور کمینه شود. همچنین در کنار این دو مورد، پیشنه و کمینه بزرگی میدان و گرادیان مغناطیسی نیز جای تامل دارد که مقادیر آن بر اساس محدوده‌ی مجاز برای سلامتی موجودات تعیین شده است. با عنایت به آنکه در محاسبات مولکولی، میزان نیروی تعاملی اندازه‌گیری شده است، در این بخش بایستی معادل بهینه میدان مغناطیسی تحریک کننده<sup>۱</sup> محاسبه گردد. همان‌طور که پیش‌تر نیز عنوان گردید، نانولوله علاوه بر دارو، شامل نانوذرات مغناطیسی نیز هستند. نیروی مغناطیسی ناشی از میدان مغناطیسی خارجی، در اصل به نانوذرات متصل به نانولوله‌ها وارد می‌گردد و در نتیجه کل ساختار مورد حرکت قرار می‌گیرند. پروفایل بهینه در رفتار بهینه و تنظیم زمان عبور از غشا نقش مهمی را ایفا می‌کند. برای این منظور با استفاده از رابطه (۳)، چگونگی رفتار در بین میدان مغناطیسی و نیرو معین می‌گردد. این رابطه به طور کلی بیان گر نیروی مغناطیسی وارد شده بر یک دو قطبی مغناطیسی ( $\vec{m}$ ) در یک میدان مغناطیسی اعمال شده خارجی ( $\vec{B}$ ) را نشان می‌دهد.

$$\vec{F} = (\vec{m} \cdot \nabla) \vec{B} \quad (3)$$

هنگامی که قابلیت مغناطیسی ذرات را به داخل دوقطبی گری ماده نیز در محاسبات اضافه گردد، در حالت جامع تر رابطه (۴) عنوان می‌شود.

$$\vec{F} = \frac{V\chi_{beam}}{\mu_0} (\vec{B} \cdot \nabla) \vec{B} \quad (4)$$

که در رابطه (۴):  $(\vec{B} \cdot \nabla) \vec{B}$  گرادیان میدان مغناطیسی،  $\vec{B}$  میدان مغناطیسی،  $\chi_{beam}$  قابلیت مغناطیسی موثر نانوذرات نسبت به محیط داخل سلوالی است  $\mu_0$  و  $V$  به ترتیب ترتیب نفوذپذیری مغناطیسی در خلاء و حجم موثر ذره است.

بخش مربوط به گرادیان و بزرگی میدان مغناطیسی در رابطه پیشین، به گونه‌ی بسط داده شده، مطابق با رابطه (۵) بیان می‌شود.

$$\hat{e}_x \left( b_x \frac{\partial b_x}{\partial x} + b_y \frac{\partial b_x}{\partial y} + b_z \frac{\partial b_x}{\partial z} \right) \quad (5)$$

$$(\vec{B} \cdot \nabla) \vec{B} = \hat{e}_y \left( b_x \frac{\partial b_y}{\partial x} + b_y \frac{\partial b_y}{\partial y} + b_z \frac{\partial b_y}{\partial z} \right)$$

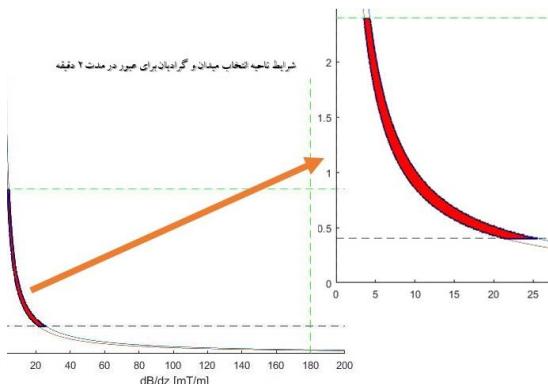
$$+ \hat{e}_z \left( b_x \frac{\partial b_z}{\partial x} + b_y \frac{\partial b_z}{\partial y} + b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} \right)$$

با عنایت به نحوه قرارگیری نانولوله و زاویه عبور آن از داخل غشا، لذا میدان باید به گونه‌ای اعمال شود تا در دو راستای غیر عمود صفر باشد به عبارت دیگر نیروی مورد نیاز برای انتقال و عبور، عمود بر سطح است و نیروی مولد باید به موازات بردار نرمال صفحه غش اعمال شود. بنابراین، بر اساس رابطه (۵)، عنصر سوم باید غیر صفر باشد. با انتخاب  $b_x = 0$  و  $b_y = 0$ ، نیروی مغناطیسی به صورت رابطه (۶) ساده می‌شود.

$$\vec{F} = \frac{V\chi_{beam}}{\mu_0} \left( b_z \frac{\partial b_z}{\partial z} \right) \hat{e}_z \quad (6)$$

<sup>3</sup> Magnetic resonance imaging (MRI)

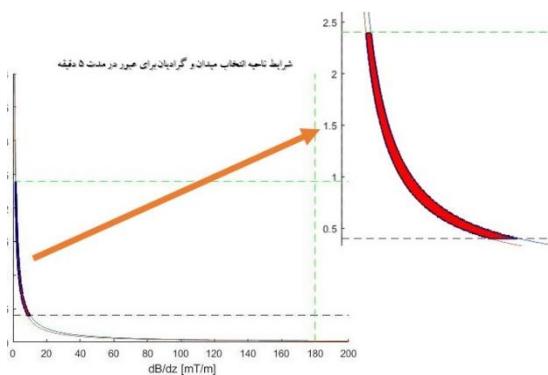
<sup>1</sup> Actuated  
<sup>2</sup> Time scaling



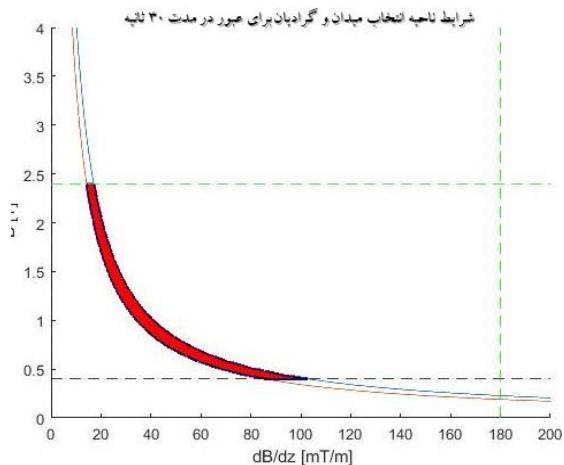
شکل ۹: نمایش بازه مجاز انتخابی میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی با زمان عبور ۲ دقیقه

$$\begin{aligned} 0 \leq b_z &\leq 2.4[T] \\ 0 \leq \frac{\partial b_z}{\partial z} &\leq 180 \left[ \frac{mT}{m} \right] \end{aligned} \quad (13)$$

با توجه به محدوده تعريف شده و همچنین دینامیک رفتاری سیستم در حوزه فرکانس و تلفیق آن با حوزه زمان، بررسی میزان پروفایل بهینه جهت عبور از غشا را می توان محاسبه نمود. برای این منظور شکل ۱۷ الی شکل ۱۰ میزان ناحیه عملکردی جهت عبور نانولوله در مدت به ترتیب ۳۰ ثانیه و یک، دو و پنج دقیقه را نشان می دهد. همان طور که در این اشکال ملاحظه می شود، یک ناحیه به رنگ قرمز جهت انتخاب پارامترها برای دستگاه معین شده است.



شکل ۱۰: نمایش بازه مجاز انتخابی میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی با زمان عبور ۵ دقیقه

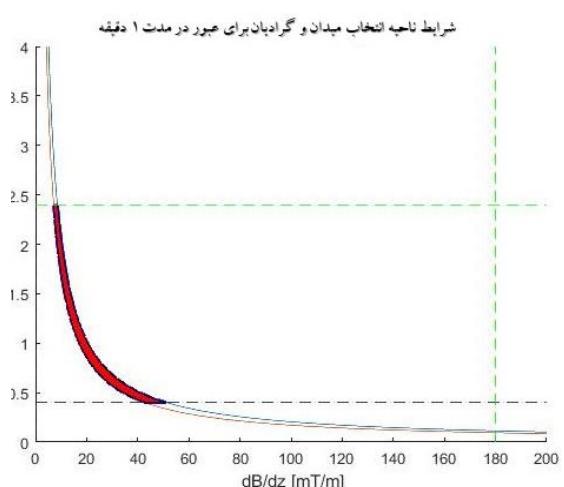


شکل ۷: نمایش بازه مجاز انتخابی میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی با زمان عبور ۳۰ ثانیه

لذا با تطبیق میزان گرادیان و میدان مغناطیسی در بازه‌ی تعیین شده (قرمز) در شکل‌های ۷ الی ۱۰، زمان عبور تعیین می‌شود. هرچه میزان حاصل ضرب گرادیان در میدان مغناطیسی بیشتر باشد، نیروی اعمالی و بیشتر می‌شود و برعکس. این نمودارها بیان گر این موضوع هستند که نیروی میدان مغناطیسی بالا با گرادیان ضعیف، نیرویی را اعمال نمی‌کند بلکه تنها اعمال نیرو و حرکت نانولوله می‌شود. چگونگی ایجاد پروفایل میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی به تهابی مورد تحقیق مهندسین برق است و روش‌های مختلفی از لحظه ساختار مکانیکی و قرارگیری سیم پیچ‌ها و همچنین نحوه مدیریت مدار الکترونیک وجود دارد که از جیوه‌ی کاری این تحقیق خارج است.

## ۵- نتیجه‌گیری

در این مقاله، به ساختار دارو رسانی هدفمند جهت ارسال دارو به داخل سلول بررسی گردید. مدل ساختار اتمی و ارائه شده بر مبنای قرارگیری داروی ضد سرطان، پروتئین‌های مورد نیاز و همچنین نانوذرات مغناطیسی جهت هدایت آن‌ها در نظر گرفته شده است. در این تحقیق سامانه دارو رسانی بر اساس داده‌های محاسباتی مقیاس نانو به صورت یک مدل



شکل ۸: نمایش بازه مجاز انتخابی میدان مغناطیسی و گرادیان میدان مغناطیسی با زمان عبور ۱ دقیقه

- [10] Zhang, W., Zhang, Z., & Zhang, Y. (2011). The application of carbon nanotubes in target drug delivery systems for cancer therapies. *Nanoscale research letters*, 6(1), 555.
- [11] Ortega-Guerrero, A., Espinosa-Duran, J. M., & Velasco-Medina, J. (2016). TRPV1 channel as a target for cancer therapy using CNT-based drug delivery systems. *European Biophysics Journal*, 45(5), 423-433.
- [12] Wang, J. T. W., & Al-Jamal, K. T. (2015). Functionalized carbon nanotubes: revolution in brain delivery. *Nanomedicine*, 10(17), 2639-2642.
- [13] Nikitin, M., Torno, M., Chen, H., Rosengart, A., & Nikitin, P. I. (2008). Quantitative real-time in vivo detection of magnetic nanoparticles by their nonlinear magnetization. *Journal of applied Physics*, 103(7), 07A304.
- [14] Hamdi, M., & Ferreira, A. (2012, October). Computational study of superparamagnetic nanocapsules crossing the blood-brain barrier: A robotics approach. In 2012 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems (pp. 2313-2318). IEEE.
- [15] Kong, S. D., Lee, J., Ramachandran, S., Eliceiri, B. P., Shubayev, V. I., Lal, R., & Jin, S. (2012). Magnetic targeting of nanoparticles across the intact blood-brain barrier. *Journal of controlled release*, 164(1), 49-57.
- [16] Zhang, X., Meng, L., Lu, Q., Fei, Z., & Dyson, P. J. (2009). Targeted delivery and controlled release of doxorubicin to cancer cells using modified single wall carbon nanotubes. *Biomaterials*, 30(30), 6041-6047.
- [17] Hajipour, M. J., Santoso, M. R., Rezaee, F., Aghaverdi, H., Mahmoudi, M., & Perry, G. (2017). Advances in alzheimer's diagnosis and therapy: The implications of nanotechnology. *Trends in biotechnology*, 35(10), 937-953.
- [18] Pérez-Herrero, E., & Fernández-Medarde, A. (2015). Advanced targeted therapies in cancer: Drug nanocarriers, the future of chemotherapy. *European journal of pharmaceutics and biopharmaceutics*, 93, 52-79.
- [19] Hajba, L., & Guttmann, A. (2016). The use of magnetic nanoparticles in cancer theranostics: Toward handheld diagnostic devices. *Biotechnology advances*, 34(4), 354-361.
- [20] Liu, Z., Robinson, J. T., Tabakman, S. M., Yang, K., & Dai, H. (2011). Carbon materials for drug delivery & cancer therapy. *Materials today*, 14(7-8), 316-323.
- [21] Heister, E., Neves, V., Lamprecht, C., Silva, S. R. P., Coley, H. M., & McFadden, J. (2012). Drug loading, dispersion stability, and therapeutic efficacy in targeted drug delivery with carbon nanotubes. *Carbon*, 50(2), 622-632.
- [22] Nielsen, H. A., & Madsen, H. (2006). Modelling the heat consumption in district heating systems using a grey-box approach. *Energy and Buildings*, 38(1), 63-71.
- [23] Chen, H.; Medley, C.; Sefah, K.; Shangguan, D.; Tang, Z.; Meng, L.; Smith, J.; Tan, W. Molecular

ریاضی با قابلیت پیاده‌سازی بالینی ارائه شده است. این مدل برای تجزیه و تحلیل نیروی‌های تعاملی مورد نیاز برای عبور نانولوله کربنی عامل‌دار شده از میان غشای سلوالی مورد بررسی قرار داده شده است. شبیه‌سازی مقیاس نانو توسط تکنیک شبیه‌سازی دینامیک مولکولی (MD) برای درک رفتار مولکولی سامانه دارورسانی مورد استفاده قرار گرفت. در این مطالعه نانولوله‌های کربنی در سرعت‌های مختلف از غشا عبور می‌کنند و رفتار فرکانسی غشا منطبق با یک سیستم پویا تخمین زده شد. سپس مدل ریاضی بدست آمده از سیستم جهت تنظیم میزان بهینه گردایان و بزرگی میدان مغناطیسی برای عبور در مدت زمان ۳۰ ثانیه، ۱، ۲، ۵ دقیقه استفاده گردید. نتایج این مقاله می‌تواند در آزمایش‌های بالینی بهینه گردید و هدف این گروه در ادامه کار تعمیم این روش برای ارائه درمان دیگر بیماری ریوی از جمله سل، کوید ۱۹ و غیره است.

## مراجع

- [1] Weigl, B. H., & Yager, P. (1999). Microfluidic diffusion-based separation and detection. *Science*, 283(5400), 346-347.
- [2] Zhang, Y., Kohler, N., & Zhang, M. (2002). Surface modification of superparamagnetic magnetite nanoparticles and their intracellular uptake. *Biomaterials*, 23(7), 1553-1561.
- [3] Cooper, R. P., Doyle, J. F., Dunn, D. S., Vellinger, J. C., & Todd, P. (2004). Multistage magnetic particle separator II. Classification of ferromagnetic particles. *Separation science and technology*, 39(12), 2809-2825.
- [4] Lau, C. K., Diem, M. D., Dreyfuss, G., & Van Duyne, G. D. (2003). Structure of the Y14-Magoh core of the exon junction complex. *Current Biology*, 13(11), 933-941.
- [5] Lübbe, A. S., Bergemann, C., Brock, J., & McClure, D. G. (1999). Physiological aspects in magnetic drug-targeting. *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, 194(1-3), 149-155.
- [6] Balimane, P. V., & Chong, S. (2005). Cell culture-based models for intestinal permeability: a critique. *Drug discovery today*, 10(5), 335-343.
- [7] Baghaei, B., Saeb, M. R., Jafari, S. H., Khonakdar, H. A., Rezaee, B., Goodarzi, V., & Mohammadi, Y. (2017). Modeling and closed-loop control of particle size and initial burst of PLGA biodegradable nanoparticles for targeted drug delivery. *Journal of Applied Polymer Science*, 134(33), 45145.
- [8] Jordan, A., Scholz, R., Wust, P., Fähling, H., & Felix, R. (1999). Magnetic fluid hyperthermia (MFH): Cancer treatment with AC magnetic field induced excitation of biocompatible superparamagnetic nanoparticles. *Journal of Magnetism and Magnetic materials*, 201(1-3), 413-419.
- [9] Hilger, I., Fröhlauf, K., Andrä, W., Hiergeist, R., Herkt, R., & Kaiser, W. A. (2002). Heating potential of iron oxides for therapeutic purposes in interventional radiology. *Academic radiology*, 9(2), 198-202.

- recognition of small-cell lung cancer cells using aptamers. *Chemmedchem* 2008, 3, 991–1001.
- [24] Majumder, J., & Minko, T. (2020). Targeted Nanotherapeutics for respiratory diseases: cancer, fibrosis, and coronavirus. *Advanced Therapeutics*, 2000203.