



تولید دستور کنترلی بهینه برای دویدن صفحهای ربات دوپای اتـریاس در مقـایـسه با دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری

بهنام داداش زاده'، حیدر شبان'، سید محمد رضا سید نورانی'، بهروز کوهستانی'

استادیار، دانشکدهٔ مهندسی فناوریهای نوین، گروه مهندسی مکاترونیک، دانشگاه تبریز، b.dadashzadeh, smrs.noorani, b.koohestani} @tabrizu.ac.ir

shaban.heidar91@ms.tabrizu.ac.ir (ایشان او این او این او این او این او این این این او این این او ا

(تاریخ دریافت مقاله ۱۳۹۳/۱۱/۱۸، تاریخ پذیرش مقاله ۱۳۹۴/۳/۱۴)

چکیده: در این مقاله به تولید گام دویدن بهینه برای مدل صفحهای ربات دوپای اتریاس می پردازیم. ربات اتریاس در دانشگاه ایالتی اورگان با هدف دویدن با سرعت بالا طراحی شده است. الگوی دویدن اتریاس قبلا بر مبنای مدل آونگ وارون فنری طرحریزی شده است. اگرچه این مدل غیرفعال مبنای خوبی برای تولید گام در رباتهای دوپا می باشد ولی الزاماً بهترین جواب انرژی کارا نیست. از این رو در این مقاله به کمک روش برمبنای مشتق و با شروع از جواب موجود که بر مبنای مدل آونگ وارون فنری می باشد، به جستجوی الگویی برای تولید گام دویدن می پردازیم که شاخص مصرف انرژی در طول یک قدم کامل یعنی هزینه ی حمل را کمینه کند. برای این منظور ابتدا با استخراج معادلات حرکت در هر یک از مراحل زمان پیوسته تکیه گاهی و پرواز و نیز مدل گذار بین آنها در لحظههای کنده شدن و برخورد، مدلی صفحهای از دویدن ربات اتریاس به دست می آوریم. سپس با پارامتری کردن منحنی گشتاور موتورها با استفاده از توابع ایندا با استخراج معادلات حرکت در هر یک از مراحل زمان پیوسته تکیه گاهی و پرواز و نیز مدل گذار بین آنها در لحظههای کنده شدن و برخورد، مدلی صفحهای از دویدن ربات اتریاس به دست می آوریم. سپس با پارامتری کردن منحنی گشتاور موتورها با استفاده از توابع ایندا با می درجه ۳۵ ۴ و ۵ تکرار می شود تا بهترین شکل گشتاورها برای مسئلهی مورد نظر حاصل شود. نتایج نشان می دهند به ازی هر سه ای مای درجه ۳۵ ۴ و ۵ تکرار می شود تا بهترین شکل گشتاورها برای مسئلهی مورد نظر حاصل شود. نتایج نشان می دهند به ازای هر سه منحنی گشتاور بهینه سازی شده، هزینه ی حمل نسبت به مقدار حاصل از دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری بهبود می بابد. بهترین

کلمات کلیدی: ربات دوپای اتریاس، تولید گام، پارامتریسازی، بهینهسازی برمبنای مشتق.

Optimal Control Command Generation for Planar Running of ATRIAS Biped Robot vs. SLIP Based Running

Behnam Dadashzadeh, Heidar Shaban, Mohammad-Reza S. Noorani, Behrooz Koohestani

Abstract: In this paper we investigate generating an optimal running gait for the planar model of ATRIAS bipedal robot. ATRIAS is a robotic prototype implemented in Oregon State University with the aim of high speed running. Gait generation for ATRIAS has been done based on SLIP model. Although this passive model is a good base for gait generation, it does not necessarily yield to the best energy efficient solution. So, in this paper via the gradient based method starting from an initial point given by SLIP based control, we search for an optimal pattern for the running gait that minimizes cost of transport (COT) during one complete step. Equations of motion for each continuous time phases, called stance and flight, and models for take-off and touch-down events are derived. Then by parameterization of motors torque profiles using polynomials and solving the direct dynamic model, optimization problem is solved to minimize COT. The optimization is repeated three times by performing the parameterization in terms of polynomials of degrees 3, 4, and 5, to obtain the most efficient torque profiles. The results indicate that for all three shapes of polynomials COT is reduced compared with SLIP based running gait. Moreover, the minimal COT is achieved by torque profiles of degree 4.

Keywords: ATRIAS Biped Robot, Gait Generation, Parameterization, Gradient based Optimization.

۱ – مقدمه

رباتهای انسان نما از جذاب ترین و پیچیده ترین موضوعات مهندسی رباتیک به حساب می آیند، که طی سالهای اخیر علاقهی پژوهشگران زیادی را به خود جلب کردهاند. شاخصه ی اصلی رباتهای انسان نما راه رفتن بر روی دوپا می باشد که آنها را از سایر رباتهای متحرک متمایز می سازد. مزیت اصلی این مکانیزم حرکتی، قابلیت مانوردهی در محیط-های پیچیده و عبور از موانع و سطوح ناهموار می باشد. در مقابل، پیچید گی و توان مصرفی بالا از معایب آن محسوب می شود [۱].

از دیدگاه حفظ تعادل در حرکت، گامبرداری رباتهای دوپا به دو شکل «تعادل استاتیکی» و «تعادل دینامیکی» قابل اجرا خواهد بود. اگر در طول زمان گام برداری پیکرهی مکانیکی ربات در تعادل استاتیکی قرار گیرد، (حتی با خاموش شدن موتورها) چنین الگوی حرکتی را تعادل استاتیکی می گوییم. از نقطه نظر مکانیکی، این شرط هنگامی برقرار می-شود که امتداد اثر نیروی وزن همواره درون محدودهی چندضلعی تکیه-گاهی قرار گیرد. اما اگر این شرط در بخشی از دورهی حرکت نقض شود و همچنان ربات دوپا قادر به اجرای حرکتی پایدار باشد، آنگاه گام-برداری به شکل تعادل دینامیکی اجرا میشود. انسان به طور طبیعی به مکل تعادل دینامیکی حرکت میکند؛ در واقع در بخشی از دورهی حرکت، شخص با به جلو راندن بالاتنه و در نتیجه مرکز جرم بدن، خود را به جلو انداخته و شرط تعادل استاتیکی را بههم میزند. بدین ترتیب نیروی وزن در تأمین بخشی از انرژی لازم برای جلو راندن بدین میم شده و کارایی مکانیزم حرکتی افزایش مییابد.

با ملاحظهی نیروی محرکه ربات، میتوان رباتهای دوپا را به دو دستهی غیرفعال و فعال تقسیمبندی کرد. رباتهای غیرفعال فاقد هر نوع محرکهی خارجی در سیستم حرکتی خود هستند و حرکت آنها تنها تحت تأثیر نیروی گرانش و روی بستری شیبدار انجام میگیرد. نظریهی رباتهای غیرفعال اولین بار توسط مک گیر در سال ۱۹۹۰ ارائه شد [۲]. در واقع رباتهای غیرفعال به عنوان بستری برای مطالعهی اصول حرکتی در یک ربات دوپا، مبتنی بر حرکت طبیعی انسان، مورد توجه پژوهشگران قرار گرفتهاند [۳–۵].

اگرچه هم انسان و هم رباتهای دوپای امروزی دارای محرکههای متعددی در سیستم حرکتی خود هستند، با این حال همچنان که اشاره شد، در حرکت به شکل طبیعی که با تعادل دینامیکی محقق خواهد شد،

در بخشی از طول قدم، پیکره ی مکانیکی پیش انداخته می شود تا تحت نیروی وزن به جلو سقوط کند؛ که البته با فرود آمدن پای آونگی از سقوط کامل و ناپایداری حرکت جلوگیری می شود. بنابراین اگر پیکره ی ربات (یا بدن انسان) را به شکل یک مجموعه نگاه کنیم، در هنگام سقوط پیکره به سبب عدم تعادل استاتیکی، نیروی وزن پیکره به عنوان یک منبع انرژی پیشران عمل میکند. از دیدگاه دینامیکی این سیر حرکتی مدلی مشابه یک آونگ وارون دارد، که روی تکیه گاهش به-شکل فعال یا غیرفعال لولا شده و در یک تعادل ناپایدار حول وضعیت تعادلی خود در نوسان است. توجه کنیم که مدل آونگ وارون در حل فاز تکیه گاهی بررسی می شود و مطلوب است که حرکت ترکیبی فازهای حرکت به طور پایدار در دوره های تناوبی قدم تکرار شود.

بهعلاوه در حرکت یک ربات دوپا باید توجه داشت که به سبب تحریک مفاصل و حرکت رابطها و در نتیجه تغییر پیکرهبندی، مرکز جرم بدن محل ثابتی نداشته و در صفحهی حرکت (با فرض حرکت صفحهای) جابهجا خواهد شد. بر این اساس با اصلاح مدل آونگ وارون، مدل کامل تر «آونگ وارون فنری⁽» ارائه شده است، که در آن رابط بین جرم متمرکز و نقطهی تکیه گاهی فنری میباشد تا بدین ترتیب جابجایی محل مرکز جرم امکانپذیر شود [۶–۸].

نکتهی دیگری که باید به آن اشاره کرد، وجود یا عدم وجود کف پا است. در حالتی که کف پا وجود دارد مفصل قوزک پا فعال است و در فاز تکیه گاهی سیستم با تحریک کامل^۲ میباشد. اما در حالت پای نقطه ای، مفصل بین ساق پای تکیهگاهی و زمین غیرفعال میباشد و از دیدگاه کنترلی در این حالت با یک سیستم زیرفعال^۲ مواجه هستیم. در این حالت طرح کنترلی در تمام دورهی قدم میبایست تضمین کنندهی پایداری حلقه باز سیستم نسبت به درجه آزادی غیرفعال سیستم باشد و این موضوع سبب پیچیدگی بیشتر در تولید یک گام پایدار در رباتهای دوپای زیرفعال خواهد شد [۹–۱۰].

از نقطهنظر ریاضی نیز رباتهای دوپا چالش برانگیز خواهند بود. علاوه بر تعداد درجات آزادی زیاد که به معادلات حرکت به شدت غیرخطی و جفتشده منجر میشود، گذار بین برخی فازهای حرکت نیز پیوسته نیست. علت این امر وجود ضربه و تغییر آنی سرعتها است که سبب پرش در نمودار زمانی آنها خواهد شد. به علاوه در گام دویدن

^{1.} Spring Loaded Inverted Pendulum (SLIP)

^{2.} Fully actuated

^{3.} Underactuated system

وجود فاز پرواز، سبب اضافه شدن متغیرهای تعمیمیافته در حرکت بالستیک خواهد شد و این امر معادلات حرکت را به دو فاز تکیهگاهی و پرواز می شکند.

همچنین از منظر طراحی رباتهای دوپا، میتوان مکانیزمهای حرکتی را به دو دسته یپای صلب و پای انعطاف پذیر تقسیم کرد. پای انعطاف پذیر نیز به دو دسته یزانودار فنری و کشویی فنری قابل تقسیم-بندی است. مکانیزمهای زانودار فنری نیز از نظر نحوه ی اتصال فنر بین موتور و فنر در قالب طرحهای سری، موازی و یا ترکیبی از سری و از لحاظ صرفه ی انرژی در مقایسه با مکانیزمهای پای صلب کارایی بیشتری دارند. علاوه بر این راه رفتن و دویدن آنها در مقایسه با ربات با پای صلب طبیعی تر است و نمودار نیروی عکس العمل نوک پای آنها شبیه تر به نمونه ی انسانی می شود. حتی می توان ادعا نمود استفاده از پای انعطاف پذیر برای دویدن و راه رفتن ربات دوپا ضروری است [1].

از نظر تاریخی، اولین ربات انسان نما با ۱۱ درجه آزادی در سال ۱۹۷۳ توسط کاتو و همکارانش در دانشگاه واسدا^۱ در کشور ژاپن ساخته شد. این ربات قادر بود تا به طور تعادل استاتیکی راه برود. البته آنها بعداً گام حرکت را به گام تعادل شبه دینامیکی توسعه دادند [۱۲]. پس از آن نیز توسعهی رباتهای انسان نما با حرکت استاتیکی و یا شبه دینامیکی ادامه یافت، و شاید بتوان گفت مشهور ترین آنها ربات آسیمو^۲ ساخت شرکت هوندا باشد. این ربات بر مبنای معیار «نقطهی لنگر صفر^۳).

شایان ذکر است معیار نقطه ی لنگر صفر اولین بار در سال ۱۹۶۹ توسط و کوبراتویچ، اهل کشور یوگسلاوی سابق، مطرح شد. این معیار برای حفظ تعادل استاتیکی در رباتهای دوپا دارای کف پا استفاده شده است. نقطه ی لنگر صفر مکانی است که مجموع لنگرهای واژگون کننده شامل لنگر نیروی وزن و نیروهای لختی تمام اعضا، حول آن نقطه صفر است. مطابق این معیار تا هنگامی که نقطه ی لنگر صفر داخل چندضلعی تکیه گاهی قرار گیرد سیستم مکانیکی در تعادل دینامیکی خواهد بود و اگر این نقطه به مرز چندضلعی تکیه گاهی برسد پا در حال واژگون شدن است. واضح است که این معیار در رباتهای دوپا دارای کف پا کارآیی دارد اما در رباتهای دوپا با پای نقطه ای که در آن نقطه گشتاور صفر همواره در نقطه اتصال پا به زمین قرار دارد، پا همواره در حال واژگون شدن است و اعمال معیار نقطهی لنگر صفر ممکن نیست [۱۴]. در این موارد حرکت پایدار میبایست با روشهای دیگری مثل پایداری کل حلقه موارد حرکت پایدار میبایست با روشهای دیگری مثل پایداری کل حلقه

به جز روش اعمال معیار نقطهی لنگر صفر، روشهای دیگری نیز برای تولید گام[‡] و پایدارسازی آن در رباتهای دوپا استفاده شده است.

برای نمونه روش های مبتنی بر یادگیری مانند شبکههای عصبی و یا یادگیری تقویتی [10–17]، روش های مبتنی بر مولدهای الگوی مرکزی الهام گرفته از جانوران [1۷–1۸]، تولید و کنترل گام بر مبنای مدل آونگ وارون فنری [1۹–۲]، فراهم آوردن شرایط پایدارسازی گام در مکانیزمهای غیرفعال [۳–۵]، و روش تعریف قیود هولونومیک مجازی و طرح قانون کنترلی برای ماندن روی منیفولد دینامیک صفر⁶ [۲۱–۲۴] به وفور در ادبیات فن مطرح شدهاند. شایان ذکر است در بیشتر روش های رایج، پارامتری کردن متعیرهای مفاصل⁶ و سپس اعمال روشی برای یافتن بایداری مانند نگاشت بازگشتی پو آنکاره^۸ [۲۲–۲۴] روال عمومی تولید گام در ربات های دوپا میباشد.

در این مقاله قصد داریم به روش پارامتری کردن توابع زمانی گشتاورهای مفاصل یک نمونه ربات موجود، یعنی ربات دوپای اتریاس^{*}، گام دویدن این ربات را در مدل صفحهای آن که در نرمافزار متلب شبیه-سازی می شود بهینه سازی کنیم. تابع هزینهی مورد نظر برای این هدف عبارت است از انرژی لازم در موتورها به ازای واحد وزن ربات و واحد مسافت طی شده که به آن «هزینهی حمل^{۱۱}» گوییم. به ویژه قصد داریم نشان دهیم گام دویدن بهینهی بهدست آمده به این روش، در مقایسه با گامی که به روش کنترل شده بر اساس مدل آونگ وارون فنری حاصل شود، از هزینهی حمل کمتری برخوردار است.

در مسئلهی بهینهسازی از «روش برمبنای مشتق^{۱۱}» استفاده میشود. پارامتری کردن تاریخچهی زمانی گشتاورها نیز با ساختار چندجملهایها انجام می گیرد. روند یارامتری کردن با چندجملهای های درجه ۳، ۴ و ۵ تکرار می شود تا بهترین شکل گشتاورها برای مسئلهی مورد نظر حاصل شود. شایان ذکر است نمودار گشتاور هر مفصل شامل دو چندجملهای هم درجه خواهد بود که یکی برای مرحلهی تکیه گاهی و دیگری برای مرحلهی پرواز منظور می شود. بنابراین ابعاد فضای جستجو وابسته به تعداد مفصل های ربات، درجه چندجملهای ها، و تعداد مراحل زمان پیوسته در حرکت خواهد بود. همچنین برای طرحریزی گام دویدن و اطمینان از اینکه نمودار گشتاورها پس از اعمال به مدل شبیهسازی شدهی ربات مفروض، محدودیتهای فیزیکی مانند فرو نرفتن درون سطح تکیهگاهی را رعایت می کند، قیدهای مناسبی تعریف شده و برای هر جواب احتمالی در روند بهینهسازی ارزیابی میشوند. پس از حصول جوابهای بهینه به روش برمبنای مشتق، مسئلهی موجود با روش الگوریتم ژنتیک نیز حل می شود. هدف از این بررسی، اول مقایسهی زمانبری و هزینهی محاسباتی بین دو روش برمبنای مشتق و الگوریتم ژنتیک، و دوم حصول

^{5.} Zero Dynamics Manifold

^{6.} Joint Trajectory Parametrization

^{7.} Evolution Algorithms 8. Poincare Return Man

^{9.} ATRIAS (Assume The Robot Is A Sphere)

^{10.} Cost of Transport

^{11.} Gradient Based Method

^{1.} Waseda University 2. HONDA ASIMO 2007

^{3.} Zero Moment Point (ZMP)

^{4.} Gait Generation

اطمنیان از اینکه جوابهای به دست آمده از روش برمبنای مشتق یک کمینهی محلی در فضای جستجو نیستند، میباشد.

در بخشهای بعدی ابتدا به معرفی فنی ربات اتریاس و سپس و استخراج معادلات حرکت حاکم بر آن میپردازیم. استخراج معادلات حرکت به منظور شبیه سازی نرم افزاری ربات لازم خواهد بود. پس از آن مسئلهی طرحریزی گام و یافتن جواب بهینه که انرژی لازم برای دویدن را کمینه کند دنبال می شود. بدین منظور ابتدا با پارامتری کردن نمودار گشتاورهای مفاصل هر بار مسئلهی دینامیک مستقیم ربات به ازای هر جواب احتمالی در روند بهینه یابی حل شده و سپس تابع هزینه که متناسب با کار انجام شده یا همان انرژی مصرف شده باشد محاسبه می شود. ۳، ۴ و ۵ تکرار می شود. در آخر جواب های بهینهی به دست آمده، با الگوی گام دویدن که بر مبنای مدل آونگ وارون فنری طرحریزی شده و در عمل روی ربات اتریاس پیاده سازی شده است مقایسه می شود، تا کارآمدی روش و شایستگی جواب های حاصل ارزیابی شود.

۲- معرفی فنی ربات دوپای اتریاس

ریات دویای اتریاس در دانشگاه ایالتی اورگان آمریکا به سرپرستی دکتر جی. هرست ساخته شده است. این ربات دارای یای نقطهای (فاقد کف یا) است و برای حرکت صفحهای از مکانیزم «میلهی گردان^۲» استفاده می کند. پیکرهبندی ربات شامل یک رابط برای تنه، دو رابط ران و دو رابط ساق میباشد و در یک زنجیرهی متوالی سینماتیکی با مفاصل لولایی به هم متصل هستند. البته از لحاظ طراحی مکانیزم هر پا شامل دو موتور الکتریکی تعبیه شده در قسمت تنهی ربات است که به واسطهی اهرمبندی های چهارمیلهای رابط های ران و ساق را به طور مستقل حرکت مىدهند. علاوه بر اين اهرمېندىهاى چهارميلهاى بين موتورها و رابطهاى ران و ساق، شامل صفحهی واسطهی فنری هستند که مطابق شکل ۱، در نقش فنری که به طور سری بین موتور و رابط قرار می گیرد مدل می شود. در این شکل هم موتور و فنر صفحهای واقعی و هم موتور و فنر شماتیکی نشان داده شدهاند. بنابراین اتریاس از جمله رباتهای انعطافپذیر " محسوب می شود. با توجه به نبود کف پا و غیرفعال بودن مفصل پای نقطهای با زمین، ربات اتریاس در تمام دورهی گام حرکتی خود زیرفعال است و بدیهی است حرکت این ربات با تعادل دینامیکی اجرا می شود [40]

۳- مدلسازی دینامیکی

یک قدم دویدن در رباتهای دوپا شامل چهار مرحلهی متوالی است که باید به ترتیب زیر دنبال شوند، و به شرط پایداری گام، حالت سیستم

در انتهای مرحلهی چهارم منطبق بر حالت اولیهی آن در شروع دوره گردد:



شکل ۱: مکانیزم چهارمیلهای پای ربات اتریاس با سیستم تحریک فنری [۲۳]

۱- مرحله تکیه گاهی: قدم دویدن با مرحله تکیه گاهی آغاز می-شود و طی آن مجموعه پیکره با دوران حول نقطه اتکای پای تکیه-گاهی بر زمین، خود را به جلو سوق میدهد. در مرحله تکیه گاهی معادلات حرکت در قالب معادلات دیفرانسیل غیرخطی زمان پیوسته است و به سبب عدم وجود موتور در نقطه ی اتکای پا، سیستم زیرفعال می شود.

۲- لحظهی کندهشدن: چنانچه ربات در مرحلهی تکیهگاهی طوری پیش برود که انرژی لازم برای بلند شدن مجموعه فراهم آید، آنگاه لحظهای پیش خواهد آمد که نیروی واکنش زمین در نقطهی اتکای پا صفر میشود. با رخ دادن این وضعیت، شرایط گذر از مرحلهی تکیه-گاهی به مرحلهی پرواز برای ربات دونده برقرار شده است.

۳- مرحله ی پرواز: در این مرحله هر دو پای ربات از زمین جدا شده و مجموعه ی ربات یک حرکت بالستیک را اجرا می کند. با فرض صفحه ای بودن، در مرحله ی پرواز دو درجه آزادی انتقالی مازاد در دو راستای افقی و قائم به درجات آزادی ربات افزوده می شوند. در واقع باید گفت حرکت مرکز جرم در صفحه ی قائم مانند حرکت یک پرتابه دنبال خواهد شد. با این حال پیکرهبندی ربات در حین مرحله ی پرواز توسط مفاصل فعال قابل کنترل است. بنابراین می توان پیکرهبندی مناسبی برای فرود پای تکیه گاهی بعدی بر زمین ایجاد نمود.

۴- لحظهی برخورد: با استقرار پای تکیه گاهی (پای آونگی دوره ی پیشین) دوره جدیدی آغاز می شود. در لحظهی برخورد ضربه ی پا بر زمین موجب تغییر آنی در تکانه و در نتیجه متغیرهای حالت سرعت می-شود در حالی که متغیرهای حالت پیکره بندی پیوسته می مانند. مدل برخورد متغیرهای حالت پس از برخورد را به همان ها در پیش از برخورد مرتبط می کند. این مدل که یک نگاشت گسسته است به «نگاشت برخورد» نیز شناخته می شود.

اگر مراحل بالا به ترتیب در دورههای متناوب گامبرداری تکرار شوند، آنگاه قدمهای دویدن متناوب تولید میشود. برای تحقق این

^{1.} Oregon State University

Rotating Boom
 Compliant Robots

موضوع لازم است بردار حالت سیستم در انتهای مرحلهی چهارم منطبق بر بردار حالت سیستم در ابتدای مرحلهی اول واقع شود. از این رو در این مقاله سعی می کنیم طرحریزی گام با برآوردن ملزومات فوق انجام گیرد.

در طراحی مدل ربات اتریاس فرضیات زیر را در نظر می گیریم:

۱- محور هر موتور به واسطهی یک جعبهدنده یکاهنده با نسبت
 کاهش ۲_g = ۵۰ به رابط چهارمیله ای خود متصل می شود.

۲ میلهی واسطهی فنری در هر چهارمیلهای، ترکیبی سری در اتصالات به صورت «موتور – فنر – رابط» ایجاد میکند. از این رو می-توان گفت گشتاور خروجی از محور موتور، پس از ملاحظهی جعبهدنده و اهرمبندی، به طور متناسب بر فنر اعمال میشود [۲۵].

۳- در ربات اتریاس فنر و موتور دارای خاصیت میرایی نیز میباشند که به صورت میراگر ویسکوز در مدل دینامیکی لحاظ می شود و سهم تلفات ریلی نیز در استخراج معادلات حرکت منظور می شود.

۴– از تغییر مکان مرکز جرم صفحات فنری ناشی از خمش آنها تحت تأثیر نیروی روی پاها صرف نظر میشود.

۵– برخورد به صورت پلاستیک و بدون برگشت و یا لغزش پا در نظر گرفته میشود.

برای نگهداری ربات اتریاس از میلهی گردان بلندی استفاده می شود، که به وسیلهی آن از حرکت ربات در صفحهی تمامرخ ^۲ جلو گیری شده و حرکتی صفحهای در صفحهی نیمرخ^۲ را به دست می دهد. از این رو مناسب است در انتخاب مختصات تعمیم یافته، زاویهی بدنهی ربات با راستای عمودی را ثابت فرض کنیم، و مطابق شکل ۲ سایر زوایای رابط-ها را نیز با سنجش نسبت به محور عمودی محاسبه کنیم (زوایای مطلق). بنابراین مدل ربات اتریاس بر مبنای بدنه قفل شده ^۲ ساخته می شود.

در مرحلهی تکیه گاهی نقطهی تماس پای تکیه گاهی با زمین به عنوان مبدأ چارچوب مرجع انتخاب شده و پیکره بندی ربات نسبت به آن توصیف می شود. مطابق شکل ۲، برای هر پا چهار مختصه ی پیکره بندی داریم که عبارتند از زوایای رابطهای ران، میله بالایی، فنر ران، و فنر میله بالایی، که همگی نسبت به راستای رابط تنه سنجیده می شوند. با انتخاب این زوایا به عنوان مختصات تعمیم یافته، آنها را برای پای تکیه گاهی به ترتیب با ۹۱، ۲۵، ۲۵، ۹۹، ۹۹، و به طور متناظر برای پای آونگی با ۶۶، 6۵، م ۳۵، می نشان می دهیم. آنگاه با معلوم بودن این زوایا، پیکره بندی ربات در مرحله ی تکیه گاهی مشخص می شود. کنده شدن پای تکیه گاهی در مرحله ی پرواز دو درجه آزادی اضافه می کند که از این رو دو مختصه ی مرحله ی پرواز دو درجه آزادی اضافه می کند که از این رو دو مختصه ی با می مود. بنابراین ۴ موتور یا ۴ مفصل فعال در راندن مجموعه ی ربات پا می شود. بنابراین ۴ موتور یا ۴ مفصل فعال در راندن مجموعه ی ربات سهیم هستند. گشتاور کنترلی روی هر مفصل که موجب تغییر زاویه ی

1. Frontal Plane

2. Sagittal Plane 3. Locked Torso

است. مقادیر مشخصههای فیزیکی و مکانیکی اجزا ربات اتریاس بر اساس نمونهی ساخته شدهی آن در جدولهای ۲ و ۳ فهرست شده است [۲۵–۲۶].



شکل ۲: مختصات تعمیم یافتهی انتخابی برای تحلیل دینامیکی ربات اتریاس

ول ۱: گشتاورهای کنترلی روی مفاصل فعال.
--

6 -0.63 - 0.	
تعريف	نماد
گشتاور کنترلی محرک رابط HB (پای تکیه گاهی)	u_1
گشتاور کنترلی محرک رابط HC (پای تکیه گاهی)	u_2
گشتاور کنترلی محرک رابط HE (پای آونگی)	u_3
گشتاور کنترلی محرک رابط HF (پای آونگی)	u_4

شدهي ربات اترياس	اجزا در نمونهي ساخته	: مشخصههای فیزیکی ا	جدول ۲
------------------	----------------------	---------------------	--------

مرکز جرم a _i (m)	طول l _i (m)	جرم m _i (kg)	لنگر لختی Ī _i (kg.m²)	نمايه	رابط
•/199	۰/۵	•/985	۰/۰۱۹۸	١	HB, HE
•/149	۰/۴	•/%١•	•/•169	۲	HC, HF
۰/۱۰۶	۰/۵	۰/۵۱۰	•/•14٣	٣	AB, IE
•/•٧٩	۰/۵	•/۴۷۵	•/•1•9	۴	CD, FG
•/184	-	۵۰/۶۵۰	۳/۸۳۱۶	٩	بدنه*
$a_{S_1} = \cdot / \cdot \mathfrak{f} \mathfrak{d}$ $a_{S_2} = \cdot / \cdot \mathfrak{v} \mathfrak{r}$	_	١/٧٠٥	•/•731	S	مجموعه فنر

*جرم روتور روى جرم بدنه لحاظ شده است.

ساخته شدهي ربات اترياس	کانیکی اجزا در نمونهی	جدول ۳: مشخصههای م
------------------------	-----------------------	--------------------

مقدار	15	
تخميني	62	ىمىت
•/•987	N.m/A	ثابت گشتاور موتور (k)
•/••18	kg. m²	لنگر لختی روتور و درایور (J _r)
4119	N.m/rad	ضریب فنری پیچشی (k _S)
1/49	N.m.s/rad	ضریب میرایی پیچشی (C _S)
19/1	N.m.s/rad	میرایی پیچشی معادل جعبهدنده (C _{hd})

فنرى

معادلات حاکم بر حرکت در هر یک از مراحل تکیه گاهی و پرواز ربات اتریاس در صفحهی نیمرخ، بهروش لاگرانژی و با احتساب سهم مربوط به تلفات ریلی استخراج می شود. بدین ترتیب داریم: $\frac{d}{dt}\left(\frac{\partial L}{\partial \dot{q}_{i}}\right) - \frac{\partial L}{\partial q_{i}} + \frac{\partial R}{\partial \dot{q}_{i}} = Q_{i}$ (۱)

$$L = T - V \tag{(Y)}$$

که در روابط بالا، L لاگرانژین، T و V به ترتیب انـرژی جنبشی و پتانسیل، R کار اتلافی ریلی، Qi نیرویهای تعمیمیافته اعمال شده توسط موتورها، و qi مختصههای تعمیمیافتهی مجموعه هستند.

انرژی جنبشی کل شامل مجموع انرژی جنبشی انتقالی و دورانی هر یک از اجزای ربات میباشد، یعنی:

$$T = \sum_{i} \left(\frac{1}{2}m_i \bar{v}_i^2 + \frac{1}{2}\bar{I}_i \omega_i^2\right) \tag{(f)}$$

$$V = \sum_{i} m_{i}gh_{i} + \sum_{i=1}^{2} k_{S_{i}} (\Delta \Theta_{S_{i}})^{2}$$
که در آن، h ارتفاع مرکز جرم هر رابط نسبت به زمین، k_{S} ضریب

پیچشی معادل و Δθ_S پیچش معادل ناشی از تغییر شکل رابطهای فنری میباشند. تلفات ریلی در جعبهدنده و مکانیزم فنری نیز بر اساس مدل اصطکاک لزج به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$R = \frac{1}{2}\dot{q}^T D\dot{q} \tag{(b)}$$

که در آن D ماتریس میرایی شامل ضرائب میرایی پیچشی ربات میباشد. نیروهای تعمیمیافته را نیز میتوان بر مبنای اصل کار مجازی از تساوی زیر محاسبه نمود:

$$\delta W = \sum_{i} Q_{i} \delta q_{i}$$

$$\equiv r_{g} \begin{bmatrix} 0 & 0 & u_{1} & u_{2} & 0 & 0 & u_{3} & u_{4} \end{bmatrix}^{T} \delta q$$
(9)

۳-۱- معادلات حرکت در مرحلهی تکیه گاهی

در مرحلهی تکیه گاهی فرض کرده ایم با تأمین اصطکاک لازم انتهای پای تکیه گاهی بر زمین لولا شده و مجموع پیکره حول این نقطه دوران میکند. شرط تحقق این امر آن است که در طول فاز تکیه گاهی همواره $0 < F_y$ باشد تا تماس پا با زمین حفظ شود و $F_x < \mu_s F_y$ باشد تا لغزش رخ ندهد، که در آن $x F_z$ و y نشان دهنده مولفه افقی و عمودی نیروی واکنش زمین و x نشان دهنده ضریب اصطکاک ایستایی بین پا و زمین میباشد. در این فاز پیکره بندی ربات شامل یک زنجیرهی سینماتیکی باز میباشد که میتوان با شروع از نقطهی تکیه گاه مشخصه-مای سینماتیکی همهی رابط ها را نسبت به چار چوب مرجع محاسبه نمود. پس از آن میتوان معادلات حرکت را تشکیل داد. برای نمونه اگر قسمت بالایی پای تکیه گاهی را در نظر بگیریم، محاسبات زیر میبایست انجام گیرد:

انرژی مکانیکی رابط ران HB:

اگر $ar{X}_{HB}^{\hat{K}}$ و $ar{Y}_{HB}^{\hat{K}}$ به ترتیب مختصههای افقی و عمودی مرکز جرم رابط HB و بالانویس s نمایندهی مقدار آنها در مرحلهی تکیه گاهی باشد، آنگاه داریم:

$$\bar{x}_{HB}^{s} = l_{3} \sin(-q_{2}) - (l_{1} - a_{1}) \sin(q_{1})$$
 (1-V)

$$\bar{y}^{s}_{HB} = l_{3} \cos(-q_{2}) + (l_{1} - a_{1}) \cos(q_{1})$$
 انرژی جنبشی رابط HB عبارت خواهد بود از:

$$T_{HB}^{s} = \frac{1}{2}m_{1}((\dot{\bar{x}}_{HB}^{s})^{2} + (\dot{\bar{y}}_{HB}^{s})^{2}) + \frac{1}{2}\bar{I}_{1}(\dot{q}_{1})^{2} \tag{A}$$

$$Iii_{1}(\dot{c}_{2})$$

$$Iii_{1}(\dot{c}_{2})$$

$$Iii_{1}(\dot{c}_{2})$$

$$Iii_{1}(\dot{c}_{2})$$

$$V_{HB}^{s} = m_1 g \bar{y}_{HB}^{s} \tag{9}$$

انرژی مکانیکی مکانیزم فنری متصل به رابط HB:

با توجه به آنکه جرم مکانیزم فنری متصل به رابطها در مقایسه با خود رابطها قابل ملاحظه است، لذا لازم است تأثیر آن در معادلات حرکت منظور شود. تصور کنیم مرکز جرم مکانیزم فنری متصل به هر رابط از محل لولای ران در سمت راستای رابط و نیز عمود بر آن به ترتیب به اندازهی a_{s1} و a_{s2} فاصله داشته باشد. آنگاه مختصههای افقی و عمودی مکانیزم فنری متصل به رابط HB نسبت به چارچوب مرجع برابر است با:

$$\bar{x}_{HB,S}^{s} = l_{3} \sin(-q_{2}) - l_{1} \sin(q_{1}) + [a_{s_{1}} \sin(q_{3}) + [a_{s_{1}} \cos(q_{3})]$$
(7-1.)

$$\bar{y}_{HB,S}^{s} = l_{3} \cos(-q_{2}) + l_{1} \cos(q_{1}) - [a_{s_{1}} \cos(q_{3}) + a_{s_{2}} \sin(q_{3})]$$

بدین ترتیب انرژیهای جنبشی و پتانسیل مکانیزم فنر متصل به رابط HB عبارت خواهند شد از:

$$T_{HB,S}^{s} = \frac{1}{2} m_{S} \left((\dot{\bar{x}}_{HB,S}^{s})^{2} + (\dot{\bar{y}}_{HB,S}^{s})^{2} \right) + \frac{1}{2} \bar{I}_{S} (\dot{q}_{3})^{2} \qquad (11)$$

$$V_{HB,S}^{S} = m_{S}g\bar{y}_{HB,S}^{S} + \frac{1}{2}k_{S}(q_{3} - q_{1})^{2}$$
(1Y)

انرژی جنبشی روتور رانندهی رابط HB:

با فرض آنکه دوران محور خروجی جعبهدندهی رانندهی رابط HB برابر با دوران فنر متصل به HB باشد، آنگاه با ملاحظهی نسبت کاهش جعبهدنده، kg، سرعت زاویهای روتور رانندهی رابط HB برابر است با:

$$\dot{\theta}^{s}_{HB,R} = r_{g} \dot{q}_{3} \tag{17}$$

با منظور کردن جرم موتورها روی جرم تنه، در اینجا تنها سهم دوران روتورها باید به انرژی جنبشی ربات اضافه شود:

$$T_{HB,R}^{s} = \frac{1}{2} J_r (\dot{\theta}_{HB,R}^{s})^2 \tag{19}$$

کار اتلافی ناشی از اصطکاک در جعبهدنده و مکانیزم فنری متصل به رابط HB:

با استفاده از رابطهی ریلی برای ملاحظهی اصطکاک لزج در روش لاگرانژی جهت استخراج معادلات حرکت، توان اتلافی در جعبهدنده و مکانیزم فنری متصل به رابط HB عبارت خواهد بود از:

$$R_{HB,D}^{s} = \frac{1}{2}c_{hd}(\dot{q}_{3})^{2} + \frac{1}{2}c_{S}(\dot{q}_{3} - \dot{q}_{1})^{2}$$
(15)

به همین ترتیب محاسبات فوق برای رابطهای فعال HE ،HC و HF و نیز رابطهای BA، CD، BI و FG که فاقد مکانیزم محرکهی فنری هستند، انجام می گیرد. سپس با جای گذاری عبارتهای محاسبه شده در رابطهی (۱) و مرتبسازی آنها، معادلات حرکت ربات اتریاس در مرحلهی تکیه-گاهی به شکل معادلات دیفرانسیلی زمان پیوسته از مرتبهی دوم مطابق رابطهی بستهی زیر حاصل می شود:

$$[M^{s}(q^{s})]_{8\times8} \cdot [\ddot{q}^{s}]_{8\times1} + [C^{s}(q^{s},\dot{q}^{s})]_{8\times8}[\dot{q}^{s}]_{8\times1} + [D^{s}]_{8\times8}[\dot{q}^{s}]_{8\times1} + [P^{s}(q^{s})]_{8\times1} = [B^{s}]_{8\times4} \cdot [u_{m}^{s}]_{4\times1}$$
(19)

که در این رابطه M^s موسوم به ماتریس جرم شامل اثرات خطی لختی و C^s ماتریس شامل اثرات شتابهای جانب مرکزی و کوریولیس هستند. $D^s \dot{q}^s$ سهم اتلاف اصطکاکی و P^s سهم نیرویهای پایستار گرانشی و کشسانی در معادلات حرکت را شامل میشوند. u_m نیز بردار گشتاورهای موتوری است. ماتریس B_s نیز به شکل زیر میباشد:

در مرحله ی پرواز هر دو پا از زمین کنده می شوند و مرکز جرم مجموعه مانند یک پرتابه در صفحه ی حرکت طی مسیر می کند. کنده شدن پای تکیه گاهی از زمین دو درجه آزادی به مجموعه اضافه می کند و از این رو لازم است به بردار مختصه های تعمیم یافته ی مرحله ی تکیه گاهی دو مختصه ی جدید اضافه، و از آن برای توصیف پیکره بندی ربات در مرحله ی پرواز استفاده کنیم. بنابراین با افزودن دو مختصه ی و و و 10 محل مفصل ران، مختصه های تعمیم یافته در مرحله ی پرواز عبارت خواهد شد از: $[q^s, q_9, q_{10}] = f$. بالانویس f نماینده ی مقدار کمیت ها در مرحله ی پرواز است. بدین ترتیب در محاسبه ی مکان مرکز جرم رابط ها از محل مفصل ران به عنوان نقطه ی مرجع استفاده خواهد شد. برای نمونه در محاسبه ی مکان مرکز جرم رابط HB می نویسیم:

$$f_{\rm re} = a_0 + a_1 \sin(a_1) \tag{7-1A}$$

$$\bar{v}^f = a - a \cos(a)$$
 (-1λ)

مرحلهی پرواز نیز معادلات دیفرانیسلی زمان پیوسته از مرتبهی دوم خواهند بود، و میتوان آنها را با بکار بردن مجدد روابط (۱) تا (۶) به

$$[M^{f}(q^{f})]_{10\times10} \cdot [\ddot{q}^{f}]_{10\times1} + [C^{f}(q^{f}, \dot{q}^{f})]_{10\times10} [\dot{q}^{f}]_{10\times1} + [C^{f}(q^{f}, \dot{q}^{f})]_{10\times10} [\dot{q}^{f}]_{10\times1} + [D^{f}]_{10\times10} [\dot{q}^{f}]_{10\times1} + [P^{f}(q^{f})]_{10\times1} = [B^{f}]_{10\times4} [u^{f}_{m}]_{4\times1}$$

$$(14)$$

که در اینجا $[B^s, 0_{4\times 2}] = [B^s, 0_{4\times 2}]$ بوده و سایر عبارتها مشابه با عبارتهای رابطهی (۱۹) میباشد.

۳-۳- تحلیل رخداد کنده شدن

چنانچه حرکت مجموعه در مرحلهی تکیهگاهی طوری بوده باشد که انرژی لازم برای بلند شدن مجموعه فراهم آید، آنگاه لحظهای پیش خواهد آمد که نیروی واکنش زمین در نقطهی اتکای پا صفر میشود. با رخ دادن این وضعیت، شرایط گذر از مرحلهی تکیهگاهی به مرحلهی پرواز برقرار میشود. با بکار بستن قانون دوم نیوتن در راستای عمودی، که برای پیکرهی منزوی شده از زمین ارزیابی شود، در لحظهی کنده شدن داریم:

$$N = m_{tot}g + m_{tot}\ddot{y}^s_{CoM} = 0 \tag{(Y.)}$$

که در آن m_{tot} جرم و \ddot{y}^{S}_{COM} مؤلفهی عمودی شتاب مرکز جرم کل ربات میباشد. با صفر شدن مؤلفهی عمودی نیروی واکنش زمین، N، میتوان پیش بینی کرد در لحظهی کنده شدن داریم:

$$\begin{split} m_{tot}g + \sum_{i} m_{i} \left(\frac{\partial \bar{y}_{i}}{\partial q^{s}} \dot{q}^{s} + \frac{\partial}{\partial q^{s}} \left(\frac{\partial \bar{y}_{i}}{\partial q^{s}} \dot{q}^{s} \right) \dot{q}^{s} \right) \Big|_{q^{*}} \qquad (\mathbf{Y}) \\ = 0 \end{split}$$

که $\overline{y}_i e \overline{y}_i = \overline{q}$ جرم و مختصه یعمودی مکان مرکز جرم هر رابط، و * *p* پیکره،ندی ربات درست در لحظه یکنده شدن، می باشند. شایان ذکر است با توجه به پیوسته بودن متغیرهای حالت (هم پیکره،ندی و هم سرعتی) هنگام کندگی از زمین، شرایط اولیه برای حل معادلات حرکت مرحله ی پرواز برابر با شرایط انتهایی حالت سیستم در مرحله ی تکیه گاهی است، یعنی داریم:

 $\begin{cases} q_0^f(1:8) = q^*, \ q_0^f(9) = x_H^*, \ q_0^f(10) = y_H^* \\ \dot{q}_0^f(1:8) = \dot{q}^*, \ \dot{q}_0^f(9) = \dot{x}_H^*, \ \dot{q}_0^f(10) = \dot{y}_H^* \end{cases} (YY)$ So by a constraint of the second second

۳-۴- تحلیل رخداد برخورد

در انتهای مرحلهی پرواز با برخورد انتهای پای جلویی بر زمین، مرحلهی پرواز و نیز دورهی یک قدم به اتمام می سد و ربات دوپا به ابتدای مرحلهی تکیه گاهی قدم بعدی وارد می شود. همان طور که در دویدن یا راه رفتن انسان نیز قابل مشاهده است، هنگام رخداد برخورد پیکرهبندی بدون تغییرات ناگهانی و به طور هموار از دورهی پیش از برخورد به دورهی پس از آن جابهجا می شود. با این حال برخورد با اعمال نیروی واکنشی ضربهای که از سمت زمین به انتهای پای فرود آمده وارد می شود همراه است و سبب تغییر ناگهانی در مقدار تکانهی مجموعه می-نیروی واکنشی ضربهای که از سمت زمین به انتهای پای فرود آمد وارد شود. از این رو متغیرهای سرعتی حالت سیستم نیز در هنگام برخورد نقش پاها تعویض می شود، یعنی پای آونگی فرود آمده نقش پای تکیه-وض شوند. این کار با ضرب ماتریس تعویض نام انجام می گیرد. بدین تریب شرایط اولیه برای حل معادلات حرکت در مرحلهی تکیه گاهی

قدم جدید، که بلافاصله پس از رخداد برخورد حاصل میشود، با اعمال نگاشت زیر موسوم به نگاشت برخورد قابل محاسبه است:

$$x_{+}^{s} \equiv \begin{cases} q_{+}^{s} \\ \dot{q}_{+}^{s} \end{cases} = \begin{bmatrix} S \\ S \cdot \Delta_{\dot{q}} \end{bmatrix} \begin{cases} q_{-}^{f} \\ \dot{q}_{-}^{f} \end{cases} \equiv {}_{f}^{s} \Delta \cdot x_{-}^{f}$$

$$(\Upsilon T)$$

که در آنها زیرنویس های «+» و «–» به ترتیب نمایندهی مقدار آن کمیت، درست پس و پیش از لحظهی برخورد هستند. X بردار حالت و S ماتریس تعویض نام میباشند. با توجه به توضیحات بالا S عبارت است از:

$$S \equiv \begin{bmatrix} 0_{4\times4} & 1_{4\times4} & 0_{4\times2} \\ 1_{4\times4} & 0_{4\times4} & 0_{4\times2} \end{bmatrix} \tag{(YF)}$$

که 0 و 1 به ترتیب ماتریس های صفر و همانی از مرتبهی ذکر شده هستند. همچنین م4 نگاشت تغییرات ناگهانی بردار سرعت در رخداد برخورد است. این نگاشت، بر اساس روش ارائه شده در مرجع [۲۷]، با ملاحظهی دو فرض محاسبه میشود. اول اینکه رخداد برخورد آنی صورت می گیرد و حین آن موتورها گشتاورهای ضربهای تولید نمی کنند. و دوم آنکه فرود پا بر زمین بدون لغزش یا جهش صورت می گیرد که نتیجهی آن صفر شدن آنی سرعت نقطهی انتهایی پای فرود آمده می-باشد. بر این مبنا، نگاشت م4 خواهد بود:

$$\begin{aligned} \Delta_{q} &= \\ \left[M^{f}(q\underline{f}) \right]^{-1} \left[M^{f}(q\underline{f}) - \\ J^{t}(p_{2}) \left[J(p_{2}) \left[M^{f}(q\underline{f}) \right]^{-1} J^{t}(p_{2}) \right]^{-1} J(p_{2}) \right] \end{aligned} \tag{Y0}$$
The set of t

ی ورو این رابطه ($p_2 = p_2 (q - p_2)$ محتصات تعمیم یافته ی مرحله ی $J(p_2) = \frac{\partial p_2}{\partial q^f}$ پرواز میباشند.

۳-۵- دینامیک ترکیبی حاکم بر دویدن

در این قسمت دینامیک ترکیبی حاکم بر دویدن ربات دوپا با پای نقطهای، شامل مراحل زمان پیوستهی تکیهگاهی و پرواز، گذر هموار کنده شدن و نیز برخورد ضربهای همراه با ناپیوستگی، را به شکل زیر جمعبندی میکنیم:

معادله ديفرانسيل حاکم بر مرحله ي تکيه گاهي $\begin{cases} \dot{x}^s = F^s(x^s, u_m^s) & \delta^{s} \\ x_-^s \longrightarrow x_0^f & \delta^{s} \\ \dot{x}^f \longrightarrow x_0^f & \delta^{s} \end{cases}$ معادله ديفرانسيل حاکم بر مرحله ي پرواز $\dot{x}^f = F^f(x^f, u_m^f) & \delta^{s} \\ \dot{x}^f \longrightarrow x_+^f & \delta^{s} \end{pmatrix}$ گذر همراه با ناپيوستگي هنگام رخداد برخورد

یک قدم کامل دویدن از توالی مراحل فوق حاصل میشود. برای یک گام متناوب لازم است در انتهای هر قدم پس از رخداد برخورد، x_0^s . حاصل شده برای شروع قدم جدید همواره مقدار ثابتی باشد. البته در عمل سعی در همگرا کردن دنبالهی x_0^s ها در قدمهای متوالی میباشد که میباید به واسطهی یک کنترل کننده ی مناسب حاصل شود. صرفنظر از این موضوع، هدف این مقاله یافتن توابع گشتاور $[m_m^f; u_m^f] = m$ که تنها یک قدم دویدن را تولید نمایند و در آخر بردار حالت را به شرایط آغازین قدم ختم کند.

برای اجتناب از بروز اشتباه در استخراج معادلات از ابزار سمبولیک نرم افزار متلب برای محاسبات و مشتق گیری های پارامتری استفاده می-شود. همچنین برای صحه گذاری مدل دینامیکی فاز پرواز و فاز تکیه-گاهی به طور جداگانه، معادلات دینامیکی سیستم با شرایط اولیه دلخواه و با گشتاور موتورهای صفر حل می شوند و با استفاده از پاسخ عددی بدست آمده انرژی مکانیکی کل سیستم محاسبه می شود. در صورتی که انرژی مکانیکی در این حالت در طول زمان ثابت بماند تاییدی بر درست بودن معادلات حرکت می باشد. همچنین برای صحه گذاری مدل برخورد تکانه زاویهای سیستم حول نقطه برخورد را قبل و بعد از برخورد به صورت عددی محاسبه می کنیم و چک می کنیم که این مقادیر باهم برابر باشند. پایستاری تکانه زاویهای حول این نقطه نیز تاییدی بر درست بودن مدل برخورد می باشد [۲۶].

۴- تشکیل تابع هزینه برای مسئلهی بهینهسازی

بر اساس روش پیشنهاد شده در این مقاله در پی یافتن توابع گشتاورهای مفاصل بر حسب زمان هستیم که بتوانند ضمن تولید گام دویدن برای ربات اتریاس، انرژی لازم برای این منظور را نیز کمینه کنند. بدین منظور به تعداد موتورهای فعال، به طور جداگانه برای هر یک از مراحل تکیهگاهی و پرواز توابع چند جمله ای بر حسب زمان و با ضرائب نامعین تعریف می کنیم، که این توابع نحوه ی تغییرات گشتاور تولیدی موتورها را معین می کنند. بنابراین ۴ تابع گشتاور برای مرحله ی تکیه-گاهی و ۴ تابع گشتاور برای مرحله ی پرواز منظور می گردد. با تعیین ضرائب، توابع گشتاور هر مرحله معین می شود، و آنگاه با حل معادلات خرکت (۱۶) و (۱۹)، یعنی حل مسئله ی دینامیک مستقیم، الگوی گام خاصل از گشتاورهای اعمالی ارزیابی خواهد شد. اگر نتیجه ی حاصل از شبیه سازی الزامات زیر برای تحقق یک گام قابل قبول برای دویدن را بر آورد کند، آنگاه آن دسته گشتاورهای اعمالی، رقابت برای کمینه

اولین الزام برای تحقق گام در یک ربات آن است که تمام رابطهای آن بالای سطح زمین قرار گرفته باشند و در آن فرو نروند. با این حال در ارزیابی الگوهای حاصل شده در مسئلهی بهینهسازی این مقاله، با تعریف مقدار نفوذ به عنوان یک جریمه بزرگ و افزودن آن به تابع هزینه گام طوری طرح ریزی می شود که مقدار نفوذ پای آونگی در زمین صفر باشد. جریمهی نفوذ پا در زمین، به صورت زیر، در هر یک از مراحل تکیه گاهی و پرواز جداگانه محاسبه می شود:

$$\begin{cases} p_{cld}^{s} = \sum_{t} y_{tip}^{s}(t) & \forall t : y_{tip}^{s}(t) < 0 \\ p_{cld}^{f} = \sum_{t} y_{tip}^{f}(t) & \forall t : y_{tip}^{f}(t) < 0 \end{cases}$$
(YV)

که در اینجا y_{tip} مختصهی قائم انتهای پای آونگی در چارچوب مرجع است.

الزام دیگری که باید در الگوی حرکتی رعایت شود تناوبی بودن آن است. از آنجا که هر قدم کامل عبارت از جواب حاصل از حل معادلات (۲۶) است، بنابراین اگر شرایط اولیه در شروع فاز تکیه گاهی برای هر قدم برابر گرفته شود، آنگاه جوابهای یکسان و یا به عبارتی قدمهای یکسان خواهیم داشت. همچنان که گفته شد خروجی نگاشت برخورد، شرایط اولیه برای قدم جدید خواهد بود. اگر چه برابری کامل بین شرایط اولیهی داده شده برای حل معادلات حرکت در مرحلهی تکیه گاهی ⁸ پر اولیهی داده شده برای حل معادلات حرکت در مرحلهی تکیه گاهی ⁶ پی اولیهی داده شده برای حل معادلات مرکت در مرحلهی تکیه گاهی ⁶ پی اولیهی داده شده برای حل معادلات مرکت در مرحلهی تکیه گاهی ⁶ پید اولیهی داده شده برای حل معادلات مرکت در مرحلهی تکیه گاهی دویدن اولیه دانست، بر دو جروجی نگاشت برخورد ² پر است، با این حال می توان اختلاف کم بین آن دو را قابل قبول دانست، و در عین حال سعی کرد مقدار این اختلاف به کمترین مقدار خود کاهش است، با این رو اندازهی برداری تفاضل آنها را به عنوان جریمهای دیگر به تابع هزینه اضافه می کنیم تا در روند بهینه یابی و در تعامل با تابع هزینه تا حد ممکن کاهش یابد.

تابع هزینهی اصلی در مسئلهی بهینهسازی ما تحت عنوان هزینهی حمل همراه با جریمهها با ظابطهی بی بعد شدهی زیر تعریف میشود:

 $COT = \frac{W}{m_{tot}g \,\Delta x_{STD}} + \frac{|x_{+}^{s} - x_{0}^{s}|}{|x_{0}^{s}|} + \frac{p_{cld}^{s} + p_{cld}^{f}}{l_{1} + l_{3}}$ (YA) $\sum \Delta x_{STD} = A + |x_{0}| + |x_{0}| + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$W = \int_{t_0^{\delta}}^{t_*} |[\dot{q}^s]^t [B^s][u_m^s]| dt + \int_{t}^{t_{d}^{f}} |[\dot{q}^f]^t [B^f][u_m^f]| dt$$
(Y9)

که _{*}t و L^f به ترتیب زمان وقوع رخدادهای کنده شدن و برخورد می-باشند، که همراه با بردار سرعت تعمیمیافته در هر مرحلهی زمان پیوسته، پس از حل مسئلهی دینامیک مستقیم معلوم می شوند.

همچنین توابع گشتاور برای هر یک از مراحل تکیه گاهی و پرواز، در قالب چندجملههایی جداگانه بر حسب زمان با ضرائب نامعین طرح-ریزی می شوند. بدین ترتیب یافتن دسته توابع بهینه کننده ی گام محدود به یافتن ضرائب سازنده ی آن چندجمله ای ها شده که به آن پارامتری سازی مسئله می گوییم. روند پارامتری سازی با چندجمله ای های درجه ۲، ۴ و ۵ تکرار می شود تا بهترین شکل گشتاورها برای مسئله ی مورد نظر حاصل شود. برای نمونه اگر چندجمله ای ها از درجه ۳ انتخاب شوند، شکل توابع گشتاور به صورت زیر خواهد شد:

 $u_i^s = a_{i,3}^s t^3 + a_{i,2}^s t^2 + a_{i,1}^s t + a_{i,0}^s$ $t_0^s \le t < t_*$ (۳.) $u_i^f = a_{i,3}^f t^3 + a_{i,2}^f t^2 + a_{i,1}^s t + a_{i,0}^s$ $t_* \le t < t_-^f$ (۳.) $u_i^f = a_{i,3}^f t^3 + a_{i,2}^f t^2 + a_{i,1}^s t + a_{i,0}^f$ $t_* \le t < t_-^f$ $t_* \le t < t_-^f$ the states of the states the states of the states

برای حل مسئلهی بهینه سازی از جعبه ابزار بهینه سازی نرم افزار متلب بر اساس روش برمبنای مشتق استفاده می کنیم. از این رو انتخاب حدس اولیه در سرعت همگرایی و نیز اجتناب از کمینههای محلی نقش مهمی خواهد داشت. هر چه محل حدس اولیه نزدیک تر به حوزهی همگرایی جواب بهینهی غالب قرار گیرد، سریع تر و با اطمینان بیشتر به آن جواب بهینه نزدیک خواهیم شد. بدین جهت در انتخاب حدس اولیه از جواب موجود بر مبنای مدل آونگ وارون فنری که در مرجع [۲۶] در موضوع طرحریزی و کنترل گام دویدن در ربات اتریاس به دست آمده است، استفاده می کنیم. باید انتظار داشت الگوی دویدن حاصل از حل مسئلهی بهینهسازی نسبت به آن که بر مبنای مدل آونگ وارون فنری بهدست آمده و آن را به عنوان حدس اولیه در روند بهینهسازی وارد کردیم، هزينهي كمترى داشته باشد. براي محاسبهي حدس اوليه ميبايست برداری از ضرائب نامعین مربوط به چندجملهایهای سازندهی توابع گشتاور را ایجاد کنیم. این کار با برازش چندجملهایهایی از درجه مطلوب با نمودارهای گشتاور ارائه شده بر مبنای مدل آونگ وارون فنری که در شکل ۳ نشان داده شده انجام می شود. لازم به ذکر است که پیچیدگی، درجه آزادی بالا و داشتن گسستگی مدل دینامیکی و نیز تعداد زیاد پارامترهای بهینه سازی باعث میشود که مساله بهینه سازی با شروع از یک حدس اولیه نامناسب در مینیمم های موضعی گیر بیفتد و به نتايجي بسيار دورتر از گام دويدن بهينه منجر شود.

نمودار مولفه های افقی و عمودی نیروی واکنش زمین برای کنترل دویدن اتریاس بر مبنای آونگ وارون فنری در شکل ۴ نشان داده شده است که حداکثر ضریب اصطکاک لازم زمین برای آن ۰/۳۴ میباشد.





شکل ۴: نمودار مولفههای نیروی واکنش زمین بدست آمده بر مبنای مدل آونگ وارون فنری

۵- نتايج و بحث

پس از شبیه سازی مدل (۲۶) در نرم افزار متلب و مقداردهی گشتاورها مطابق توابع (۳۰) با اجرای برنامهی بهینه سازی برمبنای مشتق توسط جعبه ابزار موجود در همان نرم افزار، جواب بهینه برای تولید گام دویدن در ربات دوپای اتریاس به ازای سه درجه انتخابی در ساخت چندجمله ای ها محاسبه شد. شرایط اولیه فاز تکیه گاهی ۲⁵ برای شروع حرکت در هر تکرار و حدس اولیه برای توابع گشتاور در اولین تکرار، متناظر با الگوی گام دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری اعمال شدند. توقف برنامه با ثابت شدن مقدار هزینه در تکرارهای متوالی انجام می گرفت.

نتایج به دست آمده از اجرای سه روند بهینهسازی برمبنای مشتق و یک بار اجرای الگوریتم ژنتیک در مقایسه با نتیجهی حاصل از مدل آونگ وارون فنری، برای تولید گام دویدن در ربات دوپای اتریاس در جدول ۴ فهرست شده است. همچنان که ملاحظه میشود به ازای هر سه درجه انتخاب شده در ساخت توابع گشتاور هزینهی حمل به دست آمده نسبت به مقدار حاصل از دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری کمتر است. به علاوه کمترین مقدار تابع هزینه به ازای منحنیهای گشتاور است. به علاوه کمترین مقدار تابع هزینه ملای از عدم تطابق حالت بیس از برخورد با شرایط اولیه، به ازای منحنیهای گشتاور درجه ۴، تقریباً برابر با منحنیهای درجه ۵ و البته کمتر از منحنیهای گشتاور درجه ۴، تقریباً متوسط آن در دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری میباشد. به این نکته اشاره کنیم که نتایج ذکر شده برای دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری، با شبیهسازی اجرای ده قدم محاسبه شده است، و با توجه به تغییرات کم مقدار هزینهی حمل در ده قدم، متوسط هزینهی حمل در جدول ۴ درج شده است.

در شکل ۵ منحنی گشتاورهای بهینه که با پارامتریسازی بر اساس چندجملهایهای درجه ۳ برای تولید گام دویدن در ربات دوپای اتریاس حاصل شدند، نمایش داده شده است. با شبیهسازی دویدن ربات طبق منحنی گشتاورهای بدست آمده نمودار نیروی واکنش زمین حین مرحله-

ی تکیه گاهی، انرژی مکانیکی مجموعه در طول یک قدم، و نیز تصاویر متوالی از پیکرهبندی حین دویدن، به ترتیب در شکلهای ۶ تا ۸ نشان داده شدهاند.

با مقایسهی شکلهای ۴ و ۵ مشاهده میشود، نمودارهای گشتاور حاصل از بهینه سازی به حد اشباع موتورها (۱۳ N.m) نمی رسند و از این رو تغییراتی هموار دارند. به علاوه ناپیوستگیهای موجود در نمودارهای گشتاور شکل ۴ که موجب ایجاد ضربه های شدید حین حرکت ربات می شوند در نمودارهای شکل ۵ به جز در هنگام گذر از مرحلهی تکیه-گاهی به مرحلهی پرواز حذف شدهاند، زیرا که هر یک از نمودارهای گشتاور حاصل از جواب بهینه منحنیهای پیوستهی چند جمله ای از در جه ۳ با تغییراتی هموار می باشند.

در شکل ۶ مؤلفههای نیروی واکنش زمین که حین مرحلهی تکیه-گاهی بر انتهای یای تکیه گاهی وارد می شود، از نظر کیفی نموداری مشابه با اندازه گیریهای تجربی همین نیروها در دویدن انسان، تشکیل دادهاند. مولفهی افقی نیروی واکنش زمین در واقع نیروی اصطکاک لازم در حرکت است که بر اساس تعادل دینامیکی در راستای افقی محاسبه شده است. در این نمودار نسبت F_x/F_y در اوایل فاز تکیه گاهی مقادیر بالاتر از یک را داراست و در ادامه کمتر یک می باشد. حداکثر مقدار آن ۱/۸۹ است که نشانگر حداقل ضریب اصطکاک لازم بین پا و زمین میباشد. فراهم آوردن این ضریب اصطکاک در عمل امکان پذیر است زیرا ضريب اصطكاك بين لاستيك و فلزات بين ١ تا ۴ ميباشد [٢٨] و نيز پلیمرهایی با آرایه های میکروفیبر ساخته شده است که حتی ضریب اصطکاک بالای ۱۰ را نیز فراهم میکند [۲۹]. مؤلفهی عمودی نیروی واکنشی در مرحلهی تکیهگاهی میبایست مقداری مثبت داشته باشد تا نشان فشرده شدن و حفظ تماس پای تکیه گاهی با زمین باشد. از این رو همانطور که ملاحظه می شود در لحظه ای که مقدار نیروی عمودی به صفر میرسد کندهشدن پای تکیه گاهی و شروع مرحلهی پرواز را مشاهده مي کنيم.

در شکل ۸ تصاویر متوالی از پیکرهبندی ربات اتریاس حین دویدن نشان داده شده است، که با شبیهسازی طبق گشتاورهای بهینهساز درجه ۳ گرفته شدهاند. در این تصاویر نحوهی پیش آمدن ربات در مرحلهی تکیه–

$ x_{+}^{s} - x_{0}^{s} $	هزینهی حمل	شمارەي تكرار	مساله بهینه سازی
6/4621	7/8779	حدس اوليه	
1/1809	1/0494	١٠	fmincon L 🖤 🚓 🔉
• <i>\%</i> V9A	1/00.9	۳.	
•/9V11	1/0490	۵۰	
•/9409	1/0409	۷۵	

جدول ۴: مقایسهی نتایج به دست آمده از بهینهسازی و مدل آونگ وارون فنری

۶٨

۵/۹۰۸۴	دس لاس ۲/۴۹۵۱ وليه	حدس	
		اوليه	
۲/۹۷۶۳	1/0994	۵	fmincon L Ye
•/V&YF	1/0098	4.	
•/9131	1/5750	۵۰	
•/٣۴٣•	1/2.15	۷۵	
0/00FT	¥/898A	حدس	
0/0011	1/1/10	اوليه	
٣/٣٨٨٠	1/0047	۵	fmincon LA
1/2812	1/9791	۳.	
•/Л494	1/4412	۵۰	
•/٣٣٩۵	1/5886	17.	
·/***\F	1/0.17	٣.	درجه ۴ با اجـراي الگوريتم
.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	/11.01		ژنتیک با جمعیت ۵۰
۵/۷۰۷ تا			به مناعبه والمرآمة بحكوم والمدينية في مر
•/••٣۴	.,,,,,		بر مبنای مدن او دب و رون قتری







با شبیهسازی طبق گشتاورهای بهینه درجه ۳





شکل ۸: تصاویر متوالی از پیکرهبندی حین دویدن، با شبیهسازی طبق گشتاورهای بهینه درجه ۳

گاهی تا لحظهی کنده شدن و نیز ادامهی پیشروی در مرحلهی پرواز تا رخداد برخورد مشاهده میشود. همچنین مسیر دنبال شده توسط مرکز جرم نیز به تفکیک در هر یک از مراحل تکیه گاهی و پرواز نمایانده شده است. این مسیر مشابه مسیری است که مرکز جرم بدن انسان طی دویدن در صفحهی نیمرخ ایجاد میکند.

شبیه سازی دویدن به ازای جواب بهینه سازی شده با گشتاورهای پارامتری شده از درجه های ۴ و ۵ نتایج مشابهی را نشان می دهند. از مقایسه نمودارهای گشتاور حاصل شده در این حالتها در شکل های ۹ و ۱۰ مشاهده می شود که منحنی های گشتاورهای متناظر اختلاف کمی باهم دارند. همه منحنی ها هموار هستند و به جز لحظات کوتاهی در شروع مرحلهی تکیه گاهی که موتور ۲ و نیز شروع مرحلهی پرواز که موتور ۱ به اشباع می رسد، در سایر لحظات از پدیدهی اشباع اجتناب می شود. حداکثر ضریب اصطکاک لازم در هر دو حالت ۱۸۸۸ بدست آمده است که خیلی نزدیک به مقدار اصطکاک لازم برای گشتاورهای بهینه درجه شریب اصطکاک لازم ۲۰ برای گشتاورهای بهینه درجه مریب اصطکاک لازم برای گیناورهای بهینه درجه مریب اصطکاک لازم برای این ربات بر مینای آونگ وارون فنری در این پژوهش به گامهای دویدن این ربات بر مینای آونگ وارون منری در این پژوهش به گامهای دویدن با کار آیی انرژی بهتر و گشتاورهای هموار موتورها به بهای ضریب اصطکاک بیشتر بین زمین و پای ربات

سایر نتایج حاصل از جواب بهینه با گشتاورهای درجه ۴ و ۵، از نظر کیفی و نیز تقریباً از نظر کمی مشابه با نتایج ارائه شده برای گشتاورهای

درجه ۳ میباشد. تفاوت نمودارهای نیروی واکنش زمین و نمودارهای انرژی مکانیکی حاصل از دو الگوی دویدن بر مبنای گشتاورهای بهینه از درجه ۴ و درجه ۵ بسیار ناچیز است. تنها برای نمونه الگوی دویدن حاصل از شبیهسازی دویدن با گشتاورهای بهینه از درجه ۴ در شکل ۱۱ نشان داده شده است.

با توجه به پیچیدگی تابع هزینه و وابستگی آن به معادلات پیوسته غیرخطی و گسسته حرکت، احتمال گیر افتادن الگورینم در مینیمم های موضعی وجود دارد. برای اطمینان از بهینه بودن جوابهای بدست آمده، به عنوان نمونه توابع گشتاور درجه ۴ را با استفاده از الگوریتم ژنتیک نیز بهینه سازی می کنیم. اندازه جمعیت را ۵۰ و نقطه شروع را بهترین نقطه حاصل از بهینه سازی قبلی انتخاب می کنیم. مطابق جدول ۴، اجرای الگوریتم ژنتیک با ۳۰ تکرار تقریبا به همان نقطه حاصل از بهینهسازی بر مبنای مشتق منتهی می شود و کاهشی در هزینه ی حمل و خطای خطای گام مشاهده نمی شود. قابل ذکر است که اجرای بهینه سازی توابع درجه ۴ با fmincon حدود ۹ ساعت طول کشیده است که این زمان برای همین مساله با الگوریتم ژنتیک حدود ۸۰ ساعت بوده است. بنابراین حل این مساله با روش بر مبنای مشتق معقول تر است زیرا قادر است به نقطه مینیمم جهانی برسد و به حجم محاسبات بسیار کمتری نسبت به الگوریتم ژنتیک نیاز دارد.



شکل ۹: نمودارهای گشتاور بهینه با ضابطهی چندجملهایهای درجه ۴



شکل ۱۰: نمودارهای گشتاور بهینه با ضابطهی چندجملهایهای درجه ۵



شکل ۱۱: تصاویر متوالی از پیکرهبندی حین دویدن، با شبیهسازی طبق گشتاورهای بهینهساز درجه ۴

چنان که ذکر شد، هدف مقالهی حاضر یافتن توابع گشتاور است که ربات اتریاس به ازای دریافت آنها یک الگوی دویدن با هزینهی حمل کمتری نسبت به الگوی دویدن به دست آمده از مدل آونگ وارون فنری ارائه دهد. بنابراین در این مقایسه لازم بود که الگوی دویدن بر مبنای آونگ وارون فنری نیز شبیه سازی شود. در روش تولید گام در این مقاله به تولید گشتاورهای مفاصل برای اجرای یک قدم از گام دویدن پرداختیم.



شکل ۱۲: تغییرات هزینهی حمل و جریمهی عدم تطابق به ازای انجام ۱۰ قدم دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری

لازم به ذکر است که دویدن رباتهای دوپا با پای نقطهای به صورت حلقه باز ناپایدار است و با تکرار اعمال گشتاورهای مرجع حاصل شده ربات پس از چند قدم دویدن به زمین خواهد افتاد. لذا برای پایدارسازی گام دویدن طرح ریزی شده لازم است یک کنترلر مناسب مثل کنترل بر مبنای رخداد^۲ [۳۰] طراحی شود تا حرکت دویدن پایا و پایدار حاصل شود. طراحی کنترلر و پایدارسازی فاز بعدی پس از طرح ریزی گام میباشد که میتواند در ادامه انجام شود اما موضوع بحث این مقاله نیست. در استراتژی کنترل بر مبنای آونگ وارون فنری، گام دویدن بر اساس کنترل نیروی پای ربات و تعقیب پروفیل نیروی آونگ وارون فنری انجام می-شود که قادر است در قدمهای متوالی حالت ربات را به سمت یک

^{1.} Event Based Controller

چرخهی حدی همگرا کند. از این رو در شکل ۱۲ تغییرات هزینهی حمل و نیز جریمهی عدم تطابق اللہ ج ۲^۹ – به ازای انجام ۱۰ قدم نشان داده شده است و ما مقدار میانگین ۱۰ قدم را برای مقایسه با مقادیر بدست آمده در این مقاله ملاک ارزیابی قرار دادهایم.

۶- نتیجه گیری

در این پژوهش مسئلهی تولید گام بهینه برای دویدن یک ربات دوپای واقعی، یعنی ربات دوپای اتریاس، مورد بررسی قرار گرفت. همان طور که بیان شد بر اساس مرجع [۲۶] هزینه حمل میانگین برای ده قدم دویدن ربات اتریاس بر مبنای مدل آونگ وارون فنری برابر ۱/۷۱ است. آونگ وارون فنری مدلی غیرفعال است و طرحریزی گام بر مبنای آن مي تواند جوابي بهينه به حساب آيد. با اين حال ما در اين پژوهش به الگوهایی بهتر برای دویدن ریات دویای اتریاس از نقطه نظر مصرف انرژی و هموار بودن گشتاور موتورها دست یافتیم. هرچند الگوهای بدست آمده به ضریب اصطکاک بیشتری نیاز دارند که با استفاده از مواد مهندسی قابل تامین است. به منظور طرح ریزی گام بهینه با پارامتری کردن گشتاورها توسط توابع چندجملهای بر حسب زمان، یک مسئلهی بهینهسازی وابسته به حل دینامیک مستقیم مدل ربات تعریف شد. پس از آن با استفاده از برنامهی حل کنندهی کمینهساز مقید غیرخطی نرمافزار متلب، مسئله را با حدس اولیهی گرفته شده از نتایج حاصل از دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری حل کردیم. این فرآیند سه بار به ازای گشتاورهای پارامتری شده با چندجملهایهای درجات ۳، ۴، و ۵ تکرار شد. نتایج نشان دادند به ازای هر سه درجه انتخاب شده، هزینهی حمل به دست آمده نسبت به مقدار حاصل از دویدن بر مبنای مدل آونگ وارون فنری کمتر است. به علاوه کمترین مقدار تابع هزینه به ازای منحنیهای گشتاور درجه ۴، با ٪۱۲/۲ کاهش هزینهی حمل، به دست آمد. نتایج این یژوهش ویژگیهای اساسی مورد نیاز برای اجرای دویدن در یک ریات دویا از جمله کارایی انرژی، شکل طبیعی دویدن و همواری منحنیهای گشتاور را دارا هستند.

به عنوان پیشنهاداتی برای ادامه کار می توان مقدار ضریب اصطکاک لازم زمین را نیز به تابع هزینه ربات اضافه کرد تا گامهای بهینه انرژی با ضریب اصطکاک کمتر حاصل شود. همچنین می توان این روش را روی مدل ربات اتریاس با تنه آزاد انجام داد که دارای یک درجه آزادی بیشتر نسبت به این مقاله می باشد و پایدارسازی آن سختتر است. فاز بعدی کار پس از طرح ریزی گام، طراحی کنترلر و پایدارسازی گام دویدن می باشد که می تواند در ادامه این کار انجام شود. در این مقاله گام دویدن متناوب برای حالت پایا بحث شد. طرح ریزی و پایدارسازی حرکت ربات هنگام تغییر سرعت نیز یکی از زمینه های ادامه کار می باشد.

مراجع

- J.W. Grizzle, Ch. Chevallereau, R.W. Sinnet, A.D. Ames, "Models, feedback control, and open problems of 3D bipedal robotic walking," Automatica, Vol. 50, pp. 1955-1988, 2013.
- [2] T. McGeer, Passive Dynamic Walking "The International Journal of Robotics Research," Vol. 9(2), pp. 62-82, 1990.
- [3] S. Collins, A. Ruina, R. Tedrake, M. Wisse, "Efficient Bipedal Robots Based on Passive-Dynamic Walkers," Science, Vol. 307, pp. 1082-1085, 2005.
- [4] J.-S. Moon and M.W. Spong, "Bifurcations and Chaos in Passive Walking of a Compass-Gait Biped with Asymmetries," Proc. of IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation, pp. 1721-1726, Anchorage, Alaska, USA, 2010.
- [5] X. Luo, L. Zhu, L. Xia, "Principle and method of speed control for dynamic walking biped robots," Robotics and Autonomous Systems, Vol. 66, pp. 129-144, 2005.
- [6] J. Li and W. Chen, "Energy-efficient gait generation for biped robot based on the passive inverted pendulum model," Robotica, Vol. 29(4), pp. 595-605, 2011.
- J. Rummel, Y. Blum, A. Seyfarth, "Robust and efficient walking with spring-like legs," Bioinspiration & Biomimetics, Vol. 5(4), pp. 046004-046019, 2010.
- [8] I. Poulakakis and J.W. Grizzle, "The Spring Loaded Inverted Pendulum as the Hybrid Zero Dynamics of an Asymmetric Hopper," IEEE Trans. on Automatic Control, Vol. 54(8), pp. 1779-1793, 2009.
- [9] Y. Hu, G. Yan, Zh. Lin, "Stable running of a planar underactuated biped robot," Robotica, Vol. 29, pp. 657-665, 2011.
- [10] A.D. Ames, "Human-Inspired Control of Bipedal Walking Robots," IEEE Trans. on Automatic Control, Vol. 59(5), pp. 1115-1130, 2014.
- [11] H. Geyer, A. Seyfarth, R. Blickhan, "Compliant leg behaviour explains basic dynamics of walking and running," Proc. of the Royal Society B: Biological Sciences, pp. 2861–2867, 2006.
- [12] K. Kaneko, K. Miura, F. Kanehiro, M. Morisawa, Sh. Nakaoka, Sh. Kajita, "Cybernetic Human HRP-4C," Proc. of 9th IEEE-RAS Int. Conf. on Humanoid Robots, pp. 7-14, Paris, France, 2009.
- [13] J. Chestnutt, M. Lau, G. Cheung, J. Kuffner, J. Hodgins, T. Kanade, "Footstep Planning for the Honda ASIMO Humanoid," Proc. of IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation, pp. 629-634, Barcelona, Spain, 2005.

[23] A. Ramezani, J.W. Hurst, K.A. Hamed, J.W. Grizzle, "Performance analysis and feedback control of ATRIAS, a three-dimensional bipedal robot," Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, Vol. 136(2), pp. 021012, 2014.

- [24] A. Hereid, Sh. Kolathaya, M.S. Jones, J.V. Why, J.W. Hurst, A.D. Ames, "Dynamic Multi-Domain Bipedal Walking with ATRIAS through SLIP based Human-Inspired Control," Hybrid Systems and Control Conf., 2014.
- [25] J.A. Grimes and J.W. Hurst, "The Design of ATRIAS 1.0, A Unique Monopod, Hopping Robot," Proc. of the 15th Int. Conf. on CLAWAR, pp. 23-26, Baltimore, MD, USA, 2012.
- [26] B. Dadashzadeh, H.R. Vejdani, J. Hurst, "From template to anchor: A novel control strategy for spring-mass running of bipedal robots," Proc. of the IEEE/RSJ Int. Conf. on Intelligent Robots and Systems, pp. 2566-2571, Chicago, IL, USA, 2014.
- [27] S.M.R.S. Noorani, A. Ghanbari, M.A. Jafarizadeh, "Stable Walking on Slope for a Planar 3-Link Biped Robot via Orbital Stabilization upon Zero Dynamic Manifold," Sharif Journal – Mechanical Engineering, Vol. 3-30(2), pp. 83-95, 2014. (in Persian)
- [28]http://www.engineershandbook.com/Tables/frictio ncoefficients.htm
- [29] C. Majidi, R.E. Groff, Y. Maeno, B. Schubert, S. Baek, B. Bush, R. Maboudian, N. Gravish, M. Wilkinson, K. Autumn, and R.S. Fearing, "High Friction from a Stiff Polymer using Micro-Fiber Arrays," Physical Review Letters, vol. 97, no. 076103, August 2006.
- [30] Behnam Dadashzadeh, M.J. Mahjoob, M. Nikkhah Bahrami and Chris Macnab, "Stable Active Running of a Planar Biped Robot Using Poincare Map Control", Advanced Robotics, vol.28, Issue 4, 2014.

- [14] M. Vukobratović, B. Borovac, "Zero-moment point—thirty five years of its life. International Journal of Humanoid Robotics," Vol. 1, No. 01, pp. 157-173, 2004.
- [15] Y. Nakamuraa, T. Moria, M. Satoc, Sh. Ishiia, "Reinforcement learning for a biped robot based on a CPG-actor-critic method. Neural Networks," Vol. 20, pp. 723-735. 2007.
- [16] A. Ghanbari, Y. Vaghei, S.M.R.S. Noorani, "Neural Network Reinforcement Learning for Walking Control of a 3-Link Biped Robot," IACSIT International Journal of Engineering and Technology, Vol. 7(6), 2015.
- [17] G. Taga, "A model of the neuro-musculo-skeletal system for human locomotion," I. Emergence of basic gait, Biological Cybernetics, Vol. 73, pp. 97-111, 1995.
- [18] Ch. Liu, D. Wang, Q. Chen, "Central Pattern Generator Inspired Control for Adaptive Walking of Biped Robots," IEEE Trans. on Systems, Man, and Cybernetics: Systems, Vol. 43(5), pp. 1206-1215, 2013.
- [19] G. Garofalo, Ch. Ott, A. Albu-Schaffer, "Walking control of fully actuated robots based on the Bipedal SLIP model," Proc. of the IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation, pp. 1456-1463, Saint Paul, USA, 2012.
- [20] M. Millarda, E. Kubicab, J. McPheea, "Forward dynamic human gait simulation using a SLIP target model," Procedia IUTAM, Vol. 2, pp. 142-157, 2011.
- [21] C. Chevallereau, E.R. Westervelt, J.W. Grizzle, "Asymptotically Stable Running for a Five-Link, Four-Actuator Planar Bipedal Robot," The International Journal of Robotics Research, Vol. 24(6), pp. 431-464, 2005.
- [22] K.A. Hamed and J.W. Grizzle, "Event-based Stabilization of Periodic Orbits for Underactuated 3D Bipedal Robots with Left-Right Symmetry," IEEE Trans. on Robotics, Vol. 30(2), pp. 365-381, 2014.