

## کنترل هوشمند ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی به روش مد لغزشی پایانه‌ای غیر تکین سریع و روینگر مد لغزشی مرتبه بالا تطبیقی مبتنی بر شبکه‌های عصبی متعامد فازی

سیامک عبدی<sup>۱</sup>، منیژه ذاکری<sup>۲\*</sup>، سید محمدرضا سیدنورانی<sup>۳</sup>، جلیل بیرامزاد<sup>۴</sup>

<sup>۱</sup> دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی مکانیک، گروه مهندسی مکترونیک، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران، siamakabdi1357@gmail.com

<sup>۲</sup> دانشیار، دانشکده مهندسی مکانیک، گروه مهندسی مکترونیک، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران، m.zakeri@tabrizu.ac.ir

<sup>۳</sup> دانشیار، دانشکده مهندسی مکانیک، گروه مهندسی مکترونیک، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران، smrs.noorani@tabrizu.ac.ir

<sup>۴</sup> دانشجوی دکتری، دانشکده مهندسی مکانیک، گروه طراحی کاربردی، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران، jalilbeyramzad@gmail.com

پذیرش: ۱۴۰۳/۱۱/۳۰

ویرایش: ۱۴۰۳/۰۸/۰۳

دریافت: ۱۴۰۳/۰۶/۱۵

**چکیده:** مقاله حاضر یک روش کنترلی جدید برای ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی با هدف دستیابی به دقت و سرعت ردیابی بالا، حذف پدیده چترینگ، مقاوم بودن در برابر وجود عدم قطعیت‌ها و حضور اغتشاشات خارجی و بی‌نیاز به اندازه‌گیری مستقیم متغیر حالت سرعت ارائه می‌دهد. برای پرهیز از پیچیدگی کنترل‌کننده، یک روینگر حالت مد لغزشی مرتبه بالای هوشمند استفاده شده است، که ضرایب آن توسط یک شبکه عصبی-فازی ساختار یافته با توابع فعال‌ساز از نوع چندجمله‌ای‌های متعامد چیشیف به صورت تطبیقی بروزرسانی می‌شود. این کنترل‌کننده قادر به تخمین هم‌زمان حالت‌های سیستم و تابع عدم قطعیت و اغتشاش کل سیستم است. بخش مرکزی آن یک کنترل‌گر مد لغزشی پایانه‌ای غیر تکین سریع است که علاوه بر دقت بسیار بالا، از سرعت همگرایی بسیار مطلوبی نیز برخوردار بوده و دستیابی به پایداری زمان محدود را تضمین می‌کند. برای حذف چترینگ نیز از یک شبکه عصبی-فازی مشابه دیگری استفاده می‌شود تا بخش‌های غیرخطی موجود در قانون کنترلی را هموار کند. عملکرد کنترل‌کننده پیشنهادی از طریق شبیه‌سازی و مقایسه با نتایج گزارش شده در پژوهش‌های قبلی بررسی می‌گردد. مقایسه نتایج حاکی از برتری کیفی و کمی روش پیشنهادی در موارد ادعایی به‌ویژه دقت ردگیری و حذف چترینگ می‌باشد.

**کلمات کلیدی:** ژيروسکوپ میکروالکترومکانیکی، کنترل مد لغزشی، شبکه‌های عصبی فازی، چترینگ، روینگر مد لغزشی مرتبه بالا

## Intelligent control of MEMS gyroscopes using nonsingular fast terminal SMC and fuzzy orthogonal neural networks based adaptive HOSM observer

Siamak Abdi, Manizhe Zakeri, Mohammad-Reza Sayyed Noorani, Jalil Beyramzad

**Abstract:** This paper presents a new control method for MEMS gyroscopes with the aim of achieving high tracking accuracy and fast convergent, eliminating the chattering phenomenon, being robust to the presence of uncertainties and external disturbances, and also not requiring direct measurement of velocity states. To avoid the complexity of the controller, an intelligent high-order sliding mode viewer is used, whose coefficients are adaptively updated by a neural-fuzzy network structured with activating functions of the type of Chebyshev orthogonal polynomials. This controller is able to simultaneously estimate the states and the uncertainty and disturbance function of the entire system. Its central part is a fast non-singular terminal sliding mode control, which, in addition to high accuracy, has a very favorable convergence speed and guarantees the achievement of finite time stability. To eliminate chattering, another similar neural-fuzzy network is used to smooth the non-linear parts in the control law. The performance of the proposed controller is investigated through simulation and comparison with the results reported in previous researches. The comparison of the results indicates the qualitative and quantitative superiority of the proposed method in alleged cases, especially the accuracy of tracking and chattering removal.

**Keywords:** MEMS gyroscopes, SMC, neural-fuzzy networks, chattering, HOSM observer

## ۱- مقدمه

کسری [۱۱-۱۵] و مد لغزشی مبتنی بر الگوریتم فرایپچش [۱۱-۱۵] در پژوهش‌های قبلی در زمینه کنترل ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی استفاده شده‌اند. روش‌های کنترلی مبتنی بر مد لغزشی پایانه‌ای و مد لغزشی مرتبه بالا که در مقاله حاضر مورد مطالعه قرار می‌گیرند پیشتر استفاده شده‌اند و مزایا و معایب هر کدام مورد بررسی قرار گرفته است [۲۴-۲۱].

در حالت کلی چالش موجود در کنترل ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی را می‌توان به صورت زیر عنوان کرد که یک سیستم کنترلی به هر میزان که در رفع این چالش‌ها بهتر عمل نماید از عملکرد موفق و مطلوبی برخوردار خواهد بود.

## الف) وجود عدم قطعیت‌های پارامتری در مدل دینامیکی

یک روش برای تخمین بخش‌های غیرقابل مدلسازی بهره‌گیری از تخمین‌گرهای مبتنی بر شبکه‌های عصبی و سیستم استنتاج فازی است. انواع شبکه‌های عصبی از جمله شبکه‌های جلوسوی چندلایه [۲۷]، شبکه‌های عصبی تابع پایه شعاعی [۳-]، شبکه‌های عصبی بازگشتی [۴ و ۱۱]، شبکه‌های عصبی موجکی [۲۸] و نیز انواع سیستم‌های کنترل فازی [فازی نوع اول [۶ و ۱۹]، فازی نوع دوم بازه‌ای [۲۹ و ۳۰] و فازی نوع سوم [۳۱ و ۳۲]) و همچنین ترکیب شبکه‌های عصبی با منطق فازی [۱۴-۱۶ و ۱۱ و ۱۰ و ۵ و ۴] برای این منظور طراحی و استفاده شده است.

رویکرد دیگر، طراحی رویتگرهای اغتشاش برای تخمین تابع عدم قطعیت‌های مجموع سیستم است که شامل اغتشاشات خارجی و بخش دارای عدم قطعیت دینامیک سیستم است [۳۳-۳۶]. استفاده از رویتگرهای اغتشاش با زمان همگرایی محدود و مقاوم به حضور نویز مانند رویتگرهای مد لغزشی مرتبه بالا از جمله روش‌های تخمین دقیق و سریع عدم قطعیت‌های سیستم است [۳۷-۴۰]. مزیت این روش نسبت به رویکرد قبلی در دستیابی به همگرایی زمان محدود، هزینه‌های محاسباتی کمتر و پیاده‌سازی عملی کم‌هزینه‌تر است.

## ب) حذف اثر اغتشاشات خارجی و تخمین حالت‌هایی از سیستم که به صورت مستقیم قابل اندازه‌گیری نیست (روش پس‌خور خروجی)

اغتشاشات خارجی وارد بر سیستم از مهم‌ترین عوامل تأثیرگذار بر عملکرد سیستم‌های کنترلی است. ضرورت معلوم بودن حد بالایی اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم چالش اصلی برای طراحی کنترل‌کننده‌های مبتنی بر مد لغزشی است که در حالت کلی و در شرایط کارکرد واقعی قابل تعیین نیست. برای حل این چالش انواع رویتگرهای اغتشاش در ساختار کنترل‌کننده‌ها ادغام می‌شود تا بتواند اغتشاشات وارد بر سیستم را تخمین زده و اثرات آن بر عملکرد سیستم کنترلی را کاهش داد.

از سوی دیگر، در طراحی سیستم‌های کنترلی معمولاً به مقادیر حالت‌های سیستم (موقعیت) و همچنین مشتق آن‌ها (سرعت) نیاز است. اندازه‌گیری مستقیم بردار مشتق حالت‌های سیستم معمولاً به دلیل هزینه بالای حسگرهای موردنیاز و همچنین خطای اندازه‌گیری مقذور نیست و بنابراین روش‌های کنترلی مبتنی بر پس‌خور حالت در این شرایط امکان‌پذیر نبوده و بهتر است از روش‌های کنترلی

ژيروسکوپ ابزاری برای اندازه‌گیری چرخش (موقعیت زاویه‌ای) و یا سرعت زاویه‌ای یک جسم است و ریشه لغوی آن از واژه‌ای یونانی به معنای مشاهده چرخش اخذ شده است. ژيروسکوپ به منظور استفاده در سامانه‌های ناوبری اختراع شده و تا به امروز برای هدایت و کنترل سامانه‌های مختلفی مانند کشتی‌ها، هواپیماها، سامانه‌های فضایی، خودروها و انواع وسایل نقلیه دیگر مورد استفاده قرار گرفته است. ژيروسکوپ‌های کلاسیک که در سال‌های دور مورد استفاده قرار می‌گرفتند دارای ابعاد و اندازه‌های بزرگی بودند و بخش چشمگیری از ساختار سیستم را به خود اختصاص می‌دادند که این موضوع سبب افزایش وزن سامانه‌ها و همچنین پیچیده شدن فرایند طراحی می‌شد. با ظهور فناوری میکروالکترومکانیکی پژوهشگران نوع جدیدی از ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی ارائه کردند که استفاده از ژيروسکوپ‌ها را در سیستم‌هایی با ابعاد کوچک و همچنین استفاده از آن‌ها در سیستم‌هایی با ابعاد بزرگ را به منظور کاهش وزن سیستم و بهینه‌سازی طراحی امکان‌پذیر می‌نمود. از جمله مزایای ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی می‌توان به پاسخ زمانی کوتاه، نویز کم، دقت و حساسیت عالی، مصرف انرژی ناچیز و کاهش فوق‌العاده ابعاد و اندازه اشاره نمود. این نوع از ژيروسکوپ‌ها، در مقایسه با ژيروسکوپ‌های مکانیکی و نوری بسیار ارزان‌تر هستند و حجم کمی را اشغال می‌کنند.

علی‌رغم تمامی مزایای ذکر شده، عواملی مانند عدم دسترسی بودن یک مدل دینامیکی دقیق از این سیستم‌ها به دلیل خطاهایی که در فرایند ساخت اتفاق می‌افتد و موجب بروز عدم قطعیت در پارامترهای سیستم می‌گردد و همچنین حساسیت بالای این سیستم‌ها به اغتشاشات خارجی وارد بر آن عملکرد آن‌ها را به شدت تحت تأثیر قرار می‌دهد. این موضوع موجب می‌شود نیاز به طراحی کنترل‌کننده‌هایی با دقت و سرعت ردیابی بالا و مقاوم در برابر حضور عدم قطعیت‌ها و اغتشاشات خارجی وارد بر سیستم پیش‌ازپیش احساس گردد [۱].

روش‌های کنترلی مختلفی برای کنترل سیستم ژيروسکوپ میکروالکترومکانیکی ارائه شده است که شامل طیف وسیعی از کنترل‌کننده‌های کلاسیک خطی مانند مشتقی-انتگرالی-تناسبی، کنترل بهینه و انواع آن، کنترل پیش‌بین مدل، کنترل هوشمند (بر پایه شبکه‌های عصبی، منطق فازی و بهینه‌سازی فراابتکاری مانند الگوریتم ژنتیک) و کنترل غیرخطی (کنترل مد لغزشی و انواع آن، روش پس‌گام و کنترل تطبیقی) و نیز ترکیب این روش‌ها می‌گردد [۲]. از میان روش‌های یادشده کنترل مد لغزشی به عنوان یکی از روش‌های کنترلی با ساختار متغیر به دلیل ساده بودن فرایند طراحی، پاسخ دینامیکی سریع، مقاوم بودن در برابر حضور عدم قطعیت‌های پارامتری (ساختاری) و عدم قطعیت‌های غیر پارامتری (اغتشاشات) و تضمین پایداری حلقه بسته سیستم کنترلی از محبوبیت بالایی در طراحی کنترل‌گر برای سامانه‌های مختلف از جمله ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی برخوردار است. نسخه‌های مختلفی از این کنترل‌کننده مانند مد لغزشی پایانه‌ای [۳ و ۴]، مد لغزشی پایانه‌ای سریع [۵ و ۶]، مد لغزشی پایانه‌ای انتگرالی [۷]، مد لغزشی پایانه‌ای غیرتکین [۸-۱۰]، مد لغزشی مرتبه

شبکه عصبی - فازی و طراحی شبکه عصبی چپیشف فازی پرداخته می‌شود. در بخش سوم مدل‌سازی دینامیکی ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی ارائه خواهد شد. بخش چهارم به کنترل‌کننده می‌پردازد و شامل ۳ قسمت مجزا است؛ اول هسته مرکزی کنترل‌گر پیشنهادی بر پایه مد لغزشی پایانه‌ای غیرتکین سریع انتگرالی با لحاظ عدم قطعیت‌های دینامیکی و اغتشاشات خارجی طراحی می‌شود. سپس به منظور حذف چترینگ از سیگنال کنترل، بخش‌های ناپیوسته آن که ناشی از تابع علامت هستند توسط یک سیستم عصبی - فازی تخمین زده شده و در قانون کنترل جایگزین می‌شوند. در آخر یک رویتگر حالت توسعه یافته غیرخطی طراحی خواهد شد تا تخمینی از حالت‌های سیستم و نیز مجموع نامعینی‌های وارد بر آن را به دست دهد. پس از آن کنترل‌کننده نهایی بازطراحی شده و اثبات پایداری آن نیز ارائه خواهد شد. در بخش پنجم نتایج شبیه‌سازی روش کنترلی پیشنهادی ارائه و با نتایج برخی از پژوهش‌های قبلی مقایسه می‌شود. بخش پایانی مقاله نتیجه‌گیری نهایی را بیان می‌کند.

## ۲- شبکه‌های عصبی - فازی

در حالت کلی برای تخمین نامعینی‌ها از دو رویکرد مختلف استفاده شده است. در رویکرد اول دینامیک سیستم به دو بخش معلوم نامی و نامعینی محدود نامعلوم تقسیم می‌شود. آنگاه با طراحی رویتگر سعی می‌شود «نامعینی نامعلوم» که به آن «تابع پنهان» گفته می‌شود تخمین زده شود. در رویکرد دوم ابتدا تابع دینامیک نامعلوم سیستم توسط یک شبکه عصبی یا سیستم فازی با دقت مناسبی تخمین زده می‌شود و سپس از آن در ساختار کنترل‌کننده استفاده می‌شود. شایان ذکر است که ترکیب شبکه عصبی و سیستم فازی می‌تواند تخمین‌زن قدرتمندی را ایجاد کند که هم‌زمان هم قابلیت یادگیری و هم امکان بهره‌گیری از دانش خیره را در خود داشته باشد.

به‌طور رایج شبکه‌های عصبی چند لایه با تابع فعال‌ساز سیگموئید و نیز تابع پایه شعاعی با تابع فعال‌ساز گاوسی برای شناسایی تابع پنهان در سیستم‌های دینامیکی استفاده شده‌اند. در مقابل، دسته دیگری از شبکه‌های عصبی به نام شبکه‌های عصبی «لینک تابعی» ارائه شده‌اند که شبکه‌های عصبی تک لایه و با پارامترهای کمتر هستند [۴۵-۴۲].

### ۲-۱ شبکه‌های عصبی لینک تابعی با چندجمله‌ای چپیشف

در شبکه‌های عصبی لینک تابعی می‌توان از توابع متعامد مختلفی مانند چندجمله‌ای‌های چپیشف، لژاندر و هرمیت به‌عنوان «فعال‌ساز» نرون‌های عصبی استفاده نمود. از آنجا که بسط چندجمله‌ای چپیشف سریع‌تر از سایر چندجمله‌ای متعامد همگرا می‌شود، برای این منظور کارآمدتر است و می‌تواند برای یادگیری آنلاین بهترین گزینه باشد.

در شکل ۱ ساختار کلی شبکه‌ی عصبی چپیشف نشان داده شده است که از دو بخش تشکیل می‌شود: بخش اول «تبدیل عددی» یا «جریان گسترش تابعی» نام دارد و وظیفه افزایش بُعد ورودی را انجام می‌دهد که بر عهده چندجمله‌ای‌های چپیشف است. با افزایش بُعد ورودی، عملاً لایه مخفی که در شبکه‌های عصبی چندلایه وجود دارد حذف می‌گردد و بدین سبب ساختار شبکه تک لایه می‌شود.

مبتنی بر پس‌خور خروجی استفاده نمود. در روش‌های مبتنی بر پس‌خور خروجی از رویتگرهای حالت بهره گرفته می‌شود که از جمله آن‌ها می‌توان به رویتگرهای حالت توسعه یافته و رویتگرهای مبتنی بر مد لغزشی و اشاره نمود.

تخمین همزمان اغتشاش و حالت‌های غیرقابل اندازه‌گیری یک قابلیت در رویتگرهای حالت توسعه یافته است [۳۷-۴۰] و از این رو در این مقاله از رویتگر حالت توسعه یافته غیرخطی از نوع مد لغزشی مرتبه سوم که نسبت به رویتگرهای حالت توسعه یافته کلاسیک از دقت و سرعت تخمین بالاتری برخوردار است استفاده خواهد شد.

### ج) کاهش دامنه سیگنال‌های کنترلی و حذف پدیده چترینگ

وجود پدیده چترینگ (نوسان‌های شدید یا همان لرزش در ورودی‌های کنترلی سیستم) در برخی از روش‌های کنترلی از جمله روش‌های مبتنی بر مد لغزشی می‌تواند عملکرد سیستم را هم از نظر دقت و هم از نظر میزان مصرف انرژی تحت تأثیر قرار دهد و در صورتی که از مقادیر مشخصی بالاتر باشد می‌تواند موجب بروز عیب و حتی از کار افتادن محرکه‌های سیستم شود. برای حذف یا کاهش اثر چترینگ در ورودی‌های کنترلی روش‌های مختلفی در پژوهش‌های گذشته ارائه شده است که از جمله آن‌ها می‌توان به استفاده از سیستم فازی برای تنظیم بهره‌های کنترلی یا تخمین ورودی‌های کنترلی، استفاده از توابع جایگزین تابع علامت مانند تابع اشباع و تانژانت هایپربولیک برای هموارسازی سیگنال کنترلی و استفاده از روش‌های مبتنی بر مد لغزشی پیوسته مانند مد لغزشی مرتبه بالا و مرتبه کامل اشاره نمود [۴۱].

### د) نوآوری‌های مقاله حاضر

با توجه به چالش‌های مطرح شده نوآوری‌های پژوهش حاضر را در سه مورد می‌توان بیان نمود که عبارتند از:

الف) استفاده از روش مد لغزشی پایانه‌ای غیرتکین سریع انتگرالی که علاوه بر تضمین پایداری زمان محدود و دقت عملکردی بالا، از همگرایی سریع‌تری نسبت به روش‌های مد لغزشی پایانه‌ای مرسوم که در پژوهش‌های قبلی مورد استفاده قرار گرفته است برخوردار است و این موضوع موجب بهبود چشمگیر عملکرد سیستم کنترلی در حالت گذرا می‌شود.

ب) بهره‌گیری از یک رویکرد تطبیقی هوشمند با دقت و سرعت تخمین بیشتر و ساختار ساده‌تر نسبت به شبکه‌های هوشمند مرسوم که از تلفیق شبکه‌های عصبی، توابع چندجمله‌ای متعامد چپیشف و سیستم استنتاج فازی صورت‌بندی می‌شود. این ایده برای تخمین ورودی‌های کنترلی که چترینگ ایجاد می‌کنند استفاده می‌شود.

ج) استفاده از شبکه هوشمند طراحی شده برای به‌روزرسانی ضرایب رویتگر مد لغزشی مرتبه بالا به منظور بهبود دقت و سرعت آن در تخمین تجمعی اغتشاشات خارجی و عدم قطعیت‌های سیستم و نیز تخمین همزمان بردار حالت سرعت.

ادامه این مقاله به این صورت سازماندهی می‌شود: در بخش دوم به معرفی

که در آن  $\mu_{A_j^i}$  بیانگر توابع عضویت ورودی است که به‌طور مرسوم به صورت توابع عضویت گاوسی انتخاب می‌گردند، یعنی:

$$\mu_{A_j^i}(x_j) = \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{x_j - c_j^i}{\sigma_j^i}\right)^2\right) \quad (۵)$$

در رابطه بالا  $c_j^i$  و  $\sigma_j^i$  به ترتیب بیانگر پارامتر مرکز و انحراف معیار توابع گوسی هستند که با توجه به داده‌های ورودی و خروجی بهینه‌سازی می‌گردند تا یک تخمین دقیق از تابع  $f(x)$  حاصل شود.

**لم ۱:** هر تابع غیر خطی دلخواه مانند  $f(x)$  را می‌توان در یک بازه مانند  $[a, b]$  با استفاده از مجموعه‌ای از توابع چندجمله‌ای متعامد به صورت زیر تخمین زد [۴۴]:

$$f(x) = \sum_{i=1}^M \theta_i P_i(x) + \epsilon_i \quad (۶)$$

که در آن  $\epsilon_i$  خطای تقریب تابع،  $P_i(x)$  توابع پایه متعامد،  $\theta_i$  ضرایب ترکیب خطی و  $M$  تعداد چندجمله‌ای‌های مانده در تقریب هستند.

در بنای شبکه‌های عصبی - فازی لینک تابعی با توابع پایه متعامد، لایه اول برای نگاشت تابعی است و در آن توابع چندجمله‌ای متعامد نقش مهمی در تعیین دقت و سرعت استخراج ویژگی‌ها دارند. مشخصه‌هایی مثل تعامد، غیر خطی بودن و کامل بودن توابع متعامد در توانایی و کیفیت تخمینی که شبکه از تابع پنهان به دست می‌دهد مؤثر است. مطابق شکل ۱ شبکه عصبی چپیشف تخمین تابع پنهان را به صورت زیر به دست می‌دهد [۴۷]:

$$\hat{y} = \hat{f}(x) = \hat{\theta} \psi(x) = \sum_{i=1}^M \theta_i \psi_i(x) \quad (۷)$$

در اینجا  $\hat{\theta}$  بردار پارامترها و  $\psi(x)$  را می‌توان پایه‌ای از توابع متعامد، یا تابع فعال-ساز نورون‌ها و یا بردار رگرسورها در یک مدل خطی تلقی کرد که در هر حال به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\psi(x) = [T_0(x_1), \dots, T_M(x_1), \dots, T_0(x_n), \dots, T_M(x_n)]^T \quad (۸)$$

که در آن  $x_i$  بردار ورودی‌های شبکه و  $M$  مرتبه چندجمله‌ای‌های چپیشف مورداستفاده است. یادگیری این شبکه به معنی یافتن مقادیر بهینه پارامترها است. بنابراین با روش بهینه‌سازی مانند گرادینت نزولی می‌بایست تابع ضرر را که مجموع مربعات خطا تعریف می‌شود، مطابق رابطه زیر، کمینه کرد [۴۸]:

$$\theta^* = \arg \min_{\theta} \int_a^b \left( f(x) - \sum_{i=1}^M \theta_i P_i(x) \right)^2 \quad (۹)$$

اگر تخمین حاصل از روابط (۳) و (۷) را در یک ترکیب موازی به هم متصل شوند، مطابق شکل ۲، یک شبکه عصبی-فازی که به جهت آنکه در آن از توابع فعال‌ساز چپیشف استفاده شده است به همین نام نیز شناخته می‌شود. آنگاه بردار رگرسورهای چنین ترکیبی به صورت زیر خواهد بود:

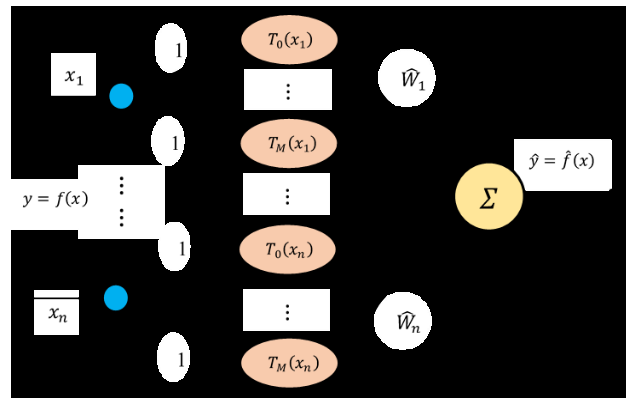
$$\psi(x) = [RBF(x_1), \dots, RBF(x_n), T(x_1), \dots, T(x_n)]^T \quad (۱۰)$$

که در آن  $RBF(\bullet)$  بیانگر توابع پایه فازی (مطابق (۵)) و  $T(\bullet)$  جملات بسط چپیشف ورودی‌های سیستم هستند. بردار وزن‌های لایه خروجی به صورت تطبیقی در حین تحول بهینه‌سازی می‌گردد.

بخش دوم، بخش «یادگیری» است و همانند یک شبکه تک لایه عمل می‌کند که وزن‌های آن می‌باید آموزش داده شوند. بنابراین در مقایسه با شبکه‌ی تابع پایه شعاعی در اینجا تنها یک لایه در فرآیند یادگیری شرکت می‌کند و به علاوه توابع غیر خطی آن از نوع چندجمله‌ای هستند، که سبب ساده‌تر شدن محاسبات می‌گردند.

چندجمله‌ای‌های چپیشف را می‌توان با استفاده از رابطه بازگشتی  $T_n(x) = 2xT_{n-1}(x) - T_{n-2}(x)$ ,  $0 < n \leq M$  برطبق این رابطه، چندجمله‌ای‌های نخستین چپیشف  $T_1(x) = x$ ,  $T_0(x) = 1$ ,  $T_2(x) = 2x^2 - 1$ ,  $T_3(x) = 4x^3 - 3x$  هستند. توابع چندجمله‌ای چپیشف در بازه  $[-1, 1]$  نسبت به تابع وزنی  $1/\sqrt{1-x^2}$  متعامد بوده و بنابراین داریم:

$$\int_{-1}^1 \frac{T_i(x)T_j(x)}{\sqrt{1-x^2}} dx = \begin{cases} 0 & \text{if } i \neq j \\ \pi/2 & \text{if } i = j \neq 0 \\ \pi & \text{if } i = j = 0 \end{cases} \quad (۱)$$



شکل ۱: ساختار شبکه عصبی چپیشف

## ۲-۲ شبکه عصبی چپیشف فازی

در حالت کلی یک سیستم استنتاج فازی با قوانین «اگر - آنگاه» به صورت زیر مفروض است:

$$\text{Rule } (i): \text{ if } x_1 \text{ is } A_1^i \dots \text{ and } x_n \text{ is } A_n^i \text{ then } y_i \text{ is } B^i \quad (۲)$$

که در آن  $i = 1, 2, \dots, R$  شماره قواعد فازی تعریف شده،  $j = 1, 2, \dots, n$  بیانگر ورودی‌های سیستم فازی و  $y_i$  خروجی سیستم فازی است.  $A_j^i$  و  $B^i$  متغیرهای زبانی (فازی) هستند که هر یک توسط تابع عضویت خود تعریف می‌گردد. سیستم فازی از ۳ واحد فازی‌ساز ورودی، موتور استنتاج فازی و نافازی‌ساز خروجی تشکیل می‌گردد. خروجی نهایی یک سیستم استنتاج فازی از تجمیع خروجی هر یک از قوانین محاسبه می‌شود. در سیستم فازی نوع تاکاگی-سوگنو تخمین یک تابع نامعلوم مانند  $f(x)$  به صورت زیر امکان‌پذیر است:

$$\hat{y} = \hat{f}(x) = \sum_{i=1}^R \theta_i \psi_i(x) \quad (۳)$$

که  $\theta_i$  بردار پارامترهای وزن‌دهی و  $\psi_i(x)$  بردار توابع پایه فازی است که با استفاده از توابع عضویت نرمالیزه شده ورودی به صورت زیر ساخته می‌شود [۴۶]:

$$\psi(x) = \frac{\prod_{j=1}^n \mu_{A_j^i}(x_j)}{\sum_{i=1}^M \prod_{j=1}^n \mu_{A_j^i}(x_j)} \quad (۴)$$

$$\ddot{q} + (D + 2\Omega)\dot{q} + Kq = u + D(x_1, x_2, t) \quad (15)$$

که نامعینی مجموع در واقع به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\begin{cases} f = f_0 + \Delta f & \text{where: } \Delta f = -\Delta D\dot{q} - \Delta Kq \\ D(x_1, x_2, t) = d - \Delta f \end{cases} \quad (16)$$

که  $f_0 = -(D + 2\Omega)\dot{q} - Kq$  دینامیک نامی سیستم است. آنگاه معادله حاکم بر دینامیک سیستم نهایتاً به صورت زیر بازنویسی می شود (بگیریم  $x_1 = \dot{q}$  و  $x_2 = q$ ):

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = f_0(x) + u + D(x_1, x_2, t) \end{cases} \quad (17)$$

**فرض (۱):** تابع نامعینی مجموع سیستم  $D(t)$  و مشتق آن دارای مقادیر محدود بوده و به صورت  $|\dot{D}(t)| \leq \delta_D$  و  $|D(t)| \leq \Delta_D$  قابل بیان است که در آن  $\Delta_D$  و  $\delta_D$  مقادیر مثبتی اند که حدود بالای نامعینی های سیستم را می نمایانند و در حالت کلی نامعلوم هستند.

#### ۴- طراحی کنترل کننده

##### ۴-۱ کنترل کننده مدل لغزشی پایانه ای غیر تکین سریع

برای طراحی کنترل کننده خطای ردیابی به صورت  $e = x - x_d$  تعریف می شود که در آن  $x = [x_1, x_2]^T$  بردار متغیرهای حالت سیستم و  $x_d = [x_{d1}, \dot{x}_{d1}]^T$  بردار حالت های مطلوب سیستم است. هدف کنترلی به صفر رساندن خطای ردیابی در یک زمان محدود است. پس از تعریف خطای ردیابی به منظور مواجه نشدن با عیوب مدل لغزشی خطی و پایانه ای و برای بهره مندی از مزایای هر دو مورد، یک سطح لغزش جدید با الهام از سطوح لغزش در نظر گرفته شده در مرجع [۲۴] برای کنترل کننده مدل لغزشی پایانه ای غیر تکین سریع انتگرالی به صورت زیر انتخاب می گردد:

$$s = \dot{e} + \int_0^t (\lambda_1 e^{|\beta_1|} + \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} + \lambda_3 e + \lambda_4 \text{sign}(\dot{e})) dt \quad (18)$$

که در آن  $s = [s_1, s_2]^T$  بردار متغیرهای سطح لغزش،  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3, \lambda_4$  ضرایب مثبتی هستند که به عنوان ضرایب سطح لغزش شناخته می شوند، و  $0 < \beta_1 < 1$  و  $\beta_2 = \frac{2\beta_1}{1+\beta_1}$  ثابت هایی هستند. همچنین تابع  $e^{|\beta|}$  به صورت زیر تعریف می گردد:

$$e^{|\beta|} = |e|^{\beta} \text{sign}(e) \quad (19)$$

با توجه به قانون کنترلی مدل لغزشی زمانی که متغیرهای حالت سیستم بر روی سطح لغزش بنشینند رابطه  $s = \dot{s} = 0$  برقرار خواهد بود. بنابراین با مشتق گیری از رابطه سطح لغزش (۱۸) می توان نتیجه زیر را به دست آورد:

$$\dot{e} + \lambda_1 e^{|\beta_1|} + \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} + \lambda_3 e + \lambda_4 \text{sign}(\dot{e}) = 0 \quad (20)$$

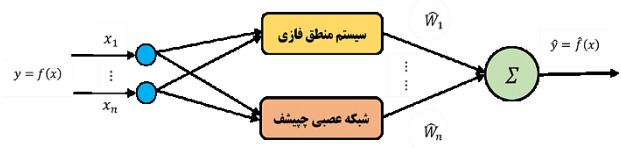
در نهایت با توجه به رابطه فوق دینامیک خطای ردیابی سیستم را می توان به صورت زیر بیان نمود:

$$\ddot{e} = -\lambda_1 e^{|\beta_1|} - \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} - \lambda_3 e - \lambda_4 \text{sign}(\dot{e}) \quad (21)$$

دینامیک خطای ردیابی به دست آمده از پایداری مجانبی جهانی برخوردار است که برای اثبات آن یک تابع لیپانوف به صورت زیر در نظر می گیریم:

$$V_1 = \frac{\lambda_1}{\beta_1 + 1} |e|^{\beta_1 + 1} + \frac{1}{2} \dot{e}^2 + \frac{\lambda_3}{2} e^2 \quad (22)$$

با محاسبه مشتق تابع لیپانوف به صورت زیر خواهیم داشت:



شکل ۲: ساختار موازی شبکه عصبی چیشف فازی پیشنهادی

#### ۳- مدل دینامیکی ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی

در این بخش معادلات دینامیکی ژيروسکوپ میکروالکترومکانیکی که در واقع نوعی از سیستم های ارتعاشی جرم-فنر-دمپر است، مطابق شکل ۳، ارائه می شود. این معادلات را در حالت کلی می توان به صورت زیر نوشت [۱]:

$$\begin{cases} m\ddot{x} + d_{xx}\dot{x} + d_{xy}\dot{y} + k_{xx}x + k_{xy}y = u_x + 2m\Omega_z\dot{y} \\ m\ddot{y} + d_{xy}\dot{x} + d_{yy}\dot{y} + k_{xy}x + k_{yy}y = u_y - 2m\Omega_z\dot{x} \end{cases} \quad (11)$$

که در آن نمادهای  $k$  و  $d$  به ترتیب نماینده ضریب فنر و میراگر در راستای معین شده در زیر نویس آنها می باشند.  $m$  جرم متمرکز میانی است.  $u_x$  و  $u_y$  به ترتیب ورودی های کنترلی در راستاهای متعامد هستند.  $\Omega_z$  سرعت زاویه ای دوران جرم حول محور ارتفاعی است. برای سازگاری ابعادی، معمولاً معادلات دینامیکی را بی بعد سازی می کنند. برای این منظور پارامترهای مدل (۱۱) را با مقادیر بی بعد مطابق روابط زیر جایگزین می نمایانند:

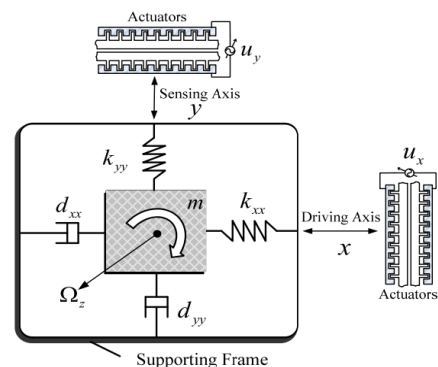
$$\begin{aligned} \frac{d_{yy}}{m\omega_0} &\rightarrow d_{yy} & \frac{d_{xy}}{m\omega_0} &\rightarrow d_{xy} & \frac{d_{xx}}{m\omega_0} &\rightarrow d_{xx} & \frac{\Omega_z}{m\omega_0} &\rightarrow \Omega_z \\ \frac{k_{yy}}{m\omega_0^2} &\rightarrow \omega_y^2 & \frac{k_{xy}}{m\omega_0^2} &\rightarrow \omega_{xy} & \frac{k_{xx}}{m\omega_0^2} &\rightarrow \omega_x^2 \end{aligned} \quad (12)$$

که اینجا  $\omega_0^2$  بیانگر مجذور فرکانس تشدید دو محور و  $m$  نشان دهنده جرم بلوک می باشد. پس از آن معادله حاکم بر سیستم را در فضای حالت به صورت زیر بازنویسی می کنیم:

$$\begin{cases} \ddot{q} + D\dot{q} + Kq = u - 2\Omega\dot{q} \\ q = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}, D = \begin{bmatrix} d_{xx} & d_{xy} \\ d_{xy} & d_{yy} \end{bmatrix}, K = \begin{bmatrix} \omega_x^2 & \omega_{xy} \\ \omega_{xy} & \omega_y^2 \end{bmatrix} \\ u = \begin{bmatrix} u_x \\ u_y \end{bmatrix}, \Omega = \begin{bmatrix} 0 & -\Omega_z \\ \Omega_z & 0 \end{bmatrix} \end{cases} \quad (13)$$

با در نظر گرفتن عدم قطعیت های پارامتری  $\Delta D$  و  $\Delta K$  و همچنین اغتشاشات خارجی  $d$  که بر سیستم وارد شود، معادله (۱۳) به صورت زیر قابل بازنویسی است:

$$\ddot{q} + (D + 2\Omega + \Delta D)\dot{q} + (K + \Delta K)q = u + d \quad (14)$$



شکل ۳: ساختار ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی [۱]

با تجمیع نامعینی ها (پارامتری و اغتشاشی) در جمله  $D(x_1, x_2, t)$  معادله (۱۴) مجدداً به صورت زیر بازنویسی می شود:

#### ۴-۲ کنترل کننده عصبی - فازی برای حذف چترینگ

حضور تابع علامت  $\text{sign}(s)$  در معادلات (۲۵) و (۲۶) سبب ناپیوستگی و بروز نوسان‌های شدید در سیگنال‌های کنترلی می‌شود. یکی از روش‌های حذف یا کاهش چترینگ، روش لایه‌مرزی است که در آن تابع علامت ناپیوسته را با توابعی پیوسته‌ای مانند تابع اشباع یا تانژانت هایپربولیک که رفتاری مشابه تابع علامت دارند جایگزین می‌کنند؛ هرچند ممکن است به اختلال در پایداری سیستم بیانجامد.

از روش‌های بسیار پرکاربرد دیگر برای حذف چترینگ می‌توان به روش کنترل فازی یا شبکه‌های عصبی اشاره نمود که در آن‌ها بخش ناپیوسته سیگنال‌های کنترلی با استفاده از تخمین گرهای مبتنی بر سیستم فازی یا شبکه‌های عصبی محاسبه و جایگزین می‌شود. عبارت‌های  $\lambda_4 \text{sign}(\dot{e})$  در معادله (۲۵) و  $\alpha_2 \text{sign}(s)$  در معادله (۱۶) عوامل ایجاد چترینگ در سیگنال‌های کنترلی این مقاله هستند. لذا با توجه به مزیت‌های سیستم استنتاج فازی در مقاله حاضر از آن برای حذف چترینگ استفاده می‌شود. از این رو در قوانین کنترلی جملات شامل تابع  $\text{sign}(\cdot)$  به صورت زیر بازنویسی می‌شوند:

$$U_{\text{chat}} = \lambda_4 \text{sign}(\dot{e}) + \alpha_2 \text{sign}(s) \quad (30)$$

حال تابع فوق را با استفاده از شبکه عصبی - فازی به صورت زیر تخمین می‌زنیم:

$$\hat{U}_{\text{fnn}} = W^T \psi(s) \quad (31)$$

که در آن  $W$  بردار وزن‌های شبکه عصبی - فازی و  $\psi(s)$  توابع پایه فازی است. بردار وزن‌های بهینه شبکه عصبی - فازی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$W^* = \arg \min_{W \in \Omega} \left[ \sup_{s \in \mathbb{R}} |\hat{U}_{\text{fnn}}(s | W) - U_{\text{chat}}| \right] \quad (32)$$

که در آن  $\Omega$  دامنه مقادیر وزن‌های شبکه عصبی - فازی است. پس از محاسبه و جایگذاری مقادیر بهینه وزن‌ها، رابطه (۳۱) به صورت زیر بازنویسی می‌شود:

$$\hat{U}_{\text{fnn}}(s | W^*) = W^* \psi(s) = \lambda_4 \text{sign}(\dot{e}) + \alpha_2 \text{sign}(s) \quad (33)$$

برای بروز رسانی وزن شبکه عصبی - فازی یک قانون تطبیقی به صورت زیر در نظر می‌گیریم که در آن  $\Gamma$  یک ثابت مثبت است:

$$\dot{W} = \Gamma s \psi(s) \quad (34)$$

با جایگذاری رابطه فوق در معادله (۱۶) می‌توان ورودی‌های کنترلی را به صورت زیر بازنویسی کرد که در آن عوامل تولید چترینگ با توابع به دست آمده از تخمین‌زن فازی - عصبی جایگزین شده است:

$$U = -(f_0 - \ddot{x}_d + \lambda_1 e^{|\beta_1|} + \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|}) + \lambda_3 e + \alpha_1 s + \Delta_D + \hat{U}_{\text{fnn}} \quad (35)$$

قضیه زیر برای اثبات پایداری کنترل گر پیشنهادی ارائه می‌گردد.

**قضیه ۲:** کنترل کننده پیشنهادی برای سیستم دینامیکی ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی داده شده در معادله (۱۷) با ورودی کنترلی تعریف شده در رابطه (۳۶) پایدار است و متغیرهای حالت سیستم بعد از مدت زمان محدودی به حالت‌های مطلوب سیستم همگرا می‌شود.

**اثبات:** یک تابع لیاپانوف جدید به صورت زیر انتخاب می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \dot{V}_1 &= \lambda_1 |e|^{\beta_1} \dot{e} + \dot{e} \ddot{e} + \lambda_3 e \dot{e} \\ &= \lambda_1 |e|^{\beta_1} \dot{e} + \lambda_3 e \dot{e} \\ &+ \dot{e} \left( -\lambda_1 |e|^{\beta_1} - \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} - \lambda_3 e - \lambda_4 \text{sign}(\dot{e}) \right) \\ &= \lambda_1 |e|^{\beta_1} \dot{e} - \lambda_1 |e|^{\beta_1} \dot{e} - \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2+1|} \\ &\quad - \lambda_3 e \dot{e} - \lambda_4 |\dot{e}| + \lambda_3 e \dot{e} \\ &= -\lambda_2 |\dot{e}|^{|\beta_2+1|} - \lambda_4 |\dot{e}| \leq 0 \end{aligned} \quad (23)$$

با توجه به نامساوی به دست آمده و با توجه به قضیه LaSalle می‌توان گفت دینامیک خطای ردیابی با سطح لغزش در نظر گرفته شده از پایداری معجانی برخوردار است. بر اساس تابع سطح لغزش و دینامیک خطای به دست آمده، در روش پیشنهادی ورودی کنترلی به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$U = U_{eq} + U_{sw} \quad (24)$$

که در آن  $U_{eq}$  ورودی کنترلی معادل بوده و وظیفه آن رساندن حالت‌های سیستم از شرایط اولیه بر روی سطح لغزش است و  $U_{sw}$  ورودی کنترلی کلیدزنی است که برای جبران اثرات اغتشاشات خارجی و عدم قطعیت‌های دینامیک سیستم به کار می‌رود.

در روش‌های کنترلی مبتنی بر مد لغزشی ورودی کنترلی معادل را از برقراری  $\dot{s} = 0$  محاسبه می‌کنند. به این ترتیب خواهیم داشت:

$$U_{eq} = -(f_0 - \ddot{x}_d + \lambda_1 |e|^{\beta_1} + \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} + \lambda_3 e + \lambda_4 \text{sign}(\dot{e})) \quad (25)$$

ورودی کنترلی کلیدزنی نیز به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$U_{sw} = -(\alpha_1 s + \alpha_2 \text{sign}(s) + \Delta_D) \quad (26)$$

که  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$  ضرایب ثابت مثبت و حد بالای  $\Delta_D$  نامعینی‌ها است.

**قضیه ۱:** برای سیستم دینامیکی (۱۷) و با فرض محدود بودن اندازه مجموع نامعینی‌های سیستم  $\Delta_D$ ، (عدم قطعیت‌های پارامتری و اغتشاشات خارجی) در صورتی که ضرایب مناسب برای سطح لغزش تعریف شده در معادله (۱۸) انتخاب گردد، با اعمال ورودی کنترلی حاصل از روش کنترلی مد لغزشی پايانه‌ای غیر تکین سریع انتگرالی که روابط آن در معادلات (۲۴) تا (۲۶) بیان شد، سطح لغزشی (۱۸) تضمین کننده پایداری زمان محدود است و خطای ردیابی سیستم بعد از مدت محدودی به صفر همگرا می‌شود.

**اثبات:** برای اثبات قضیه پایداری فوق ابتدا یک تابع لیاپانوف به صورت زیر انتخاب می‌کنیم که در آن  $s$  متغیر سطح لغزش است:

$$V_2 = \frac{1}{2} s^T s \quad (27)$$

با مشتق‌گیری از تابع لیاپانوف و جایگذاری  $\dot{s}$  مطابق با سیستم (۱۷) خواهیم داشت:

$$\dot{V}_2 = s^T \dot{s} = s^T (f_0(x) + u + D(t) - \ddot{x}_d(t) + \lambda_1 |e|^{\beta_1} + \lambda_2 \dot{e}^{|\beta_2|} + \lambda_3 e + \lambda_4 \text{sign}(\dot{e})) \quad (28)$$

حال با جایگذاری ورودی کنترلی به دست آمده از رابطه (۲۴) در رابطه (۲۸) خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \dot{V}_2 &= s^T (-\alpha_1 s - \alpha_2 \text{sign}(s) - \Delta_D + D(t)) \\ &\leq s^T (-\alpha_1 s - \alpha_2 \text{sign}(s) + D_{\max}(t) - \Delta_D) \\ &\leq -\alpha_1 s^T s - \alpha_2 |s| \leq 0 \end{aligned} \quad (29)$$

با توجه به قضیه پایداری لیاپانوف، اثبات قضیه ۱ کامل می‌گردد.

و تعریف رابطه زیر می‌توان معادلات رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم را مطابق (۴۲) بازنویسی نمود:

$$\begin{cases} \delta_f(x, \hat{x}, t) = f_0(\hat{x}) - f_0(x) \\ \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) = D(x_1, x_2, t) - \delta_f(x, \hat{x}, t) \end{cases} \quad (41)$$

در معادله فوق می‌توان فرض نمود که  $\|\delta_f(x, \hat{x}, t)\| \leq Y$ . آنگاه:

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}}_1 = -\rho_1 |\hat{x}_1|^{2/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{x}_2 \\ \dot{\hat{x}}_2 = -\rho_2 |\hat{x}_1|^{1/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) + \hat{z} \\ \dot{\hat{z}} = -\rho_3 \text{sign}(\hat{x}_1) \end{cases} \quad (42)$$

با تعریف یک متغیر جدید به صورت  $\hat{z}_0 = \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) + \hat{z}$  می‌توان معادله (۴۲) را به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}}_1 = -\rho_1 |\hat{x}_1|^{2/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{x}_2 \\ \dot{\hat{x}}_2 = -\rho_2 |\hat{x}_1|^{1/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{z}_0 \\ \dot{\hat{z}}_0 = -\rho_3 \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) \end{cases} \quad (43)$$

**قضیه ۳:** در رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم ارائه شده در (۴۳) در صورتی که ضرایب  $\rho_i$  را به صورت روابط ذکر شده در رابطه (۴۴) انتخاب نمود، رویتگر به صورت زمان محدود پایدار خواهد شد و در نتیجه بعد از مدت زمان محدودی حالت‌های تخمین زده شده توسط رویتگر به مقادیر واقعی حالت‌های سیستم همگرا خواهند شد و خطای تخمین به سمت صفر میل می‌کند [۳۹].

$$\begin{cases} \rho_1 = 2\Delta^{*1/3} \\ \rho_2 = 2.12\Delta^{*2/3} \\ \rho_3 = 1.1\Delta^* \end{cases} \quad (44)$$

که در اینجا  $\Delta^* = \Delta_D + \delta_D$  می‌باشد.

با همگرایی رویتگر که بعد از زمان محدودی محقق می‌شود، شرایط  $\hat{x}_1 \rightarrow 0$  را به صورت  $\delta_f(x, \hat{x}, t) \rightarrow 0$  برقرار شده و نتیجتاً بخش سوم معادله رویتگر را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$\dot{\hat{z}}_0 = -\rho_3 \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) \equiv 0 \quad (45)$$

بنابراین مجموع نامعینی‌های سیستم را می‌توان به‌طور زیر تخمین زد:

$$\hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) = \int \rho_3 \text{sign}(\hat{x}_1) \quad (46)$$

رویتگر طراحی شده تا این مرحله رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم مرسوم با ضرایب ثابت است که پیش از این نیز استفاده شده است. در ادامه این مقاله، با استفاده از شبکه عصبی-فازی پیشنهادی خود، ضرایب رویتگر را به صورت تطبیقی تخمین زده و تخمین حاصل را به جای ضرایب ثابت مورد استفاده قرار می‌دهیم. به این ترتیب، رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم جدید به صورت زیر طراحی می‌گردد:

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}}_1 = -\hat{\rho}_1 |\hat{x}_1|^{2/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{x}_2 \\ \dot{\hat{x}}_2 = -\hat{\rho}_2 |\hat{x}_1|^{1/3} \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{x}_3 \\ \dot{\hat{x}}_3 = -\hat{\rho}_3 \text{sign}(\hat{x}_1) + \hat{\Delta}(x, \hat{x}, t) \end{cases} \quad (47)$$

که این بار  $\hat{\rho}_i$ ها ضرایب تخمین زده شده این رویتگر هستند که از شبکه عصبی-فازی زیر محاسبه می‌شوند:

$$\hat{\rho}_i = W_i^T \psi(X_i), \quad i = 1, 2, 3 \quad (48)$$

$$V_3 = \frac{1}{2} s^T S + \frac{1}{2} \bar{W}^T (\Gamma)^{-1} \bar{W} \quad (36)$$

که  $\bar{W} = W - W^*$  است و با مشتق گیری از رابطه فوق داریم:

$$\dot{V}_3 = s^T \dot{S} + \bar{W}^T (\Gamma)^{-1} \dot{\bar{W}} \quad (37)$$

با جایگذاری روابط (۲۸)، (۳۱) و (۳۴) در رابطه فوق خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \dot{V}_3 &= s^T (-\alpha_1 s - \Delta_D + D(t)) + s \bar{W}^T \psi(s) \\ &= s^T (-\alpha_1 s - W^T \psi(s) - \Delta_D + D(t)) + s \bar{W}^T \psi(s) \\ &\leq s^T (-\alpha_1 s + W^{*T} \psi(s) - W^T \psi(s) - W^{*T} \psi(s)) + s \bar{W}^T \psi(s) \\ &= s^T (-\alpha_1 s - W^{*T} \psi(s)) \end{aligned} \quad (38)$$

با توجه به نتیجه به دست آمده در رابطه (۳۳) و جایگذاری آن در معادله فوق می‌توانیم به نتیجه زیر برسیم:

$$\dot{V}_3 \leq s^T (-\alpha_1 s - \alpha_2 \text{sign}(s) - \lambda_4 \text{sign}(\dot{e})) \quad (39)$$

بنابراین با توجه به قضیه پایداری لیاپانوف می‌توان گفت سیستم کنترلی طراحی شده پایدار خواهد بود و قضیه ۲ اثبات می‌شود.

### ۳-۴ رویتگر مدل لغزشی مرتبه بالا تطبیقی عصبی-فازی

از میان رویتگرهای حالت مختلف، رویتگرهای حالت مدل لغزشی مرتبه بالا به‌ویژه رویتگر مدل لغزشی مرتبه دوم و مرتبه سوم این توانایی را دارند که علاوه بر حالت‌های سیستم، مجموع نامعینی‌ها را نیز با دقت بالایی تخمین بزنند [۴۰-۳۸]. دقت این رویتگرها به حدی بالا است که در برخی از مراجع از آن‌ها به‌عنوان «مشتق گیرهای دقیق مقاوم» نام می‌برند. رویتگر مدل لغزشی مرتبه دوم در مقایسه با رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم یک مزیت و یک عیب دارد [۳۹]؛ مزیت آن سرعت همگرایی بالاتر و عیب آن دقت پایین‌تر و نیاز به فیلتر نمودن خروجی‌های رویتگر است، که این امر باعث ایجاد تأخیر می‌شود. در رویتگرهای مدل لغزشی برای دستیابی به پایداری زمان محدود، ضرایب رویتگر بر اساس روابط از پیش تعریف شده‌ای محاسبه می‌گردند و در طول عملکرد دارای مقادیر مشخص و ثابتی هستند. این موضوع موجب می‌شود تا علی‌رغم دقت و سرعت قابل قبول، نتوان عملکرد بهینه را از آن‌ها کسب کرد. اگر بتوان ضرایب رویتگر را به صورت تطبیقی تنظیم نمود، آنگاه دقت و سرعت تخمین به‌طور قابل توجهی بهبود پیدا خواهد نمود. یکی از بهترین روش‌ها برای تنظیم ضرایب رویتگر به صورت تطبیقی، استفاده از سیستم فازی و شبکه عصبی است.

در مقاله حاضر ابتدا یک رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم برای تخمین هم‌زمان حالت‌ها و مجموع نامعینی‌های سیستم طراحی می‌گردد. در ادامه برخلاف شیوه مرسوم که در آن ضرایب رویتگر ثابت است، یک رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم با ضرایب تطبیقی ارائه می‌شود که در این رویتگر جدید، ضرایب توسط یک شبکه عصبی-فازی (مشابه آنچه برای کنترل گر داشتیم) محاسبه می‌شود.

رویتگر مدل لغزشی مرتبه سوم مرسوم برای دینامیک بیان شده در معادله (۱۷) به صورت زیر طراحی می‌شود [۳۹]:

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}}_1 = \rho_1 |x_1 - \hat{x}_1|^{2/3} \text{sign}(x_1 - \hat{x}_1) + \hat{x}_2 \\ \dot{\hat{x}}_2 = f_0(\hat{x}) + u + \rho_2 |x_1 - \hat{x}_1|^{1/3} \text{sign}(x_1 - \hat{x}_1) + \hat{z} \\ \dot{\hat{z}} = -\rho_3 \text{sign}(x_1 - \hat{x}_1) \end{cases} \quad (40)$$

که در آن  $\hat{x}_1, \hat{x}_2$  مقادیر تخمین زده شده حالت‌های سیستم بوده و  $\rho_i$ ها ضرایب ثابتی در این رویتگر هستند. با تعریف  $\tilde{x} = x - \hat{x}$  به‌عنوان خطای تخمین رویتگر

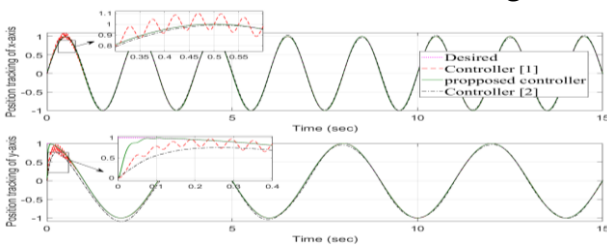
جدول ۱: پارامترهای مدل دینامیک ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی [۱]

پارامترهای مدل دینامیک ژيروسکوپ میکرو الکترومکانیکی	
یکا	پارامترهای مدل دینامیکی و مقادیر آنها
$10^{-6} \text{ kg}$	$m = 0.18$
$10^{-6} \text{ Ns/m}$	$d_{xx} = d_{yy} = 1.8, d_{xy} = 0.36$
$\text{N/m}$	$k_{xx} = 63.95, k_{yy} = 95.92, k_{xy} = 12.78$
پارامترهای بی بعد مدل دینامیکی	
$\omega_x^2 = 355.3, \omega_y^2 = 532.9, \omega_{xy} = 70.99$	
$d_{xx} = d_{yy} = 0.01, d_{xy} = 0.002$	
$\Omega_\xi = 0.1$	
شرایط اولیه در اجرای شبیه سازی سیستم کنترلی	
$x_1(0) = 1, x_2(0) = 0.5, \dot{x}_1(0) = \dot{x}_2(0) = 0$	
$x_{1d} = \sin(\pi t), x_{2d} = \cos(0.5\pi t)$	
$D(x, t) = 10\text{randn}(1,1) + 10\sin(20\pi t)$	

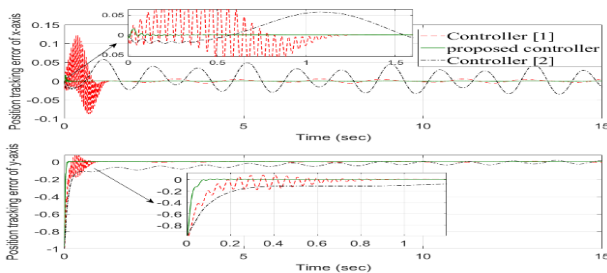
جدول ۲: پارامترهای کنترل گر و رویت گر

معادله (۲۵)	$\lambda_1 = \text{diag}(20, 20), \lambda_2 = \text{diag}(15, 15)$ $\lambda_3 = \text{diag}(50, 50), \lambda_4 = \text{diag}(8, 8)$ $\beta_1 = 1/2, \beta_2 = 2/3$
معادله (۳۵)	$\Gamma = \text{diag}(30, 30)$
معادله (۳۶)	$\alpha_1 = \text{diag}(10, 10), \Delta_D = [20, 20]$

نتایج شبیه سازی مربوط به ردیابی موقعیت و خطای این ردیابی به ترتیب در شکل های ۴ و ۵ نشان داده شده است. مطابق آن مشخص است که سیستم کنترلی پیشنهادی به خوبی توانسته است ردیابی دقیق و سریعی از مسیرهای مطلوب سیستم انجام بدهد. همچنین با توجه شکل مشخص است که سیستم کنترلی پیشنهادی بسیار سریع تر از روش های مورد استفاده در مراجع [۱ و ۲] همگرا شده و خطای ردیابی آن به صفر میل نموده است. دلیل آن استفاده از روش مد لغزشی پایانه ای غیر تکین سریع در روش پیشنهادی است.



شکل ۴: تحول زمانی ردیابی موقعیت



شکل ۵: تحول زمانی خطاهای ردیابی موقعیت

که در آن  $X_i = [e_1, e_2]^T$  ورودی شبکه عصبی- فازی است و در آن  $e_1 = x_1 - \hat{x}_1$  و  $e_2 = \dot{x}_1 - \dot{\hat{x}}_1$  می باشد. نرخ به روزرسانی وزن های شبکه عصبی- فازی فوق به صورت زیر تعریف می گردد که در آن  $\mu_i$  بیانگر نرخ یادگیری شبکه است:

$$\dot{W}_i = \mu_i \psi(X_i) \|X_i\| \quad (۴۹)$$

حال با به دست آمدن ضرایب رویتگر باید مقادیر جدید ضرایب را در معادلات (۴۳) و (۴۶) جایگذاری نماییم.

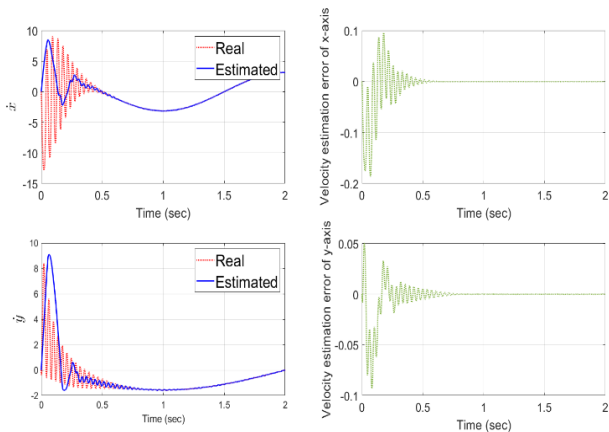
**لم ۲** [۴۰-۴۸]: در صورتی که در فرایند طراحی یک ساختار کنترلی از رویتگر و کنترل کننده هایی استفاده شود که هر دو از پایداری مجانبی برخوردار هستند، اثبات پایداری مجزای کنترل گر و رویتگر نشان دهنده پایداری مجانبی (و نه الزاماً زمان محدود) برای مجموعه سیستم کنترلی طراحی شده خواهد بود. اما در صورتی که رویتگر مورد استفاده دارای پایداری مجانبی باشد و سیستم کنترلی طراحی شده دارای پایداری زمان محدود باشد این امکان وجود دارد که سیستم کنترلی در مجموع دارای پایداری زمان محدود نباشد.

بنابراین بعد از اثبات پایداری رویتگر و کنترل کننده به صورت جداگانه بایستی اثبات پایداری مجموعه سیستم کنترلی بار دیگر با در نظر گرفتن مقادیر تخمین زده شده برای حالت ها و عدم قطعیت های سیستم مورد بررسی قرار گیرد. همچنین در صورتی که رویتگر مورد استفاده دارای پایداری زمان محدود باشد این تضمین را ارائه خواهد نمود که مقادیر تخمین زده شده حالت های سیستم بعد از زمان محدودی به مقادیر واقعی حالت های سیستم همگرا شده و معادل هم خواهند بود.

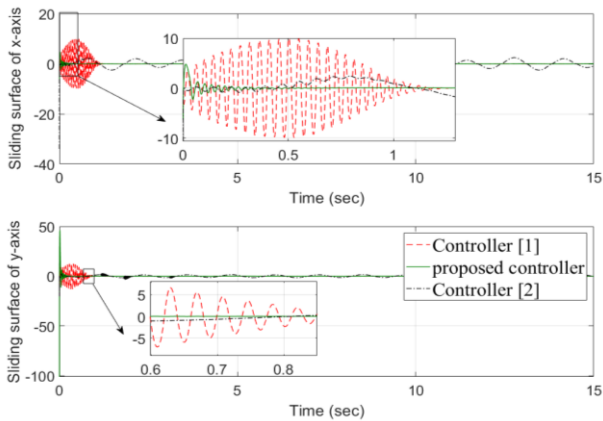
بنابراین نیازی به اثبات مجدد پایداری سیستم کنترلی با جایگذاری مقادیر تخمینی حالت های سیستم و عدم قطعیت ها که از رویتگر به دست می آید نخواهد بود. در پژوهش حاضر با توجه به اینکه رویتگر مورد استفاده از نوع مد لغزشی مرتبه سوم بوده و دارای پایداری زمان محدود می باشد بنابراین اثبات مجدد پایداری سیستم کنترلی ارائه شده در ترکیب با رویتگر مورد نیاز نخواهد بود و اثبات پایداری رویتگر و کنترل کننده به صورت مستقل از هم کافی می باشد.

## ۵- نتایج شبیه سازی

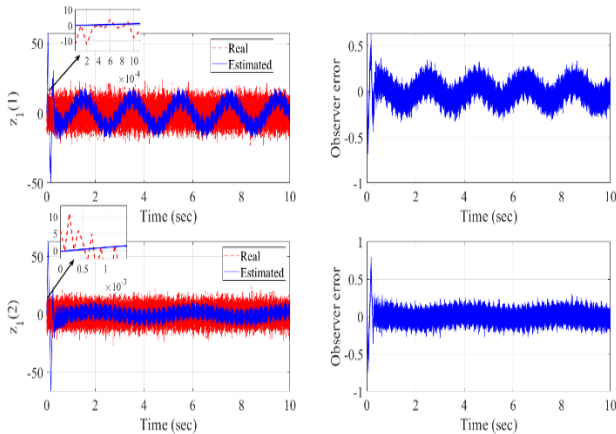
در این بخش نتایج شبیه سازی سیستم کنترلی پیشنهادی و مقایسه آن با نتایج پژوهش های مرتبط قبلی [۱ و ۲] ارائه می شود. مقادیر عددی پارامترهای سیستم کنترلی، پارامترهای دینامیکی ژيروسکوپ و شرایط محیطی به ترتیب در جداول ۱ و ۲ داده شده است. لازم به ذکر است مقادیر انتخاب شده برای پارامترهای سیستم کنترلی با استفاده از روش سعی و خطا به دست آمده است و مقادیر بهینه نیست. پارامترهای دینامیکی نیز مطابق با مرجع [۱] انتخاب شده است.



شکل ۸: تحول زمانی همگرایی توابع سطح لغزش



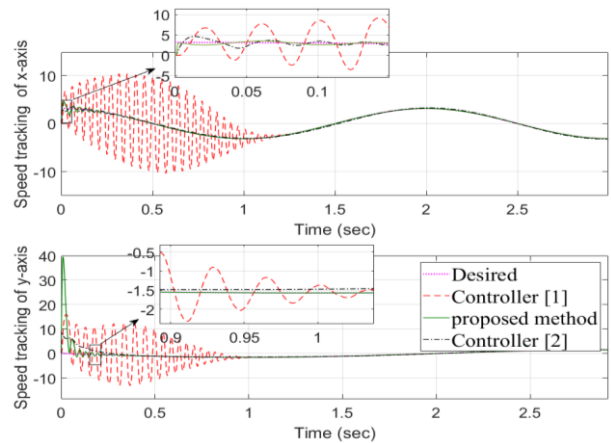
شکل ۹: تحول زمانی عملکرد رویکرد در تخمین سرعت‌ها



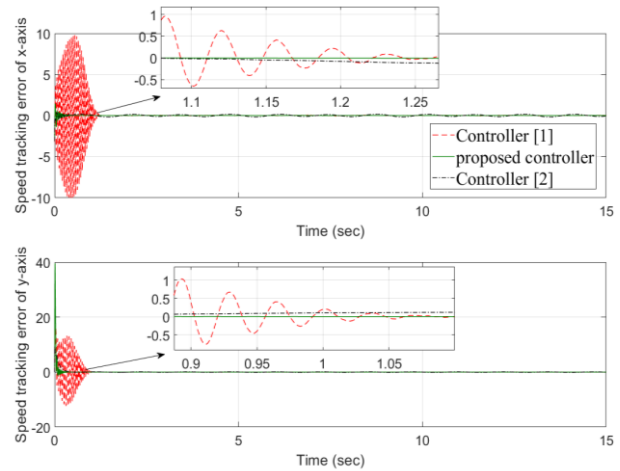
شکل ۱۰: نتایج عملکرد رویکرد هوشمند در تخمین مجموع نامعینی‌ها

در شکل ۱۰ نیز ملاحظه می‌گردد که رویکرد در تخمین تابع مجموع نامعینی سیستم که شامل یک عبارت تصادفی با توزیع نرمال بوده است موفق عمل کرده و توانسته در یک محدوده کران‌دار مقدار نامعینی مخلوط شده به سیستم را تخمین بزند. به علاوه این تخمین پایداری محاسباتی خود را حفظ نموده است و اگر نگریدید. در شکل ۱۱، ورودی‌های کنترلی تولید شده بر اساس کنترل‌گر

نتایج شبیه‌سازی برای ردیابی سرعت و خطای ردیابی سرعت در شکل‌های (۶) و (۷) نشان داده شده است. با توجه به این نتایج مشخص می‌گردد که سیستم کنترلی پیشنهادی در ردیابی سرعت نیز کاملاً موفق عمل نموده و سرعت‌های مطلوب سیستم را با دقت و سرعت بسیار بالایی ردیابی نموده است. همچنین با توجه به نتایج مشخص است که در ردیابی سرعت نیز سیستم کنترلی عملکرد بهتری نسبت به روش‌های مورد استفاده در مراجع [۱۰۲] داشته است.



شکل ۶: تحول زمانی ردیابی سرعت



شکل ۷: تحول زمانی خطاهای ردیابی سرعت

نتایج مربوط به تحول زمانی تابع سطح لغزش نیز در شکل ۸ نشان داده شده است که نشان‌دهنده همگرایی سطح لغزش در یک زمان محدود بوده و همچنین مشاهده می‌شود که این سطح لغزش بسیار سریع‌تر از سطوح لغزش مفروض در مراجع [۱۰۲] بوده است که دلیل این موضوع ماهیت همگرایی سریع‌تر سطح لغزش پایانه‌ای غیرتکین سریع است.

نتایج عملکرد رویکرد طراحی شده در تخمین سرعت‌های سیستم و مجموع نامعینی‌های سیستم به ترتیب در شکل‌های ۹ و ۱۰ نشان داده شده است. با توجه به شکل ۹ مشخص است که رویکرد طراحی شده بسیار سریع و دقیق توانسته است خطای تخمین متغیرهای حالت سرعتی را به صفر میل دهد.

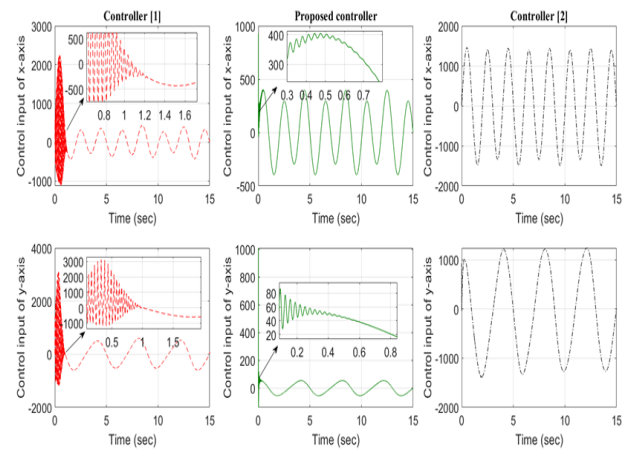
پژوهش حاضر بیشتر است که طبیعتاً موجب مصرف انرژی بالاتر خواهد بود. دلایل اصلی حذف هم‌زمان چترینگ و کاهش دامنه سیگنال‌های کنترلی در روش پیشنهادی استفاده از الگوریتم هوشمند مبتنی بر شبکه عصبی-فازی برای تخمین نامعینی‌ها و بخش‌های غیرهموار چترینگ‌ساز ورودی‌های کنترلی است. لازم به ذکر است با توجه به اینکه ضریب تابع علامت در ورودی‌های کنترلی که دلیل اصلی ایجاد چترینگ است باید بزرگتر از حد مجموع نامعینی‌ها انتخاب گردد تا پایداری سیستم تضمین شود. در صورتی که از رویتگر برای تخمین اغتشاشات استفاده نگردد حد بالای اغتشاشات به‌طور محتاطانه و اغلب بزرگ‌تر از مقدار واقعی انتخاب می‌گردد که این خود موجب افزایش چترینگ و دامنه سیگنال‌های کنترلی خواهد شد. در پژوهش‌های گذشته این موضوع مورد اثبات قرار گرفته است که استفاده از رویتگرها برای تخمین اغتشاشات می‌تواند موجب کاهش چترینگ و دامنه سیگنال‌های کنترلی گردد.

برای ارزیابی کیفیت عملکرد سیستم کنترلی و مقایسه عددی نتایج به‌دست آمده با نتایج پژوهش‌های مقایسه‌ای [۲۰]، جدول ۴ ارائه شده است. این ارزیابی جامع از عملکرد سیستم کنترلی با الهام از معیارهای استفاده‌شده در مراجع [۴۹ و ۵۰] ارائه شده است. نتایج جدول ۴ نشان می‌دهد روش کنترلی پیشنهادی نسبت به روش‌های مورد مقایسه قرار گرفته‌شده، در تمامی معیارهای ارزیابی مذکور، عملکرد بهتری دارد. دلیل اصلی اختلاف فاحش نتایج به‌دست آمده بیشتر مربوط به عملکرد حالت گذرای ورودی‌های کنترلی است.

جدول ۴: ارزیابی کیفیت عملکردی سیستم کنترلی پیشنهادی و مقایسه عددی نتایج با مراجع [۲۰]

معیار ارزیابی عملکرد سیستم کنترول	فرمول معیار ارزیابی	روش مرجع [۲]	روش مرجع [۱]	روش پیشنهادی	درصد بهبود	
					[۱]	[۲]
Mean Square Error (MSE)	$MSE = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^T [x_{di} - x_i]^2$	0.002116	0.002942	0.001837	37.55	13.18
Error Variance (EV)	$\sigma_e^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (e_k - \mu_e)^2}{N}$	0.001897	0.002318	0.001437	38.00	24.42
Sum of Maximum Absolute Error (SMAE)	$SMAE = \sum \max  e_i(t) $	1.0978	1.3521	1.0063	25.57	8.33
Integral of Square Error (ISE)	$ISE = \int e^2(t) dt$	0.022737	0.033140	0.016554	40.47	27.19
Integral of Time-weighted Square Error (ITSE)	$ITSE = \int te^2(t) dt$	0.002112	0.003209	0.0011235	64.98	46.80
Integral of Absolute Error (IAE)	$IAE = \int  e(t)  dt$	0.105544	0.21921	0.082678	62.28	21.66
Integral of Time-weighted Absolute Error (ITAE)	$ITAE = \int t e(t)  dt$	0.217547	0.323501	0.139063	57.01	36.07
Total Variation of the input (TV)	$TV = \sum_{i=1}^T \ u_{k+1} - u_k\ $	38.2044	53.0956	26.2808	50.50	31.12
Input Variance	$\sigma_u^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (u_k - \mu_u)^2}{N}$	148047.6580	227009.5828	113797.3201	49.87	23.13
Integral of Square Control Input (ISCI)	$ISCI = \int u^2(t) dt$	2227363.8498	2700710.6842	1910915.021	29.24	14.20

پیشنهادی این مقاله که شامل دو شبکه عصبی چیشف فازی مستقل برای حذف چترینگ و رویت اغتشاش بود، نشان داده شده‌اند.



شکل ۱۱: تحول زمانی ورودی‌های کنترلی

همان‌طور که در شکل ۱۱ مشخص است ورودی‌های کنترلی به‌دست آمده فاقد چترینگ بوده و نیز از دامنه کمتری نسبت به نتایج مراجع مقایسه‌ای برخوردار است. روش مرجع [۱] که تنها مبتنی بر مد لغزشی فرایبجشی است متحمل چترینگ بیشتری شده است. سیگنال‌های کنترلی روش مرجع [۲] نیز هرچند فاقد چترینگ است اما دامنه سیگنال‌های کنترلی در آن نسبت به روش پیشنهادی در

- [4] Fei J, Chen Y, Liu L, Fang Y. Fuzzy multiple hidden layer recurrent neural control of nonlinear system using terminal sliding-mode controller. *IEEE transactions on cybernetics*. 2021 Mar 12;52(9)
- [5] Fei J, Yan W. Adaptive control of MEMS gyroscope using global fast terminal sliding mode control and fuzzy-neural-network. *Nonlinear Dynamics*. 2014 Oct;78:103-16.
- [6] Liang X, Li S, Fei J. Adaptive fuzzy global fast terminal sliding mode control for microgyroscope system. *IEEE Access*. 2016 Dec 7;4:9681-8.
- [7] Zhang R, Xu B, Wang H. Recursive Integral Terminal Sliding Mode Control of MEMS Gyroscopes via Composite Neural Learning and Disturbance Observer.
- [8] Yan W, Hou S, Fang Y, Fei J. Robust adaptive nonsingular terminal sliding mode control of MEMS gyroscope using fuzzy-neural-network compensator. *International Journal of Machine Learning and Cybernetics*. 2017 Aug;8:1287-99.
- [9] Fei J, Yan W, Yang Y. Adaptive nonsingular terminal sliding mode control of MEMS gyroscope based on backstepping design. *International Journal of Adaptive Control and Signal Processing*. 2015 Sep;29(9):1099-115.
- [10] Wang Z, Fei J. Novel fuzzy neural nonsingular terminal sliding mode control of MEMS gyroscope. *Complexity*. 2019 Dec 18;2019:1-5.
- [11] Wang Z, Fei J. Fractional-order terminal sliding-mode control using self-evolving recurrent Chebyshev fuzzy neural network for MEMS gyroscope. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*. 2021 Jul 7;30(7):2747-58.
- [12] Fei J, Wang Z, Liang X. Robust adaptive fractional fast terminal sliding mode controller for microgyroscope. *Complexity*. 2020 Jul 23;2020.
- [13] Rahmani M, Rahman MH. A novel compound fast fractional integral sliding mode control and adaptive PI control of a MEMS gyroscope. *Microsystem Technologies*. 2019 Oct;25(10):3683-9.
- [14] Fei J, Liang X. Adaptive backstepping fuzzy neural network fractional-order control of microgyroscope using a nonsingular terminal sliding mode controller. *Complexity*. 2018 Sep 10;2018.
- [15] Fei J, Feng Z. Fractional-order finite-time super-twisting sliding mode control of micro gyroscope based on double-loop fuzzy neural network. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics: Systems*. 2020 Mar 25;51(12):7692-706.
- [16] Fei J, Feng Z. Adaptive super-twisting sliding mode control for micro gyroscope based on double loop fuzzy neural network structure. *International Journal of Machine Learning and Cybernetics*. 2021 Mar;12:611-24.

روش کنترلی پیشنهادی به دلیل استفاده از مد لغزشی پایانه‌ای غیر تکین سریع، از همگرایی بسیار سریع تری نسبت به روش‌هایی مانند مد لغزشی مبتنی بر الگوریتم فرایچس و مد لغزشی پایانه‌ای غیر تکین معمولی برخوردار است. بنابراین خطاهای ردگیری بسیار سریع‌تر به سمت صفر همگرا شده و نتایج مربوط به معیارهای ارزیابی مرتبط با خطای ردیابی، مقادیر بسیار کمتری نسبت به مقادیر برگرفته از مراجع [۲۰] کسب کرده‌اند. در صورتی که جدول فوق فقط برای لحظات بعد از همگرایی محاسبه گردد طبیعتاً درصد بهبودهای به دست آمده کاهش خواهد یافت اما همچنان نتایج بهتری نسبت به روش‌های مقایسه‌ای خواهند داشت. در مورد معیارهای ارزیابی مرتبط با ورودی‌های کنترلی، در روش پیشنهادی به دلیل استفاده از روینگر مد لغزشی مرتبه بالا و همچنین الگوریتم هوشمند شبکه عصبی چیشف فازی، سیگنال کنترلی بدون چترینگ بوده و به علاوه دامنه کمتری نیز دارد، بنابراین مقادیر عددی این معیارها نیز کمتر از روش‌های مقایسه‌ای است.

## ۴- نتیجه گیری

روش کنترلی جدیدی برای ژيروسکوپ‌های میکروالکترومکانیکی با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌های دینامیکی، اغتشاشات خارجی و با فرض در دسترس نبودن اطلاعات سرعت ارائه شد. به منظور بهبود پاسخ گذاری سیستم کنترلی و دستیابی به سرعت همگرایی بالا از روش کنترلی مد لغزشی پایانه‌ای غیر تکین سریع استفاده شد که نسبت به روش مد لغزشی پایانه‌ای و مد لغزشی پایانه‌ای تکین مرسوم از سرعت و دقت عملکرد بالاتری برخوردار است. نتایج شبیه‌سازی ردیابی موقعیت و سرعت به دست آمده گواه این موضوع هستند. به منظور پرهیز از طراحی روینگرهای جداگانه برای تخمین سرعت‌ها و تخمین مجموع نامعینی‌ها که شامل اغتشاشات خارجی و عدم قطعیت‌های دینامیکی بود، از یک روینگر حالت توسعه یافته از نوع مد لغزشی مرتبه سوم تطبیقی که ضرایب آن با استفاده از الگوریتم هوشمند مبتنی بر شبکه عصبی چیشف به روزرسانی می‌گشت استفاده شد. روینگر طراحی شده با دقت و سرعت بسیار بالایی توانست سرعت‌ها و عدم قطعیت‌های سیستم را تخمین بزند. همچنین از این شبکه هوشمند برای تخمین تابع علامت و همواری ورودی‌های کنترلی استفاده شد تا چترینگ آن نیز حذف گردد.

## مراجع

- [1] Feng Z, Fei J. Super-twisting sliding mode control for micro gyroscope based on RBF neural network. *IEEE Access*. 2018 Oct 21;6:64993-5001.
- [2] Xu B, Zhang R, Li S, He W, Shi Z. Composite neural learning-based nonsingular terminal sliding mode control of MEMS gyroscopes. *IEEE Transactions on Neural networks and learning systems*. 2019 Jun 26;31(4):1375-86.
- [3] Guo Y, Xu B, Zhang R. Terminal sliding mode control of mems gyroscopes with finite-time learning. *IEEE Transactions on Neural Networks and Learning Systems*. 2020 Sep 17;32(10):4490-8.

- [31] Vafaie RH, Mohammadzadeh A, Piran MJ. A new type-3 fuzzy predictive controller for MEMS gyroscopes. *Nonlinear Dynamics*. 2021 Sep;106(1):381-403.
- [32] Alattas KA, Mohammadzadeh A, Mobayen S, Aly AA, Felemban BF, Vu MT. A new data-driven control system for MEMSs gyroscopes: Dynamics estimation by type-3 fuzzy systems. *Micromachines*. 2021 Nov 12;12(11):1390.
- [33] Jafari M, Mobayen S, Roth H, Bayat F. Nonsingular terminal sliding mode control for micro-electro-mechanical gyroscope based on disturbance observer: Linear matrix inequality approach. *Journal of Vibration and Control*. 2022 May;28(9-10):1126-34.
- [34] Zhang R, Xu B, Wei Q, Zhang P, Yang T. Harmonic disturbance observer-based sliding mode control of MEMS gyroscopes. *Science China Information Sciences*. 2022 Mar;65:1-3.
- [35] Ma X, Sun Y, Zhu F. Nonsingular terminal sliding mode control of uncertain chaotic gyroscope system based on disturbance observer. *Journal of Mathematics*. 2021 Jan 4;2021:1-7.
- [36] Giap V, Vu H, Nguyen Q, Huang SC. Chattering-free sliding mode control-based disturbance observer for MEMS gyroscope system. *Microsystem Technologies*. 2022 Aug;28(8):1867-77.
- [37] Fridman L, Shtessel Y, Edwards C, Yan XG. Higher-order sliding-mode observer for state estimation and input reconstruction in nonlinear systems. *International Journal of Robust and Nonlinear Control: IFAC-Affiliated Journal*. 2008 Mar 10;18(4-5):399-412.
- [38] Nguyen VC, Vo AT, Kang HJ. Fault diagnosis and fault-tolerant control of uncertain robot manipulators using high-order sliding mode. *Mathematical Problems in Engineering*. 2016 Sep 4;2016.
- [39] Nguyen VC, Vo AT, Kang HJ. A finite-time fault-tolerant control using non-singular fast terminal sliding mode control and third-order sliding mode observer for robotic manipulators. *IEEE Access*. 2021 Feb 16;9:31225-35.
- [40] Van M, Ge SS, Ren H. Finite time fault tolerant control for robot manipulators using time delay estimation and continuous nonsingular fast terminal sliding mode control. *IEEE transactions on cybernetics*. 2016 Apr 28;47(7):1681-93.
- [41] Shokouhi F, Davaie Markazi AH. A new continuous approximation of sign function for sliding mode control. In *International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM 2018)*. Tehran. Iran 2018.
- [42] Lee TT, Jeng JT. The Chebyshev-polynomials-based unified model neural networks for function approximation. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B (Cybernetics)*. 1998 Dec;28(6):925-35.
- [43] Patra JC, Kot AC. Nonlinear dynamic system identification using Chebyshev functional link artificial
- [17] Pan Q, Fei J, Xue Y. Adaptive intelligent super-twisting control of dynamic system. *IEEE Access*. 2022 Apr 18;10:42396-403.
- [18] Fei J, Feng Z. Adaptive super-twisting sliding mode control for micro gyroscope based on double loop fuzzy neural network structure. *International Journal of Machine Learning and Cybernetics*. 2021 Mar;12:611-24.
- [19] Fei J, Feng Z. Adaptive fuzzy super-twisting sliding mode control for microgyroscope. *Complexity*. 2019 Feb 21;2019.
- [20] Rahmani M, Komijani H, Ghanbari A, Etefagh MM. Optimal novel super-twisting PID sliding mode control of a MEMS gyroscope based on multi-objective bat algorithm. *Microsystem Technologies*. 2018 Jun;24:2835-46.
- [21] Yu X, Feng Y, Man Z. Terminal sliding mode control—An overview. *IEEE Open Journal of the Industrial Electronics Society*. 2020 Nov 25;2:36-52.
- [22] Utkin V, Poznyak A, Orlov Y, Polyakov A. Conventional and high order sliding mode control. *Journal of the Franklin Institute*. 2020
- [23] Fridman L, Moreno JA, Bandyopadhyay B, Kamal S, Chalanga A. Continuous nested algorithms: The fifth generation of sliding mode controllers. In *Recent advances in sliding modes: From control to intelligent*
- [24] Asl RM, Hagh YS, Palm R, Handroos H. Integral non-singular terminal sliding mode controller for nth-order nonlinear systems. *IEEE Access*. 2019 Jul 24;7:102792-802.
- [25] Shtessel Y, Edwards C, Fridman L, Levant A. *Sliding mode control and observation*. New York: Springer New York; 2014.
- [26] Liu J, Wang X. *Advanced sliding mode control for mechanical systems*. Berlin: Springer; 2012.
- [27] Si H, Shao X, Zhang W. MLP-based neural guaranteed performance control for MEMS gyroscope with logarithmic quantizer. *IEEE Access*. 2020 Feb 17;8:38596-605.
- [28] Shao X, Si H, Zhang W. Fuzzy wavelet neural control with improved prescribed performance for MEMS gyroscope subject to input quantization. *Fuzzy Sets and Systems*. 2021 May 15;411:136-54.
- [29] Zirkohi MM. Adaptive interval type-2 fuzzy recurrent RBFNN control design using ellipsoidal membership functions with application to MEMS gyroscope. *ISA transactions*. 2022 Jan 1;119:25-40.
- [30] Asad YP, Shamsi A, Tavooosi J. Backstepping-based recurrent type-2 fuzzy sliding mode control for MIMO systems (MEMS triaxial gyroscope case study). *International journal of uncertainty, fuzziness and knowledge-based systems*. 2017 Apr;25(02):213-33.

- neural networks. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B (Cybernetics)*. 2002 Aug 7;32(4):505-11.
- [44] Chittora P, Singh A, Singh M. Chebyshev functional expansion based artificial neural network controller for shunt compensation. *IEEE transactions on industrial informatics*. 2018 Jan 15;14(9):3792-800.
- [45] Lu K, Li T, Zhang L. Active attitude fault-tolerant tracking control of flexible spacecraft via the Chebyshev neural network. *Transactions of the Institute of Measurement and Control*. 2019 Feb;41(4):925-33.
- [46] Bai Y, Wang D. Fundamentals of fuzzy logic control—fuzzy sets, fuzzy rules and defuzzifications. *Advanced fuzzy logic technologies in industrial applications*. 2006:17-36.
- [47] Beyhan S, Itik M. Adaptive fuzzy-Chebyshev network control of a conducting polymer actuator. *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*. 2016 May;27(8):1019-29.
- [48] Fei J, Yang J. Chebyshev Fuzzy Neural Network Super-Twisting Terminal Sliding Mode Control for Active Power Filter. *IEEE Internet of Things Journal*. 2023 Mar 28.
- [49] Yadegari H, Beyramzad J, Khanmirza E. Magnetorquers-based satellite attitude control using interval type-II fuzzy terminal sliding mode control with time delay estimation. *Advances in Space Research*. 2022 Apr 15;69(8):3204-25.
- [50] Nazari N, Moladavoudi H, Beyramzad J. Finite time sliding mode control for agile rigid satellite with CMG actuators using fast high-order sliding mode observer. *Aerospace Systems*. 2024 Jun;7(2):363-83.